

SỞ GIÁO DỤC – ĐÀO TẠO
TỈNH PHÚ YÊN

ĐỀ THI CHÍNH THỨC

KỶ THI TUYỂN SINH LỚP 10 THPT

NĂM HỌC 2018 – 2019

Môn thi: TOÁN (Không chuyên)

Thời gian: 120 phút.

Ngày thi: 02/06/2018

I. TRẮC NGHIỆM (3 điểm)

Học sinh chọn một phương án đúng nhất ở mỗi câu và viết phương án chọn vào bài làm:

Câu 1: Tìm x để biểu thức $\frac{1}{\sqrt{(x-2)^2}}$ có nghĩa.

A. $x \geq 2$

B. $x > 2$

C. $x \neq -2$

D. $x \neq 2$

Câu 2: Hàm số nào sau đây là hàm số bậc nhất?

A. $y = ax + b$

B. $y = 1 - 2x$

C. $y = x^2 + 1$

D. $y = \frac{1}{x}$

Câu 3: Cặp số nào sau đây **không phải** là nghiệm của phương trình $x + 2y = -1$?

A. $(1; -1)$

B. $(-1; 0)$

C. $\left(0; \frac{1}{2}\right)$

D. $(3; -2)$

Câu 4: Hệ phương trình nào sau đây vô nghiệm?

A. $\begin{cases} y = 2x - 3 \\ y = x + 5 \end{cases}$

B. $\begin{cases} y = 2x - 3 \\ y = 2x + 1 \end{cases}$

C. $\begin{cases} y = 2x - 3 \\ y = 4x - 6 \end{cases}$

D. $\begin{cases} y = 2x - 3 \\ y = -x + 3 \end{cases}$

Câu 5: Cho hàm số $y = ax^2$ ($a > 0$). Kết luận nào sau đây là đúng?

A. Hàm số đồng biến với mọi x .

B. Hàm số nghịch biến với mọi x .

C. Hàm số đồng biến khi $x > 0$.

D. Hàm số nghịch biến khi $x > 0$.

Câu 6: Phương trình nào sau đây có hai nghiệm phân biệt?

A. $x^2 + 3x - 4 = 0$.

B. $x^2 + 2x + 1 = 0$

C. $x^2 + x + 1 = 0$

D. $x^2 + 1 = 0$

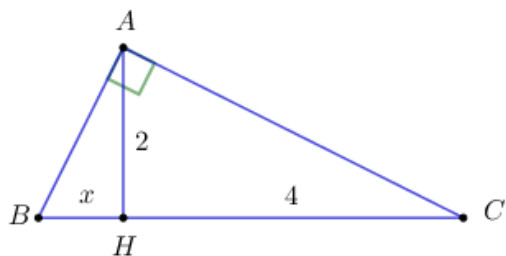
Câu 7: Cho tam giác ABC vuông tại A, đường cao AH. Biết AH = 2, HC = 4. Đặt BH = x . Tính x .

A. $x = \frac{1}{2}$

B. $x = 1$

C. $x = \frac{16}{3}$

D. $x = 4$



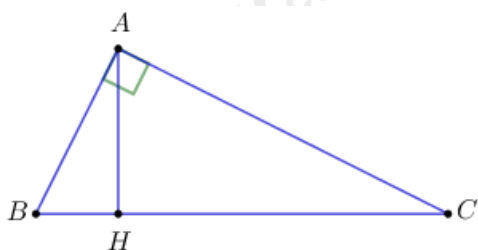
Câu 8: Cho tam giác ABC vuông tại A, đường cao AH. Đẳng thức nào sau đây là **sai**?

A. $\sin B = \frac{AH}{AB}$

B. $\tan BAH = \frac{BH}{AH}$

C. $\cos C = \frac{HC}{AC}$

D. $\cot HAC = \frac{AH}{AC}$



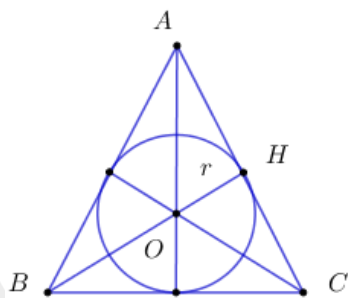
Câu 9: Tính chu vi C của tam giác đều ABC ngoại tiếp đường tròn có bán kính bằng $\sqrt{3}cm$.

A. $C = 9cm$

B. $C = 9\sqrt{3}cm$

C. $18cm$

D. $18\sqrt{3}cm$



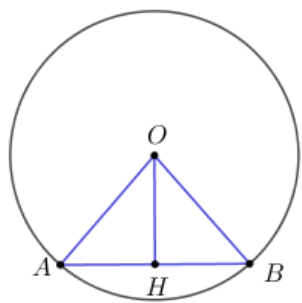
Câu 10: Cho đường tròn tâm O đường kính 10cm. Gọi H là trung điểm của dây AB. Tính độ dài đoạn OH, biết $AB = 6cm$.

A. $OH = 4cm$

B. $OH = 8cm$

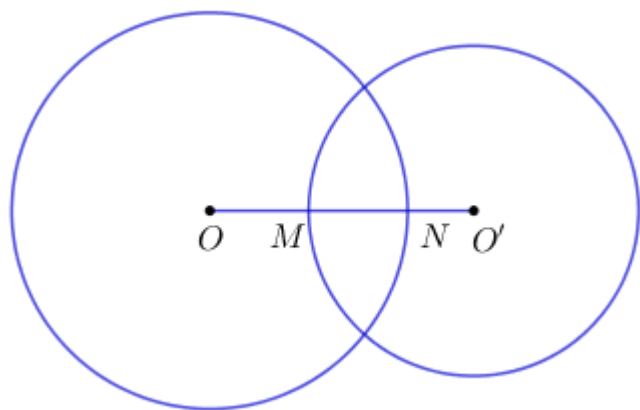
C. $OH = 16cm$

D. $OH = 64cm$



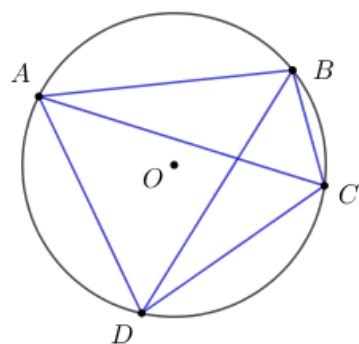
Câu 11: Cho đường tròn $(O; 6\text{cm})$ và đường tròn $(O'; 5\text{cm})$ có đoạn nối tâm $OO' = 8\text{cm}$. Biết đường tròn (O) và (O') cắt OO' lần lượt tại N, M . Tính độ dài MN .

- A. $MN = 4\text{cm}$
- B. $MN = 3\text{cm}$
- C. $MN = 2\text{cm}$
- D. $MN = 1\text{cm}$



Câu 12: Cho tứ giác ABCD nội tiếp đường tròn tâm O. Khẳng định nào sau đây **không đúng**?

- A. $\angle ADC = \angle CBA$
- B. $\angle ADB = \angle ACB$
- C. $\angle ADC + \angle ABC = 180^\circ$
- D. $\angle DAB + \angle DCB = 180^\circ$



II. TỰ LUẬN (7 ĐIỂM)

Câu 13 (1,50 điểm)

a) So sánh 5 và $2\sqrt{6}$

b) Giải phương trình $x^4 - 4x^2 - 5 = 0$

Câu 14 (1,50 điểm)

Cho phương trình $4x^2 - 2(m+1)x + m^2 = 0$ (m là tham số)

- a) Với giá trị nào của m thì phương trình có nghiệm kép?
 b) Trong trường hợp phương trình có nghiệm, dùng hệ thức Vi-ét, hãy tính tổng các bình phương hai nghiệm của phương trình.

Câu 15 (2,00 điểm)

Giải bài toán bằng cách lập phương trình hoặc hệ phương trình

Nếu mở cả hai vòi nước chảy vào một bể cạn thì sau 3 giờ bể đầy nước. Nếu mở riêng từng vòi thì vòi thứ nhất làm đầy bể nhanh hơn vòi thứ hai là 2 giờ 30 phút. Hỏi nếu mở từng vòi thì mỗi vòi chảy bao lâu đầy bể.

Câu 16 (2,00 điểm)

Cho đường tròn $(O; R)$ đường kính AB. Gọi d là tiếp tuyến của đường tròn tại A, C là điểm chuyển động trên đường thẳng d. BC cắt (O) tại D ($D \neq B$). Gọi E là trung điểm của BD.

- a) Chứng minh OACE là tứ giác nội tiếp.
 b) Chứng minh rằng $BE \cdot BC = 2R^2$
 c) Tìm tập hợp các tâm I của đường tròn ngoại tiếp tam giác ACE.

HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

Câu 1:

Phương pháp:

+) Biểu thức $y = \frac{1}{\sqrt{f^2(x)}}$ có nghĩa $\Leftrightarrow f^2(x) > 0 \Leftrightarrow f(x) \neq 0$.

Cách giải:

Tìm x để biểu thức $\frac{1}{\sqrt{(x-2)^2}}$ có nghĩa.

- A. $x \geq 2$ B. $x > 2$ C. $x \neq -2$ D. $x \neq 2$

Biểu thức $\frac{1}{\sqrt{(x-2)^2}}$ có nghĩa $\Leftrightarrow (x-2)^2 > 0 \Leftrightarrow x-2 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq 2$.

Chọn D.

Câu 2:**Phương pháp:**

Hàm số bậc nhất là hàm số có dạng $y = ax + b$ ($a \neq 0$).

Cách giải:

Hàm số nào sau đây là hàm số bậc nhất?

- A. $y = ax + b$ B. $y = 1 - 2x$ C. $y = x^2 + 1$ D. $y = \frac{1}{x}$

Theo khái niệm hàm số thì đáp án B đúng.

Chọn B.

Câu 3:**Phương pháp:**

Thay từng cặp số trong mỗi đáp án vào phương trình. Cặp nào thỏa mãn phương trình thì là nghiệm của phương trình trên.

Cách giải:

Cặp số nào sau đây không phải là nghiệm của phương trình $x + 2y = -1$?

- A. $(1; -1)$ B. $(-1; 0)$ C. $\left(0; \frac{1}{2}\right)$ D. $(3; -2)$

Đáp án A: $1 + 2 \cdot (-1) = -1 \Rightarrow$ A thỏa mãn.

Đáp án B: $-1 + 2 \cdot 0 = -1 \Rightarrow$ B thỏa mãn.

Đáp án C: $0 + 2 \cdot \frac{1}{2} = 1 \neq -1 \Rightarrow$ C không thỏa mãn.

Chọn C.

Câu 4:**Phương pháp:**

Xét trong các đáp án ta thấy hệ phương trình có dạng:
$$\begin{cases} y = a_1x + b_1 & (d_1) \\ y = a_2x + b_2 & (d_2) \end{cases}$$

\Rightarrow Nghiệm của hệ phương trình là số giao điểm của đường thẳng d_1, d_2 .

\Rightarrow Hệ phương trình vô nghiệm $\Leftrightarrow d_1 // d_2 \Leftrightarrow \begin{cases} a_1 = a_2 \\ b_1 \neq b_2 \end{cases}$.

Cách giải:

Hệ phương trình nào sau đây vô nghiệm?

A. $\begin{cases} y = 2x - 3 \\ y = x + 5 \end{cases}$

B. $\begin{cases} y = 2x - 3 \\ y = 2x + 1 \end{cases}$

C. $\begin{cases} y = 2x - 3 \\ y = 4x - 6 \end{cases}$

D. $\begin{cases} y = 2x - 3 \\ y = -x + 3 \end{cases}$

Nhìn vào các đáp án trên chỉ có đáp án B có $\begin{cases} a_1 = a_2 = 2 \\ b_1 = -3 \neq 1 = b_2 \end{cases} \Rightarrow$ hệ phương trình $\begin{cases} y = 2x - 3 \\ y = 2x + 1 \end{cases}$ vô nghiệm.

Chọn B

Câu 5:

Phương pháp:

Xét hàm số $y = ax^2$ có:

+) Với $a > 0$ thì hàm số đồng biến khi $x > 0$ và nghịch biến khi $x < 0$.

+) Với $a < 0$ thì hàm số đồng biến khi $x < 0$ và nghịch biến khi $x > 0$.

Cách giải:

Cho hàm số $y = ax^2$ ($a > 0$). Kết luận nào sau đây là đúng?

A. Hàm số đồng biến với mọi x .

B. Hàm số nghịch biến với mọi x .

C. Hàm số đồng biến khi $x > 0$.

D. Hàm số nghịch biến khi $x > 0$.

Xét hàm số $y = ax^2$ có:

+) Với $a > 0$ thì hàm số đồng biến khi $x > 0$ và nghịch biến khi $x < 0$.

Chọn C.

Câu 6:

Phương pháp:

Phương trình $ax^2 + bx + c = 0$ ($a \neq 0$) có hai nghiệm phân biệt $\Leftrightarrow \Delta > 0$.

Cách giải:

Phương trình nào sau đây có hai nghiệm phân biệt?

A. $x^2 + 3x - 4 = 0$.

B. $x^2 + 2x + 1 = 0$

C. $x^2 + x + 1 = 0$

D. $x^2 + 1 = 0$

+) Đáp án A có: $\Delta = 3^2 + 4 \cdot 4 = 9 + 16 = 25 > 0 \Rightarrow$ phương trình có hai nghiệm phân biệt.

Chọn A.

Câu 7:

Phương pháp:

Sử dụng hệ thức lượng trong tam giác vuông: $AH^2 = BH.HC$.

Cách giải:

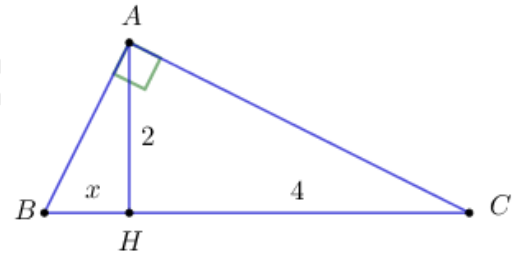
Cho tam giác ABC vuông tại A, đường cao AH. Biết AH = 2, HC = 4. Đặt BH = x. Tính x.

A. $x = \frac{1}{2}$

B. $x = 1$

C. $x = \frac{16}{3}$

D. $x = 4$



Ta có: $AH^2 = BH.HC \Leftrightarrow 2^2 = x.4 \Leftrightarrow x = 1$.

Chọn B.**Câu 8:****Phương pháp:**

Sử dụng các công thức hệ thức lượng của góc nhọn trong tam giác vuông để chọn đáp án đúng.

Cách giải:

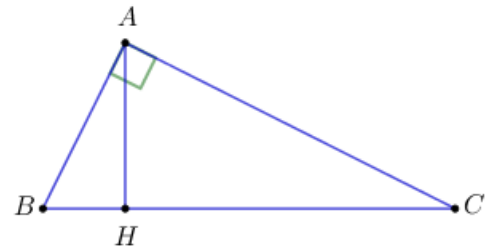
Cho tam giác ABC vuông tại A, đường cao AH. Đẳng thức nào sau đây là sai?

A. $\sin B = \frac{AH}{AB}$

B. $\tan BAH = \frac{BH}{AH}$

C. $\cos C = \frac{HC}{AC}$

D. $\cot HAC = \frac{AH}{AC}$



Xét tam giác ABH vuông tại H có: $\sin B = \frac{AH}{AB} \Rightarrow$ đáp án A đúng.

$\tan BAH = \frac{BH}{AH} \Rightarrow$ đáp án B đúng.

Xét tam giác AHC vuông tại H có: $\cos C = \frac{HC}{AC} \Rightarrow$ đáp án C đúng.

$\cot HAC = \frac{AH}{HC} \Rightarrow$ đáp án D sai.

Chọn D.**Câu 9:****Phương pháp:**

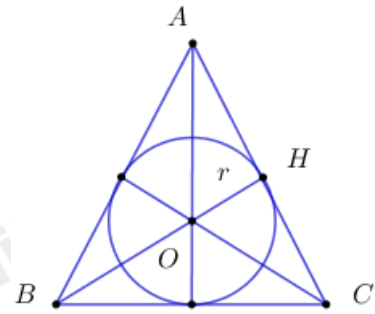
Áp dụng tính chất của đường trung tuyến và định lý Pi-ta-go để tính độ dài các cạnh của tam giác.

Chu vi tam giác ABC là: $C = AB + BC + CA$.

Cách giải:

Tính chu vi C của tam giác đều ABC ngoại tiếp đường tròn có bán kính bằng $\sqrt{3}cm$.

- A. $C = 9cm$ B. $C = 9\sqrt{3}cm$
C. $18cm$ D. $18\sqrt{3}cm$



Gọi O là tâm đường tròn nội tiếp tam giác đều ABC .

Khi đó O cũng là trọng tâm tam giác ABC .

$$\Rightarrow OH = \frac{1}{3}BH \text{ (tính chất đường trung tuyến trong tam giác).}$$

$$\Rightarrow BH = 3OH = 3r = 3\sqrt{3}cm.$$

Áp dụng định lý Pi-ta-go đối với tam giác vuông BHC vuông tại H ta có:

$$BC^2 = BH^2 + HC^2$$

$$\Leftrightarrow BC^2 = BH^2 + \left(\frac{BC}{2}\right)^2$$

$$\Leftrightarrow \frac{3}{4}BC^2 = (3\sqrt{3})^2$$

$$\Leftrightarrow BC^2 = 36$$

$$\Leftrightarrow BC = 6.$$

Chu vi tam giác đều ABC là: $C = 3.BC = 3.6 = 18cm$.

Chọn C.

Câu 10:

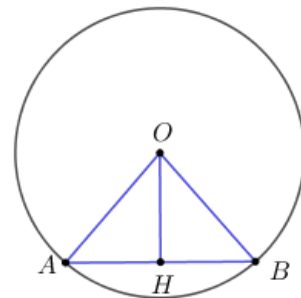
Phương pháp:

Sử dụng định lý Pi-ta-go để tính độ dài đoạn thẳng OH .

Cách giải:

Cho đường tròn tâm O đường kính $10cm$. Gọi H là trung điểm của dây AB . Tính độ dài đoạn OH , biết $AB = 6cm$.

- A. $OH = 4cm$ B. $OH = 8cm$
C. $OH = 16cm$ D. $OH = 64cm$



Xét đường tròn (O) ta có H là trung điểm của dây cung AB

$$\Rightarrow OH \perp AB = \{H\} \text{ (mối liên hệ giữa đường kính và dây cung).}$$

Áp dụng định lý Pi-ta-go cho tam giác OAH vuông tại H có:

$$OH^2 = OA^2 - AH^2 = R^2 - \left(\frac{AB}{2}\right)^2 = 5^2 - 3^2 = 4^2$$

$$\Rightarrow OH = 4\text{cm.}$$

Chọn A.

Câu 11:

Phương pháp:

Sử dụng các công thức cộng đoạn thẳng.

Cách giải:

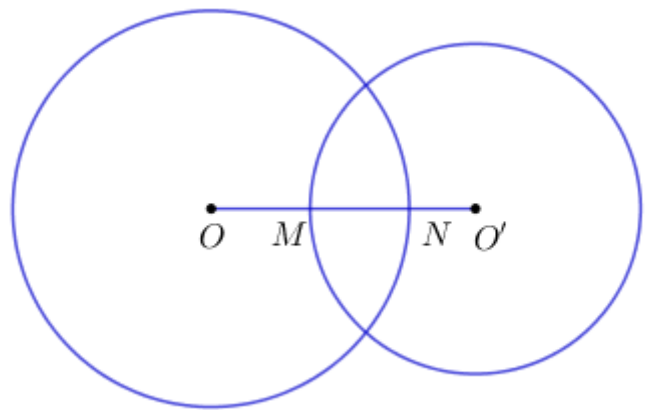
Cho đường tròn $(O; 6\text{cm})$ và đường tròn $(O'; 5\text{cm})$ có đoạn nối tâm $OO' = 8\text{cm}$. Biết đường tròn (O) và (O') cắt OO' lần lượt tại N, M . Tính độ dài MN .

A. $MN = 4\text{cm}$

B. $MN = 3\text{cm}$

C. $MN = 2\text{cm}$

D. $MN = 1\text{cm}$



Ta có: $ON = 6\text{cm}, O'M = 5\text{cm}$.

$$ON = OM + MN \Leftrightarrow 6 = OM + MN.$$

$$O'M = O'N + MN \Leftrightarrow 5 = O'N + MN.$$

$$\Rightarrow 11 = OM + MN + O'N + MN \Leftrightarrow 11 = OM + O'N + 2MN.$$

Lại có: $OO' = OM + MN + NO' = 8$

$$\Rightarrow 11 = 8 + MN \Leftrightarrow MN = 3\text{cm}.$$

Chọn B.

Câu 12:

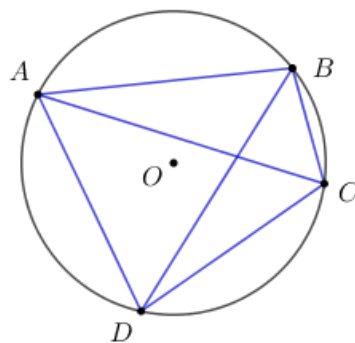
Phương pháp:

Áp dụng tính chất của tứ giác nội tiếp.

Cách giải:

Cho tứ giác ABCD nội tiếp đường tròn tâm O. Khẳng định nào sau đây không đúng?

- A. $ADC = CBA$
- B. $ADB = ACB$
- C. $ADC + ABC = 180^\circ$
- D. $DAB + DCB = 180^\circ$



Tứ giác ABCD nội tiếp đường tròn (O) ta có:

$ABC + ADC = 180^\circ$ (hai góc đối diện của tứ giác nội tiếp) \Rightarrow đáp án A sai.

$ADB = ACB$ (hai góc nội tiếp cùng chắn cung AB) \Rightarrow đáp án B đúng.

Chọn A.

II. TỰ LUẬN (7 ĐIỂM)

Câu 13.

Phương pháp:

- a) Đưa về so sánh \sqrt{A} và \sqrt{B}
- b) Đặt $t = x^2$ ($t \geq 0$).

Cách giải:

a) So sánh 5 và $2\sqrt{6}$

Ta có

$$5 = \sqrt{25}$$

$$2\sqrt{6} = \sqrt{2^2 \cdot 6} = \sqrt{24}$$

$$\text{Vì } 25 > 24 \Rightarrow \sqrt{25} > \sqrt{24} \Leftrightarrow 5 > 2\sqrt{6}$$

b) Giải phương trình $x^4 - 4x^2 - 5 = 0$

Đặt $t = x^2$ ($t \geq 0$), khi đó phương trình trở thành

$$t^2 - 4t - 5 = 0 \Leftrightarrow t^2 - 5t + t - 5 = 0$$

$$\Leftrightarrow t(t-5) + (t-5) = 0 \Leftrightarrow (t-5)(t+1) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = 5 \text{ (tm)} \\ t = -1 \text{ (ktm)} \end{cases}$$

$$\text{Khi } t = 5 \Leftrightarrow x^2 = 5 \Leftrightarrow x = \pm\sqrt{5}.$$

Vậy tập nghiệm của phương trình là $S = \{\pm\sqrt{5}\}$.

Câu 14.

Phương pháp:

a) Phương trình có nghiệm kép $\Leftrightarrow \Delta' = 0$

b) Tìm điều kiện để phương trình có nghiệm $\Delta' \geq 0$, sau đó áp dụng hệ thức Vi-et
$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -\frac{b}{a} \\ x_1 x_2 = \frac{c}{a} \end{cases}$$

Cách giải:

a) Với giá trị nào của m thì phương trình có nghiệm kép?

Ta có $\Delta' = (m+1)^2 - 4m^2 = -3m^2 + 2m + 1$

Để phương trình có nghiệm kép $\Leftrightarrow \Delta' = 0 \Leftrightarrow -3m^2 + 2m + 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m = 1 \\ m = -\frac{1}{3} \end{cases}$

b) Trong trường hợp phương trình có nghiệm, dùng hệ thức Vi-ét, hãy tính tổng các bình phương hai nghiệm của phương trình.

Để phương trình có nghiệm $\Leftrightarrow \Delta' \geq 0 \Leftrightarrow -\frac{1}{3} \leq x \leq 1$.

Theo hệ thức Vi-et ta có
$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{m+1}{2} \\ x_1 x_2 = \frac{m^2}{4} \end{cases}$$

Khi đó tổng bình phương các nghiệm của phương trình là :

$$S = x_1^2 + x_2^2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1 x_2 = \frac{(m+1)^2}{4} - \frac{2m^2}{4} = \frac{-m^2 + 2m + 1}{4}$$

Trong trường hợp phương trình có nghiệm kép thì $m = 1$ hoặc $m = -\frac{1}{3}$, khi đó ta có $S = \frac{1}{2}$ hoặc $S = \frac{1}{18}$.

Câu 15.

Phương pháp:

+) Gọi thời gian vòi thứ nhất chảy 1 mình đầy bể là x (h) (ĐK: $x > 0$)

Gọi thời gian vòi thứ hai chảy 1 mình đầy bể là y (h) (ĐK: $y > 0$)

+) Tính trong 1h mỗi vòi chảy được bao nhiêu phần của bể.

+) Dựa vào các dữ kiện đã cho lập hệ phương trình và giải hệ phương trình.

Cách giải:

Gọi thời gian vòi thứ nhất chảy 1 mình đầy bể là x (h) (ĐK: $x > 0$)

Gọi thời gian vòi thứ hai chảy 1 mình đầy bể là y (h) (ĐK: $y > 0$)

Khi đó mỗi giờ vòi thứ nhất chảy được $\frac{1}{x}$ bể và vòi thứ hai chảy được $\frac{1}{y}$ bể.

Vì nếu mở cả hai vòi nước chảy vào một bể cạn thì sau 3 giờ bể đầy nên mỗi giờ cả hai vòi chảy được $\frac{1}{3}$ bể,

do đó ta có phương trình $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{3}$ (1).

Vòi thứ nhất làm đầy bể nhanh hơn vòi thứ hai là 2 giờ 30 phút = $\frac{5}{3}$ (h) nên ta có phương trình $x + \frac{5}{2} = y$ (2)

Thay (2) vào (1) ta có $\frac{1}{x} + \frac{1}{x + \frac{5}{2}} = \frac{1}{3} \Leftrightarrow 3\left(x + \frac{5}{2}\right) + 3x = x\left(x + \frac{5}{2}\right)$

$$\Leftrightarrow 3x + \frac{15}{2} + 3x = x^2 + \frac{5}{2}x$$

$$\Leftrightarrow x^2 - \frac{7}{2}x - \frac{15}{2} = 0$$

$$\Leftrightarrow 2x^2 - 7x - 15 = 0$$

$$\Leftrightarrow 2x^2 - 10x + 3x - 15 = 0$$

$$\Leftrightarrow 2x(x - 5) + 3(x - 5) = 0$$

$$\Leftrightarrow (x - 5)(2x + 3) = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = 5 \text{ (tm)} \\ x = -\frac{3}{2} \text{ (ktm)} \end{cases} \Rightarrow y = 5 + \frac{5}{2} = 7,5 \text{ (tm)}$$

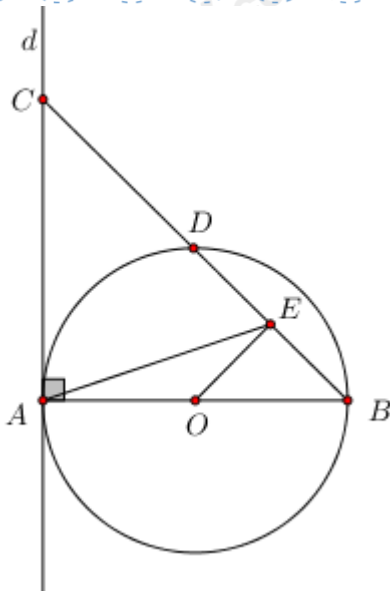
Vậy thời gian vòi 1 chảy một mình đầy bể là 5 giờ và thời gian vòi 2 chảy 1 mình đầy bể là 7,5h.

Câu 16.

Phương pháp:

- Chứng minh tứ giác OACE là tứ giác có tổng hai góc đối bằng 180° .
- Chứng minh tam giác BOE đồng dạng với tam giác BCA.
- Chứng minh I di chuyển trên trung trực của OA.

Cách giải:



a) Chứng minh OACE là tứ giác nội tiếp.

Vì E là trung điểm của BD $\Rightarrow OE \perp BD$ (quan hệ vuông góc giữa đường kính và dây cung).

Xét tứ giác OACE có $OAC + OEC = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ \Rightarrow$ Tứ giác OACE là tứ giác nội tiếp (Tứ giác có tổng hai góc đối bằng 180°).

b) Chứng minh rằng $BE \cdot BC = 2R^2$

Xét tam giác BOE và tam giác BCA có:

$\angle ABC$ chung;

$$\angle OEB = \angle BAC = 90^\circ;$$

$$\Rightarrow \triangle BOE \sim \triangle BCA (g.g) \Rightarrow \frac{BE}{BA} = \frac{BO}{BC} \Leftrightarrow BE \cdot BC = BA \cdot BO = 2R \cdot R = 2R^2$$

c) Chứng minh I di chuyển trên trung trực của OA.

Ta có tứ giác OACE nội tiếp \Rightarrow Đường tròn ngoại tiếp tam giác ACE chính là đường tròn ngoại tiếp tứ giác OACE.

\Rightarrow Tâm I thuộc đường trung trực của OA.

Mà OA cố định \Rightarrow Trung trực của OA cố định.

Vậy khi C di chuyển trên đường thẳng d thì tâm I của đường tròn ngoại tiếp tam giác ACE di chuyển trên trung trực của OA.