

**CHUYÊN ĐỀ 6:**  
**PHÂN SỐ. CÁC BÀI TOÁN VỀ PHÂN SỐ**  
**ÔN HÈ MÔN: TOÁN - LỚP 6**



**BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM**

### Dạng 5. Tìm x

#### A. Lý thuyết

Dùng quy tắc thực hiện phép tính, quy tắc chuyển vế, quy tắc dấu ngoặc để đưa về các dạng quen thuộc để tìm x:

$$1) x + a = b \Rightarrow x = b - a$$

$$2) x - a = b \Rightarrow x = b + a$$

$$3) a - x = b \Rightarrow x = a - b$$

$$4) a \cdot x = b \Rightarrow x = \frac{b}{a}$$

$$5) a : x = b \Rightarrow x = \frac{a}{b}$$

$$6) x : a = b \Rightarrow x = a \cdot b$$

$$7) \frac{a}{b} = \frac{x}{c} \Rightarrow x = \frac{a \cdot c}{b}$$

$$8) x^2 = a^2 \Rightarrow \begin{cases} x = a \\ x = -a \end{cases}$$

$$9) x^3 = a^3 \Rightarrow x = a$$

#### B. Bài tập

##### Bài 1:

Tìm x, biết:

$$a) 2x + 3 = 1\frac{2}{3}$$

$$b) 0,15 - 3x = (-10)^0$$

$$c) -x : \frac{2}{5} = 0,8$$

$$d) \frac{3x+2}{3} = \frac{-4}{5}$$

$$e) \frac{3x+2}{-8} = \frac{-2}{3x+2}$$

$$f) (x+1) \cdot (-2x-3) = 0$$

##### Bài 2:

Tìm x, biết:

a)  $\frac{1}{3}x + \frac{2}{5}(x-1) = 0$

b)  $3 \cdot \left(3x - \frac{1}{2}\right)^3 + \frac{1}{9} = 0$

c)  $3 \cdot \left(1 - \frac{1}{2}\right) - 5 \cdot \left(x + \frac{3}{5}\right) = -x + \frac{1}{5}$

d)  $\frac{3-x}{5-x} = \left(\frac{-3}{5}\right)^2$

e)  $x : \frac{5}{8} = \frac{-13}{35} \cdot \frac{15}{-39}$

f)  $\left(\frac{7}{5} + x\right) : \frac{25}{16} = \frac{-4}{5}$

g)  $-4 : \left(x + \frac{-2}{3}\right) = \frac{3}{4}$

h)  $\left(\frac{-1}{5} + 2\right) : \left(x - \frac{7}{10}\right) = \frac{-1}{4}$

**Bài 3:**

Tìm tập hợp các số nguyên  $x$  để:  $\frac{5}{6} + \frac{-7}{8} \leq \frac{x}{24} \leq \frac{-5}{12} + \frac{5}{8}$

**Hướng dẫn giải chi tiết****Bài 1:**

Tìm  $x$ , biết:

a)  $2x + 3 = 1\frac{2}{3}$

b)  $0,15 - 3x = (-10)^0$

c)  $-x : \frac{2}{5} = 0,8$

d)  $\frac{3x+2}{3} = \frac{-4}{5}$

e)  $\frac{3x+2}{-8} = \frac{-2}{3x+2}$

f)  $(x+1) \cdot (-2x-3) = 0$

**Phương pháp**

Áp dụng quy tắc thực hiện phép tính, quy tắc chuyển vế, quy tắc dấu ngoặc để đưa về các dạng quen thuộc để tìm  $x$ .

**Lời giải**

$$a) 2x + 3 = 1 \frac{2}{3}$$

$$2x + 3 = \frac{5}{3}$$

$$2x = \frac{5}{3} - 3$$

$$2x = \frac{5}{3} - \frac{9}{3}$$

$$2x = \frac{-4}{3}$$

$$x = \frac{-4}{3} : 2$$

$$x = \frac{-4}{3} \cdot \frac{1}{2}$$

$$x = \frac{-2}{3}$$

Vậy  $x = \frac{-2}{3}$

$$b) 0,15 - 3x = (-10)^0$$

$$0,15 - 3x = 1$$

$$3x = 0,15 - 1$$

$$3x = 0,85$$

$$3x = \frac{17}{20}$$

$$x = \frac{17}{20} : 3$$

$$x = \frac{17}{20} \cdot \frac{1}{3}$$

$$x = \frac{17}{60}$$

Vậy  $x = \frac{17}{60}$

$$c) -x : \frac{2}{5} = 0,8$$

$$-x : 0,4 = 0,8$$

$$-x = 0,8 \cdot 0,4$$

$$-x = 0,32$$

$$x = -0,32$$

Vậy  $x = -0,32$

$$d) \frac{3x+2}{3} = \frac{-4}{5}$$

$$5.(3x+2) = 3.(-4)$$

$$15x + 10 = -12$$

$$15x = -12 - 10$$

$$15x = -22$$

$$x = \frac{-22}{15}$$

Vậy  $x = \frac{-22}{15}$

$$e) \frac{3x+2}{-8} = \frac{-2}{3x+2}$$

$$(3x+2).(3x+2) = (-8).(-2)$$

$$(3x+2)^2 = 16$$

$$(3x+2)^2 = 4^2$$

$$\begin{cases} 3x+2=4 \\ 3x+2=-4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x=2 \\ 3x=-6 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=\frac{2}{3} \\ x=-2 \end{cases}$$

Vậy  $x \in \left\{ \frac{2}{3}; -2 \right\}$

$$f) (x+1).(-2x-3) = 0$$

$$\begin{cases} x+1=0 \\ -2x-3=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=-1 \\ x=\frac{-3}{2} \end{cases}$$

Vậy  $x \in \left\{ -1; \frac{-3}{2} \right\}$

### Bài 2:

Tìm  $x$ , biết:

$$a) \frac{1}{3}x + \frac{2}{5}(x-1) = 0$$

$$b) 3 \cdot \left( 3x - \frac{1}{2} \right)^3 + \frac{1}{9} = 0$$

c)  $3 \cdot \left(1 - \frac{1}{2}\right) - 5 \cdot \left(x + \frac{3}{5}\right) = -x + \frac{1}{5}$

d)  $\frac{3-x}{5-x} = \left(\frac{-3}{5}\right)^2$

e)  $x : \frac{5}{8} = \frac{-13}{35} \cdot \frac{15}{-39}$

f)  $\left(\frac{7}{5} + x\right) : \frac{25}{16} = \frac{-4}{5}$

g)  $-4 : \left(x + \frac{-2}{3}\right) = \frac{3}{4}$

h)  $\left(\frac{-1}{5} + 2\right) : \left(x - \frac{7}{10}\right) = \frac{-1}{4}$

Phương pháp

Áp dụng các qui tắc cộng, trừ, nhân, chia phân số, qui tắc tính giá trị của biểu thức.

Lời giải

a)  $\frac{1}{3}x + \frac{2}{5}(x-1) = 0$

$$\frac{1}{3}x + \frac{2}{5}x - \frac{2}{5} = 0$$

$$\left(\frac{1}{3} + \frac{2}{5}\right)x = \frac{2}{5}$$

$$\frac{11}{15}x = \frac{2}{5}$$

$$x = \frac{2}{5} : \frac{11}{15}$$

$$x = \frac{2}{5} \cdot \frac{15}{11}$$

$$x = \frac{6}{11}$$

Vậy  $x = \frac{6}{11}$ .

b)  $3 \cdot \left(3x - \frac{1}{2}\right)^3 + \frac{1}{9} = 0$

$$3 \cdot \left(3x - \frac{1}{2}\right)^3 = -\frac{1}{9}$$

$$\left(3x - \frac{1}{2}\right)^3 = -\frac{1}{9} : 3$$

$$\left(3x - \frac{1}{2}\right)^3 = -\frac{1}{27} = \left(-\frac{1}{3}\right)$$

$$\Rightarrow 3x - \frac{1}{2} = \frac{-1^3}{3}$$

$$3x = \frac{-1}{3} + \frac{1}{2}$$

$$3x = \frac{-2}{6} + \frac{3}{6}$$

$$3x = \frac{1}{6}$$

$$x = \frac{1}{18}$$

Vậy  $x = \frac{1}{18}$ .

c)  $3 \cdot \left(1 - \frac{1}{2}\right) - 5 \left(x + \frac{3}{5}\right) = -x + \frac{1}{5}$

d)  $\frac{3-x}{5-x} = \left(\frac{-3}{5}\right)^2$

Điều kiện:  $5 - x \neq 0 \Leftrightarrow x \neq 5$ .

$$3 - \frac{3}{2} - \left( 5x + 5 \cdot \frac{3}{5} \right) = -x + \frac{1}{5}$$

$$\frac{3}{2} - 5x - 3 = -x + \frac{1}{5}$$

$$-5x + x = \frac{1}{5} - \frac{3}{2} + 3$$

$$-4x = \frac{-13}{10} + 3$$

$$-4x = \frac{17}{10}$$

$$x = \frac{17}{10} : (-4)$$

$$x = -\frac{17}{40}$$

$$\text{Vậy } x = -\frac{17}{40}.$$

$$\Rightarrow \frac{3-x}{5-x} = \frac{9}{25}$$

$$\Rightarrow (3-x).25 = 9.(5-x)$$

$$75 - 25x = 45 - 9x$$

$$-25x + 9x = 45 - 75$$

$$-16x = -30$$

$$x = \frac{-30}{-16} = \frac{15}{8}$$

$$\text{Vậy } x = \frac{15}{8}.$$

$$\text{e)} x : \frac{5}{8} = \frac{-13}{35} \cdot \frac{15}{-39}$$

$$x : \frac{5}{8} = \frac{1}{7}$$

$$x = \frac{1}{7} \cdot \frac{5}{8}$$

$$x = \frac{5}{56}.$$

$$\text{Vậy } x = \frac{5}{56}$$

$$\text{f)} \left( \frac{7}{5} + x \right) : \frac{25}{16} = \frac{-4}{5}$$

$$\frac{7}{5} + x = \frac{-4}{5} \cdot \frac{25}{16}$$

$$\frac{7}{5} + x = \frac{-5}{4}$$

$$x = \frac{-5}{4} - \frac{7}{5}$$

$$x = \frac{-53}{20}.$$

$$\text{Vậy } x = \frac{-53}{20}.$$

$$\text{g)} -4 : \left( x + \frac{-2}{3} \right) = \frac{3}{4}$$

$$x + \frac{-2}{3} = -4 : \frac{3}{4}$$

$$x + \frac{-2}{3} = -4 \cdot \frac{4}{3}$$

$$x + \frac{-2}{3} = \frac{-16}{3}$$

$$x = \frac{-16}{3} - \left( \frac{-2}{3} \right)$$

$$x = \frac{-14}{3}.$$

$$\text{Vậy } x = \frac{-14}{3}.$$

$$\text{h)} \left( \frac{-1}{5} + 2 \right) : \left( x - \frac{7}{10} \right) = \frac{-1}{4}$$

$$\frac{-1+10}{5} : \left( x - \frac{7}{10} \right) = \frac{-1}{4}$$

$$\begin{aligned}\frac{9}{5} : \left( x - \frac{7}{10} \right) &= \frac{-1}{4} \\ x - \frac{7}{10} &= \frac{9}{5} : \frac{-1}{4} \\ x - \frac{7}{10} &= \frac{9}{5} \cdot (-4) \\ x - \frac{7}{10} &= \frac{-36}{5} \\ x &= \frac{-36}{5} + \frac{7}{10} \\ x &= \frac{-13}{2}.\end{aligned}$$

Vậy  $x = \frac{-13}{2}$

**Bài 3:**

Tìm tập hợp các số nguyên  $x$  để:  $\frac{5}{6} + \frac{-7}{8} \leq \frac{x}{24} \leq \frac{-5}{12} + \frac{5}{8}$

Phương pháp

- + Thực hiện phép cộng các phân số đã biết.
- + Xác định vai trò của số chưa biết trong phép toán rồi kết luận.

Lời giải

$$\frac{5}{6} + \frac{-7}{8} \leq \frac{x}{24} \leq \frac{-5}{12} + \frac{5}{8}$$

$$\Rightarrow \frac{-1}{24} \leq \frac{x}{24} \leq \frac{5}{24}$$

$$\Rightarrow -1 \leq x \leq 5$$

Vì  $x \in \mathbb{Z}$  nên  $x \in \{-1; 0; 1; 2; 3; 4; 5\}$

Vậy  $x \in \{-1; 0; 1; 2; 3; 4; 5\}$