

**PHẦN TRẮC NGHIỆM (3 điểm)**

**Câu 1:** Xác định tham số  $a$  để hệ phương trình  $\begin{cases} (a-1)x - y = a+2 \\ 2x - y = 3 \end{cases}$  có nghiệm duy nhất.

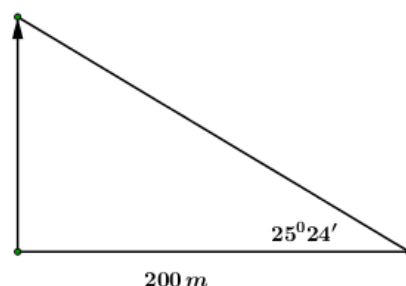
- A.  $a \neq 3$                       B.  $a \neq 0$                       C.  $a \neq -2$                       D.  $a \neq 1$

**Câu 2:** Tìm  $m$  để đường thẳng  $(d): y = m^2x + m$  ( $m \neq 0$ ) song song với đường thẳng  $(d'): y = 4x - 2$ .

- A.  $m = -4$                       B.  $m = -2$                       C.  $m = 4$                       D.  $m = 2$

**Câu 3:** Tính chiều cao của đài kiểm soát không lưu Nội Bài. Biết bóng của đài kiểm soát được chiếu bởi ánh sáng mặt trời xuống đất dài  $200m$  và góc tạo bởi tia sáng với mặt đất là  $25^\circ 24'$  (kết quả làm tròn đến hàng đơn vị).

- A.  $221m$                       B.  $181m$   
C.  $86m$                       D.  $95m$



**Câu 4:** Cho đường tròn  $(O; 10cm)$  và dây  $AB$  cách tâm  $O$  một khoảng bằng  $6cm$ . Tính độ dài dây  $AB$ .

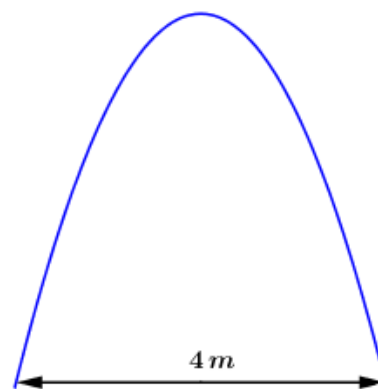
- A.  $16cm$                       B.  $12cm$                       C.  $8cm$                       D.  $10cm$

**Câu 5:** Cho  $\Delta ABC$  vuông tại  $A$ , đường cao  $AH$ . Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $AH^2 = HB \cdot BC$                       B.  $AH^2 = HB \cdot AB$                       C.  $AH^2 = HB \cdot HC$                       D.  $AH^2 = HB \cdot AC$

**Câu 6:** Cổng vào một ngôi biệt thự có hình dạng là một parabol được biểu diễn bởi đồ thị hàm số  $y = -x^2$ . Biết khoảng cách giữa hai chân cổng là  $4m$ . Một chiếc ô tô tải có thùng xe là một hình hộp chữ nhật có chiều rộng là  $2,4m$ . Hỏi chiều cao lớn nhất có thể của ô tô là bao nhiêu để ô tô có thể đi qua cổng?

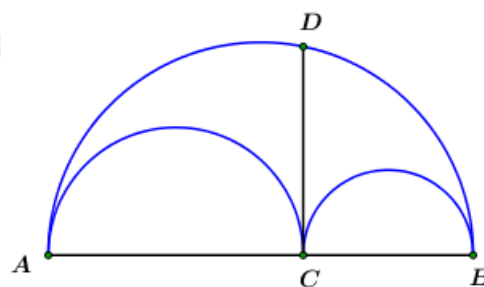
- A.  $2,4m$                       B.  $1,44m$   
C.  $4m$                       D.  $2,56m$



**Câu 7:** Trên hình vẽ là ba nửa đường tròn đường kính  $AB, AC, CB$ . Biết  $DC \perp AB = \{C\}$ , khi đó tỉ số diện tích hình

giới hạn bởi ba nửa đường tròn nối trên và diện tích hình tròn bán kính  $DC$  là:

- A.  $\frac{\sqrt{7}}{3}$                       B.  $\frac{1}{3}$   
C.  $\frac{1}{2}$                       D.  $\frac{1}{4}$



**Câu 8 :** Căn bậc hai số học của 36 là:

- A. -6                      B. 6                      C. 72                      D. 18

**Câu 9:** Gọi  $S$  là tập hợp các giá trị nguyên của  $m$  để đường thẳng  $y = 6x + m - 5$  và parabol  $y = x^2$  cắt nhau tại hai điểm phân biệt nằm bên phải trục tung. Tính tổng các phần tử của tập  $S$ .

- A. 3                      B. -3                      C. 6                      D. -6

**Câu 10:** Trong các hàm số sau, hàm số nào là đồng biến trên  $\mathbb{R}$ ?

- A.  $y = -x + 5$                       B.  $y = 2x + 1$                       C.  $y = 2019 - 2x$                       D.  $y = 2020$

**Câu 11:** Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số bậc nhất  $y = (2019 - m)x + 2020$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

- A.  $m > -2019$                       B.  $m > 2019$                       C.  $m < 2019$                       D.  $m < -2019$

**Câu 12:** Cho  $\Delta ABC$  vuông tại  $A$ . Khẳng định nào sau đây là **đúng**?

- A.  $\sin B = \frac{AC}{AB}$                       B.  $\sin B = \frac{AB}{BC}$                       C.  $\sin B = \frac{AB}{AC}$                       D.  $\sin B = \frac{AC}{BC}$

**Câu 13:** Biểu thức  $\sqrt{2x - 8}$  có nghĩa khi và chỉ khi:

- A.  $x \leq -4$                       B.  $x \leq 4$                       C.  $x \geq -4$                       D.  $x \geq 4$

**Câu 14:** Cho hình vẽ, biết  $AB$  là đường kính của đường tròn tâm  $O$ ,  $\angle ABC = 40^\circ$ . Tính số đo  $\angle BMC$ .

- A.  $40^\circ$                       B.  $60^\circ$                       C.  $80^\circ$                       D.  $50^\circ$

**Câu 15:** Tìm  $m$  để đồ thị hàm số  $y = (m + 5)x^2$  đi qua điểm  $A(-1; 2)$ .

- A.  $m = -3$                       B.  $m = 6$                       C.  $m = 3$                       D.  $m = -7$

**Câu 16:** Tâm  $O$  của đường tròn  $(O; 5\text{cm})$  cách đường thẳng  $d$  một khoảng bằng  $6\text{cm}$ . Tìm số điểm chung của đường thẳng  $d$  và đường tròn  $(O; 5\text{cm})$ .

- A. Có ít nhất một điểm chung.                      B. Có hai điểm chung phân biệt.  
C. Có một điểm chung duy nhất.                      D. Không có điểm chung.

**Câu 17:** Một quả bóng nhựa mềm dành cho trẻ em có dạng hình cầu, đường kính  $7\text{cm}$ . Tính diện tích bề mặt quả bóng (lấy  $\pi \approx 3,14$  và kết quả làm tròn đến chữ số thập phân thứ hai).

- A.  $381,51\text{cm}^2$                       B.  $153,86\text{cm}^2$                       C.  $615,44\text{cm}^2$                       D.  $179,50\text{cm}^2$

**Câu 18:** Phương trình nào sau đây là phương trình bậc hai một ẩn?

- A.  $-x^2 + x - 2 = 0$                       B.  $-2x + 5 = 0$                       C.  $3xy + 4x - 6 = 0$                       D.  $x^3 + 2x^2 = 0$

**Câu 19:** Lúc 8 giờ, kim giờ và kim phút của đồng hồ tạo thành một góc ở tâm có số đo là:

- A.  $80^\circ$                       B.  $240^\circ$                       C.  $120^\circ$                       D.  $40^\circ$

**Câu 20:** Giá trị của biểu thức:  $E = \frac{1}{\sqrt{2}-1} - \frac{1}{\sqrt{2}+1}$  bằng:

- A.  $-2$       B.  $-2\sqrt{2}$       C.  $2$       D.  $2\sqrt{2}$

**Câu 21:** Hệ số góc của đường thẳng  $(d): y = -2x + 3$  là:

- A.  $-2$       B.  $-\frac{3}{2}$       C.  $\frac{3}{2}$       D.  $3$

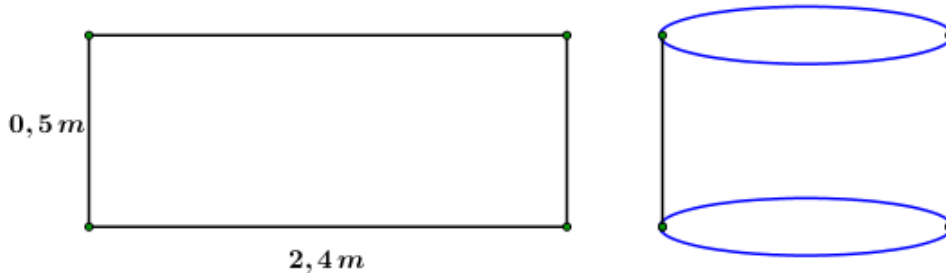
**Câu 22:** Trong các hệ phương trình sau, hệ phương trình nào là hệ phương trình bậc nhất hai ẩn?

- A.  $\begin{cases} xy + 3x = 1 \\ y - 2x = 1 \end{cases}$       B.  $\begin{cases} x + y = 3 \\ 2x + y = 1 \end{cases}$       C.  $\begin{cases} x^2 + 3y = 1 \\ -x + 2y = -2 \end{cases}$       D.  $\begin{cases} x - 2y = 1 \\ x + 2y^2 = -1 \end{cases}$

**Câu 23:** Cho hàm số  $y = 9x^2$ . Khẳng định nào sau đây **đúng**?

- A. Hàm số nghịch biến khi  $x > 0$ .      B. Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .  
 C. Hàm số đồng biến khi  $x > 0$ .      D. Hàm số đồng biến khi  $x < 0$ .

**Câu 24:** Từ một tấm tôn hình chữ nhật có kích thước  $0,5m \times 2,4m$  người ta gò tấm tôn đó thành mặt xung quanh của thùng đựng nước hình trụ có chiều cao bằng  $0,5m$  (phần mép hàn không đáng kể).



Thể tích  $V$  của thùng.

- A.  $V = \frac{12}{25\pi} m^3$       B.  $V = \frac{36}{25\pi} m^3$       C.  $V = \frac{6}{5\pi} m^3$       D.  $V = \frac{18}{25\pi} m^3$

**Câu 25:** Nghiệm tổng quát của phương trình  $2x - y = 1$  là:

- A.  $\begin{cases} x \in \mathbb{R} \\ y = 1 - 2x \end{cases}$       B.  $\begin{cases} x \in \mathbb{R} \\ y = 2x - 1 \end{cases}$       C.  $\begin{cases} x \in \mathbb{R} \\ y = 2x + 1 \end{cases}$       D.  $\begin{cases} x \in \mathbb{R} \\ y = -2x - 1 \end{cases}$

**PHẦN TỰ LUẬN (7 điểm)**

**Câu 1 (1,5 điểm):**

- a) Rút gọn biểu thức  $P = \sqrt{5}(\sqrt{5} + 2) - \sqrt{20}$   
 b) Tìm giá trị của  $m$  để đường thẳng  $(d): y = mx + 3$  đi qua điểm  $A(1;5)$   
 c) Giải hệ phương trình  $\begin{cases} 3x - y = 7 \\ x + y = 5 \end{cases}$

**Câu 2 (1,5 điểm):**

Cho phương trình  $x^2 - 4mx + m - 1 = 0$  ( $m$  là tham số)

a) Giải phương trình với  $m = 4$

b) Tìm  $m$  để phương trình có hai nghiệm phân biệt thỏa mãn điều kiện:

$$x_1(x_1 + 2) + x_2(x_2 + 2) = 20$$

**Câu 3 (1,5 điểm):**

Cho tam giác  $ABC$  nhọn ( $AB < AC$ ) nội tiếp đường tròn ( $O$ ). Vẽ các đường cao  $BD, CE$  của tam giác  $ABC$  ( $D \in AC; E \in AB$ )

a) Chứng minh tứ giác  $BCDE$  nội tiếp một đường tròn

b) Gọi giao điểm của  $AO$  với  $BD$  và  $ED$  lần lượt là  $K, M$ . Chứng minh  $\frac{1}{MD^2} = \frac{1}{KD^2} + \frac{1}{AD^2}$

**Câu 4 (0,5 điểm):**

Cho các số thực dương  $x, y, z$  thỏa mãn  $x^2 + y^2 + z^2 = 3xyz$ .

Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức:  $P = \frac{x^2}{x^4 + yz} + \frac{y^2}{y^4 + xz} + \frac{z^2}{z^4 + xy}$ .

## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

THỰC HIỆN BỞI BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

## PHẦN TRẮC NGHIỆM (3 điểm)

1. A	2. D	3. D	4. A	5. C
6. B	7. D	8. B	9. B	10. B
11. B	12. D	13. D	14. D	15. A
16. D	17. B	18. A	19. C	20. C
21. A	22. B	23. C	24. D	25. B

## Câu 1:

## Phương pháp:

Hệ phương trình  $\begin{cases} a_1x + b_1y = c_1 \\ a_2x + b_2y = c_2 \end{cases}$  có nghiệm duy nhất  $\Leftrightarrow \frac{a_1}{a_2} \neq \frac{b_1}{b_2}$ .

## Cách giải:

Hệ phương trình có nghiệm duy nhất  $\Leftrightarrow \frac{a-1}{2} \neq \frac{-1}{-1} \Leftrightarrow a-1 \neq 2 \Leftrightarrow a \neq 3$ .

## Chọn A.

## Câu 2:

## Phương pháp:

Cho hai đường thẳng  $d: y = ax + b$  và  $d': y = a'x + b'$ .

Khi đó:  $d // d' \Leftrightarrow \begin{cases} a = a' \\ b \neq b' \end{cases}$ .

## Cách giải:

$(d): y = m^2x + m$  ( $m \neq 0$ ) song song với đường thẳng  $(d'): y = 4x - 2$ .

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m^2 = 4 \\ m \neq -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = 2 \\ m = -2 \Leftrightarrow m = 2. \\ m \neq -2 \end{cases}$$

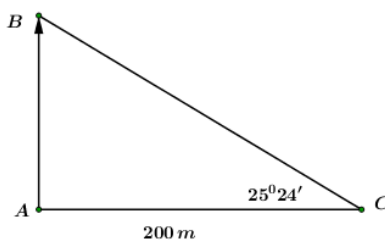
## Chọn D.

## Câu 3:

## Phương pháp:

Sử dụng tỉ số lượng giác của góc nhọn trong tam giác vuông để làm bài.

**Cách giải:**



Gọi các điểm như hình vẽ.

Khi đó chiều cao của đài kiểm soát là:  $AB = AC \cdot \tan \angle C = 200 \cdot \tan 25^\circ 24' \approx 95 m$ .

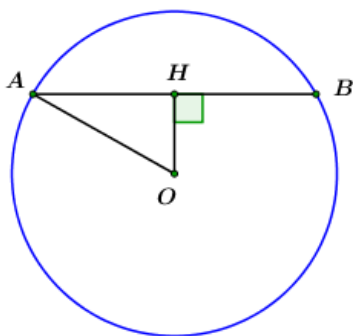
**Chọn D.**

**Câu 4:**

**Phương pháp:**

Sử dụng mối liên hệ giữa đường kính và dây cung để làm bài toán.

**Cách giải:**



Gọi  $H$  là hình chiếu của  $O$  trên  $AB \Rightarrow OH \perp AB$ ,  $H$  là trung điểm của  $AB$  (mối liên hệ giữa đường kính và dây cung).

Theo đề bài ta có:  $OA = R = 10 cm$ ,  $OH = d(O; AB) = 6 cm$ .

Áp dụng định lý Pi-ta-go ta có:

$$AH = \sqrt{OA^2 - OH^2} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8 cm.$$

$$\Rightarrow AB = 2AH = 16 cm.$$

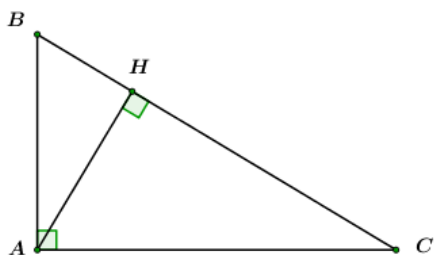
**Chọn A.**

**Câu 5:**

**Phương pháp:**

Áp dụng các công thức hệ thức lượng trong tam giác vuông để làm bài.

**Cách giải:**



Áp dụng hệ thức lượng trong  $\Delta ABC$  vuông tại  $A$  có đường cao  $AH$  ta có:

$$AH^2 = HB.HC.$$

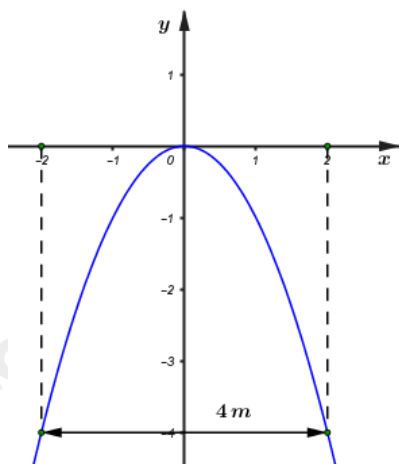
Chọn C.

**Câu 6:**

**Phương pháp:**

Sử dụng phương pháp tọa độ hóa.

**Cách giải:**



Ta có đồ thị hàm số của công biệt thụ như hình vẽ.

Khi đó công biệt thụ có chiều cao  $h = 4m$ .

Chiều rộng của thùng xe ô tô tải là  $2,4m \Rightarrow x_0 = \frac{1}{2}.2,4 = 1,2m$ .

$\Rightarrow$  Chiều cao lớn nhất của ô tô tải là:  $h_0 = 1,2^2 = 1,44m$ .

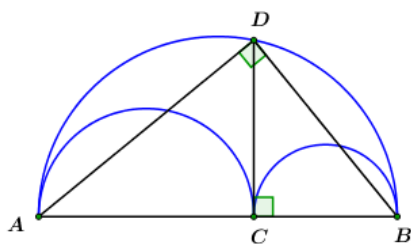
Chọn B.

**Câu 7:**

**Phương pháp:**

Công thức tính diện tích hình tròn bán kính  $R$ :  $S = \pi R^2$ .

**Cách giải:**



Xét đường tròn đường kính  $AB$  ta có:  $\angle ADB$  là góc nội tiếp chắn nửa đường tròn

$\Rightarrow \angle ADB = 90^\circ$ .

Áp dụng hệ thức lượng trong tam giác vuông ta có:  $CD^2 = AC.CB$ .



Diện tích hình tròn bán kính  $CD$  là:  $S_0 = \pi CD^2 = \pi.AC.BC$ .

Diện tích nửa đường tròn đường kính  $AB$  là:  $S_1 = \frac{1}{2}.\pi.\left(\frac{AB}{2}\right)^2 = \frac{\pi AB^2}{8}$ .

Diện tích nửa đường tròn đường kính  $AC$  là:  $S_2 = \frac{1}{2}.\pi.\left(\frac{AC}{2}\right)^2 = \frac{\pi AC^2}{8}$ .

Diện tích nửa đường tròn đường kính  $BC$  là:  $S_3 = \frac{1}{2}.\pi.\left(\frac{BC}{2}\right)^2 = \frac{\pi BC^2}{8}$ .

$\Rightarrow$  Diện tích hình được giới hạn bởi ba đường tròn là:

$$S = S_1 - S_2 - S_3 = \frac{\pi AB^2}{8} - \frac{\pi AC^2}{8} - \frac{\pi BC^2}{8} = \frac{\pi}{8}(AB^2 - AC^2 - BC^2).$$

Lại có:  $AB = AC + BC \Rightarrow AB^2 = AC^2 + 2AC.BC + BC^2$

$$\begin{aligned} \Rightarrow S &= \frac{\pi}{8}(AB^2 - AC^2 - BC^2) = \frac{\pi}{8}(AC^2 + BC^2 + 2AC.BC - AC^2 - BC^2) \\ &= \frac{\pi}{8}.2AC.BC = \frac{\pi.AC.BC}{4}. \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \frac{S}{S_0} = \frac{\frac{\pi.AC.BC}{4}}{\pi.AC.BC} = \frac{1}{4}.$$

**Chọn D.**

**Câu 8:**

**Phương pháp:**

Số dương  $a$  có căn bậc hai số học là  $\sqrt{a}$ .

**Cách giải:**

Ta có 36 có căn bậc hai số học là  $\sqrt{36} = 6$ .

**Chọn B.**

**Câu 9:**

**Phương pháp:**

Lập phương trình hoành độ giao điểm (\*) của hai đồ thị hàm số.

Đường thẳng  $d$  cắt ( $P$ ) tại hai điểm phân biệt nằm phía bên phải trục tung  $\Leftrightarrow$  (\*) có hai nghiệm dương phân

$$\text{biệt} \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta > 0 \\ -\frac{b}{a} > 0 \\ \frac{c}{a} > 0 \end{cases}$$



**Cách giải:**

Phương trình hoành độ giao điểm của  $d: y = 6x + m - 5$  và parabol  $(P): y = x^2$  là:

$$x^2 = 6x + m - 5 \Leftrightarrow x^2 - 6x - m + 5 = 0 \quad (*)$$

Đường thẳng  $d$  cắt  $(P)$  tại hai điểm phân biệt nằm phía bên phải trục tung  $\Leftrightarrow (*)$  có hai nghiệm dương phân

$$\text{biệt} \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' > 0 \\ -\frac{b}{a} > 0 \\ \frac{c}{a} > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 9 + m - 5 > 0 \\ 3 > 0 \\ -m + 5 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > -4 \\ m < 5 \end{cases} \Leftrightarrow -4 < m < 5$$

Lại có:  $m \in \mathbb{Z} \Rightarrow m \in \{-3; -2; -1; 0; 1; 2; 3; 4\}$ .

$$\Rightarrow S = -3 - 2 - 1 + 0 + 1 + 2 + 3 + 4 = 4.$$

**Chọn B.**

**Câu 10:****Phương pháp:**

Hàm số  $y = ax + b$  ( $a \neq 0$ ) đồng biến trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow a > 0$ .

**Cách giải:**

Trong các hàm số ở các đáp án chỉ có đáp án B là hàm số có hệ số góc  $a = 2 > 0 \Rightarrow y = 2x + 1$  là hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

**Chọn B.**

**Câu 11:****Phương pháp:**

Hàm số  $y = ax + b$  ( $a \neq 0$ ) nghịch biến trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow a < 0$ .

**Cách giải:**

Hàm số bậc nhất  $y = (2019 - m)x + 2020$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$

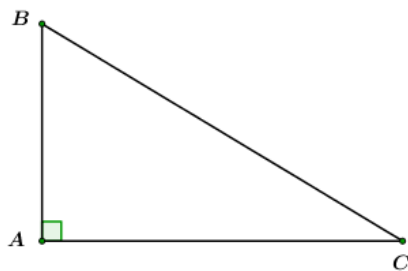
$$\Leftrightarrow 2019 - m < 0 \Leftrightarrow m > 2019.$$

**Chọn B.**

**Câu 12:****Phương pháp:**

Sử dụng công thức tỉ số lượng giác của góc nhọn trong tam giác vuông.

**Cách giải:**



Ta có:  $\sin B = \frac{AC}{BC}$ .

**Chọn D.**

**Câu 13:**

**Phương pháp:**

Hàm số  $y = \sqrt{f(x)}$  xác định  $\Leftrightarrow f(x) \geq 0$ .

**Cách giải:**

Biểu thức  $\sqrt{2x-8}$  xác định  $\Leftrightarrow 2x-8 \geq 0 \Leftrightarrow 2x \geq 8 \Leftrightarrow x \geq 4$ .

**Chọn D.**

**Câu 14:**

**Phương pháp:**

Sử dụng tính chất của góc nội tiếp có số đo bằng nửa số đo cung bị chắn.

**Cách giải:**

Ta có:  $\angle ABC$  là góc nội tiếp chắn cung  $AC \Rightarrow$  cung  $AC$  nhỏ  $= 2 \cdot \angle ABC = 2 \cdot 40^\circ = 80^\circ$ .

Ta có: cung  $AB$  = cung  $AC$  nhỏ + cung  $BC$  nhỏ  $= 180^\circ$

$\Rightarrow$  cung  $BC$  nhỏ  $= 180^\circ -$  cung  $AC$  nhỏ  $= 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ$ .

Mà  $\angle BMC$  là góc nội tiếp chắn cung  $BC$  nhỏ

$\Rightarrow \angle BMC = \frac{1}{2}$  cung  $BC$  nhỏ  $= \frac{1}{2} \cdot 100^\circ = 50^\circ$ .

**Chọn D.**

**Câu 15:**

**Phương pháp:**

Thay tọa độ điểm  $A$  vào công thức hàm số để tìm  $m$ .

**Cách giải:**

$A(-1; 2)$  thuộc đồ thị hàm số  $y = (m+5)x^2 \Rightarrow 2 = (m+5) \cdot (-1)^2 \Leftrightarrow m+5 = 2 \Leftrightarrow m = -3$ .

**Chọn A.**

**Câu 16:**

**Phương pháp:**

Cho đường tròn  $(O; R)$  và đường thẳng  $d$ . Khi đó:

+) Nếu  $d = (O; d) = R \Rightarrow d$  và  $(O; R)$  có một điểm chung.

+) Nếu  $d = (O; d) > R \Rightarrow d$  và  $(O; R)$  có không có điểm chung.

+) Nếu  $d = (O; d) < R \Rightarrow d$  và  $(O; R)$  có hai điểm chung phân biệt.

**Cách giải:**

Ta có:  $d(O; d) = 6 > R = 5 \Rightarrow d$  và  $(O; R)$  có hai điểm chung phân biệt.

**Chọn B.****Câu 17:****Phương pháp:**

Diện tích mặt cầu bán kính  $R$ :  $S = 4\pi R^2$ .

**Cách giải:**

Diện tích bề mặt quả bóng là:  $S = 4\pi R^2 = 4.3,14.7^2 = 615,44 \text{ cm}^2$ .

**Chọn C.****Câu 18:****Phương pháp:**

Phương trình bậc hai một ẩn có dạng:  $ax^2 + bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ ).

**Cách giải:**

Trong các đáp án, chỉ có đáp án A có phương trình là phương trình bậc hai một ẩn.

**Chọn A.****Câu 19:****Phương pháp:**

Góc ở tâm có số đo bằng cung bị chắn.

**Cách giải:**

Lúc 8 giờ, kim giờ và kim phút của đồng hồ tạo thành góc ở tâm có số đo là  $120^\circ$ .

**Chọn C.****Câu 20:****Phương pháp:**

Trục căn thức ở mẫu hoặc quy đồng mẫu các phân thức để tính giá trị của biểu thức.

**Cách giải:**

$$E = \frac{1}{\sqrt{2}-1} - \frac{1}{\sqrt{2}+1} = \frac{\sqrt{2}+1-\sqrt{2}+1}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}+1)} = \frac{2}{2-1} = 2.$$

**Chọn C.**

**Câu 21:**

**Phương pháp:**

Đường thẳng  $y = ax + b$  có hệ số góc là  $a$ .

**Cách giải:**

Ta có: đường thẳng  $y = -2x + 3$  có hệ số góc là  $a = -2$ .

**Chọn A.**

**Câu 22:**

**Phương pháp:**

Hệ phương trình bậc nhất hai ẩn có dạng: 
$$\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$$

**Cách giải:**

Trong các đáp án trên chỉ có hệ phương trình ở đáp án B có dạng là hệ phương trình bậc nhất hai ẩn.

**Chọn B.**

**Câu 23:**

**Phương pháp:**

Hàm số  $y = ax^2$  ( $a > 0$ ):

+) Đồng biến khi  $x > 0$  và nghịch biến khi  $x < 0$ .

**Cách giải:**

Xét hàm số  $y = 9x^2$  có  $a = 9 > 0$

$\Rightarrow$  Hàm số đồng biến khi  $x > 0$  và nghịch biến khi  $x < 0$ .

**Chọn C.**

**Câu 24:**

**Phương pháp:**

Thể tích hình trụ có chiều cao  $h$  và bán kính đáy  $R$  là:  $V = \pi R^2 h$ .

**Cách giải:**

Theo đề bài ta có chu vi đáy của thùng nước là:  $2,4m$ .

$\Rightarrow$  Thùng đựng nước có bán kính đáy là:  $R = \frac{2,4}{2\pi} = \frac{1,2}{\pi} m$  và chiều cao là:  $h = 0,5m$ .

$$\text{Thể tích của thùng đựng nước là: } V = \pi \cdot 0,5 \cdot \left(\frac{1,2}{\pi}\right)^2 = \frac{18}{25\pi} m^3.$$

**Chọn D.**

**Câu 25:**

**Phương pháp:**

Tìm nghiệm  $y$  theo  $x$ .

**Cách giải:**

Ta có:  $2x - y = 1 \Leftrightarrow y = 2x - 1$

$\Rightarrow$  Nghiệm của phương trình là:  $\begin{cases} x \in \mathbb{R} \\ y = 2x - 1 \end{cases}$

**Chọn B.**

**PHẦN TỰ LUẬN (7 điểm)**

**Câu 1**

**Phương pháp:**

a) Sử dụng công thức:  $\sqrt{A^2B} = |A|\sqrt{B} = \begin{cases} A\sqrt{B} & \text{khi } A \geq 0 \\ -A\sqrt{B} & \text{khi } A < 0 \end{cases}$

b) Thay tọa độ điểm  $A(1;5)$  vào phương trình đường thẳng  $(d)$  để tìm  $m$

c) Giải hệ phương trình bằng phương pháp thế.

**Cách giải:**

a) **Rút gọn biểu thức**  $P = \sqrt{5}(\sqrt{5} + 2) - \sqrt{20}$

$$P = \sqrt{5}(\sqrt{5} + 2) - \sqrt{20} = \sqrt{5} \cdot \sqrt{5} + 2\sqrt{5} - 2\sqrt{5} = 5$$

Vậy  $P = 5$ .

b) **Tìm giá trị của  $m$  để đường thẳng  $(d): y = mx + 3$  đi qua điểm  $A(1;5)$**

Đường thẳng  $(d): y = mx + 3$  đi qua điểm  $A(1;5)$  nên ta có:

$$5 = m \cdot 1 + 3 \Leftrightarrow m = 2$$

Vậy với  $m = 2$  thì đường thẳng  $(d): y = mx + 3$  đi qua điểm  $A(1;5)$ .

c) **Giải hệ phương trình**  $\begin{cases} 3x - y = 7 \\ x + y = 5 \end{cases}$

Ta có :

$$\begin{cases} 3x - y = 7 \\ x + y = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 5 - x \\ 3x - (5 - x) = 7 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 5 - x \\ 4x = 12 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = 5 - x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = 2 \end{cases}$$

Vậy nghiệm của hệ phương trình là:  $(x; y) = (3; 2)$

## Câu 2

### Phương pháp:

- a) Thay  $m = 4$  vào phương trình rồi giải.  
 b) Tìm biệt thức  $\Delta'$ , rồi sử dụng định lý Vi-et, biến đổi biểu thức đã cho về dạng tổng và tích của hai nghiệm.

### Cách giải:

#### a) Giải phương trình với $m = 4$

Với  $m = 4$  ta có phương trình:  $x^2 - 4x + 4 - 1 = 0 \Leftrightarrow x^2 - 4x + 3 = 0$  (1)

Phương trình (1) có hệ số  $a = 1; b = -4; c = 3 \Rightarrow a + b + c = 0$

Nên phương trình (1) có hai nghiệm là  $x_1 = 1; x_2 = \frac{c}{a} = 3$

Vậy với  $m = 4$  thì tập nghiệm của phương trình là:  $S = \{1; 3\}$

#### b) Tìm $m$ để phương trình có hai nghiệm phân biệt thỏa mãn điều kiện:

$$x_1(x_1 + 2) + x_2(x_2 + 2) = 20$$

Phương trình  $x^2 - 4x + m - 1 = 0$  (\*)

$$\text{Có } \Delta' = (-2)^2 - 1 \cdot (m - 1) = 5 - m$$

Để phương trình (\*) có hai nghiệm phân biệt  $x_1; x_2$  thì  $\Delta' > 0 \Leftrightarrow 5 - m > 0 \Leftrightarrow m < 5$

$$\text{Theo hệ thức Vi-et ta có: } \begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{-b}{a} = 4 \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} = m - 1 \end{cases}$$

Ta có:

$$\begin{aligned}
 x_1(x_1 + 2) + x_2(x_2 + 2) &= 20 \\
 \Leftrightarrow x_1^2 + 2x_1 + x_2^2 + 2x_2 &= 20 \\
 \Leftrightarrow x_1^2 + x_2^2 + 2(x_1 + x_2) &= 20 \\
 \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 2x_1 \cdot x_2 + 2(x_1 + x_2) &= 20 \\
 \Leftrightarrow 4^2 - 2(m-1) + 2 \cdot 4 &= 20 \\
 \Leftrightarrow 16 - 2(m-1) + 8 &= 20 \\
 \Leftrightarrow 2(m-1) &= 4 \\
 \Leftrightarrow m-1 = 2 \Leftrightarrow m &= 3(tm)
 \end{aligned}$$

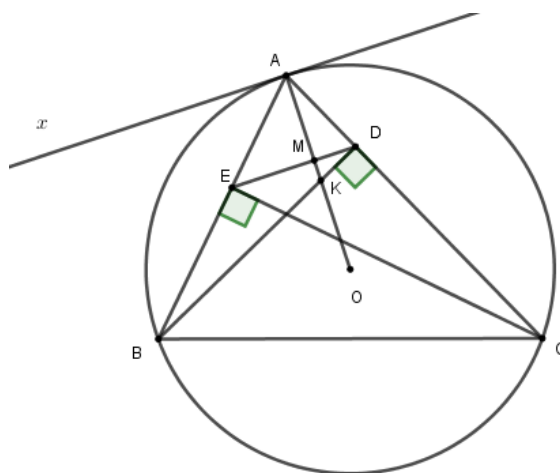
Vậy  $m = 3$  là giá trị cần tìm.

### Câu 3

#### Phương pháp:

- Chỉ ra tứ giác có hai đỉnh kề nhau cùng nhìn cạnh chứa hai đỉnh còn lại dưới các góc bằng nhau là tứ giác nội tiếp
- Chứng minh  $DM \perp AO$  rồi sử dụng hệ thức lượng trong tam giác vuông

#### Cách giải:



a) Vì  $BD, CE$  là hai đường cao của tam giác  $ABC$  nên  $\angle BEC = \angle BDC = 90^\circ$

Xét tứ giác  $BCDE$  có  $\angle BEC = \angle BDC = 90^\circ$  (cmt) nên hai đỉnh  $E, D$  kề nhau cùng nhìn cạnh  $BC$  dưới các góc  $90^\circ$ , suy ra tứ giác  $BCDE$  là tứ giác nội tiếp. (dnhb)

b) Kẻ tiếp tuyến  $Ax$  với đường tròn  $(O)$

Suy ra  $OA \perp Ax$

+ Vì tứ giác  $BCDE$  là tứ giác nội tiếp (theo câu a) nên  $\angle BCD = \angle AED$  (1) (cùng bù với  $\angle BED$ )

+ Xét đường tròn  $(O)$  có  $\angle BAx = \angle BCA$  (2) (góc tạo bởi tiếp tuyến và dây cung và góc nội tiếp cùng chắn cung  $AB$ )

Từ (1) và (2) suy ra  $\angle BAx = \angle AED$  mà hai góc ở vị trí so le trong nên  $Ax \parallel ED$

Mà  $Ax \perp AO$  (cmt)  $\Rightarrow ED \perp AO = \{M\}$ .



Xét tam giác  $ADK$  vuông tại  $D$  có  $DM$  là đường cao.

Theo hệ thức lượng trong tam giác vuông ta có:  $\frac{1}{DM^2} = \frac{1}{DK^2} + \frac{1}{DA^2}$  (đpcm)

#### Câu 4

#### Phương pháp:

Sử dụng liên tiếp bất đẳng thức Cô – si cho hai số dương  $a+b \geq 2\sqrt{ab}$  để đánh giá  $P$ .

#### Cách giải:

$$x^2 + y^2 + z^2 = 3xyz \Rightarrow \frac{x}{yz} + \frac{y}{xz} + \frac{z}{xy} = 3$$

Áp dụng bất đẳng thức Cô – si cho hai số dương  $\frac{x}{yz}; \frac{y}{zx}$  ta có:  $\frac{x}{yz} + \frac{y}{zx} \geq 2\sqrt{\frac{x}{yz} \cdot \frac{y}{zx}} = \frac{2}{z}$

Tương tự ta cũng có  $\frac{y}{zx} + \frac{z}{xy} \geq \frac{2}{x}; \frac{z}{xy} + \frac{x}{yz} \geq \frac{2}{y}$

$$\Rightarrow \left(\frac{x}{yz} + \frac{y}{zx}\right) + \left(\frac{y}{zx} + \frac{z}{xy}\right) + \left(\frac{z}{xy} + \frac{x}{yz}\right) \geq \frac{2}{z} + \frac{2}{x} + \frac{2}{y}$$

$$\Rightarrow \frac{x}{yz} + \frac{y}{zx} + \frac{z}{xy} \geq \frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z} \Rightarrow \frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z} \leq 3$$

Lại có:  $x^4 + yz \geq 2\sqrt{x^4 yz} = 2x^2\sqrt{yz} \Rightarrow \frac{x^2}{x^4 + yz} \leq \frac{1}{2\sqrt{yz}} = \frac{1}{4} \cdot 2 \cdot \frac{1}{\sqrt{y}} \cdot \frac{1}{\sqrt{z}} \leq \frac{1}{4} \left(\frac{1}{y} + \frac{1}{z}\right)$

Tương tự  $\frac{y^2}{y^4 + xz} \leq \frac{1}{4} \left(\frac{1}{x} + \frac{1}{z}\right); \frac{z^2}{z^4 + xy} \leq \frac{1}{4} \left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y}\right)$

Suy ra  $P = \frac{x^2}{x^4 + yz} + \frac{y^2}{y^4 + xz} + \frac{z^2}{z^4 + xy} \leq \frac{1}{4} \left(\frac{2}{x} + \frac{2}{y} + \frac{2}{z}\right) = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z}\right) \leq \frac{3}{2}$

$$\Rightarrow P \leq \frac{3}{2}$$

Dấu “=” xảy ra khi  $x = y = z = 1$ .

Vậy  $P_{\max} = \frac{3}{2}$  khi  $x = y = z = 1$ .