

ĐỀ THI HK2 - MÔN TOÁN 10 - ĐỀ SỐ 4

MÔN: TOÁN 10 (Kết nối tri thức với cuộc sống)



BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (35 câu - 7,0 điểm).

1.C	2.A	3.D	4.B	5.A	6.B	7.B
8.D	9.C	10.D	11.A	12.A	13.C	14.A
15.A	16.B	17.B	18.A	19.B	20.A	21.A
22.D	23.B	24.B	25.D	26.C	27.D	28.C
29.D	30.C	31.B	32.C	33.A	34.C	35.A

Câu 1: Tập xác định của hàm số $y = \frac{x+1}{x-1}$ là:

A. $\mathbb{R} \setminus \{\pm 1\}$.

B. $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$.

C. $\mathbb{R} \setminus \{1\}$.

D. $(1; +\infty)$.

Phương pháp

- Phân thức xác định khi mẫu thức khác 0

Lời giải

Điều kiện xác định: $x-1 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq 1$

Vậy tập xác định của hàm số $y = \frac{x+1}{x-1}$ là $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$

Chọn C

Câu 2: Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} x^2 + 3x + 1; & \text{khi } x \leq 1 \\ -x + 2 & ; \text{khi } x > 1 \end{cases}$. Tính $f(-2)$.

A. -1.

B. 4.

C. -7.

D. 0.

Phương pháp

- Thay $x = -2$ vào hàm số đã cho

Lời giải

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 3x + 1; & \text{khi } x \leq 1 \\ -x + 2 & ; \text{khi } x > 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f(-2) = (-2)^2 + 3 \cdot (-2) + 1 = -1.$$

Chọn A

Câu 3: Cho parabol (P) có phương trình $y = 3x^2 - 2x + 4$. Tìm trục đối xứng của parabol.

- A. $x = -\frac{2}{3}$. B. $x = -\frac{1}{3}$. C. $x = \frac{2}{3}$. D. $x = \frac{1}{3}$.

Phương pháp

- Trục đối xứng của parabol : $x = -\frac{b}{2a}$

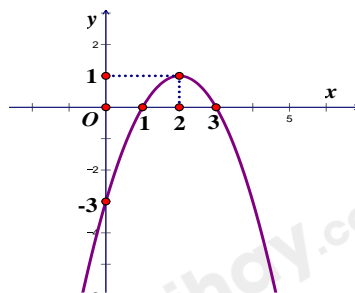
Lời giải

+ Có $a = 3; b = -2; c = 4$.

+ Trục đối xứng của parabol là $x = \frac{-b}{2a} = \frac{1}{3}$.

Chọn D

Câu 4: Hàm số nào sau đây có đồ thị như hình bên?



- A. $y = -x^2 + 2x - 3$. B. $y = -x^2 + 4x - 3$.
C. $y = x^2 - 4x + 3$. D. $y = x^2 - 2x - 3$.

Phương pháp

Dựa vào hình dạng của Parabol

Lời giải

Dựa vào đồ thị suy ra: $a < 0$ và hoành độ đỉnh là 2.

$$y = -x^2 + 4x - 3 \Rightarrow a = -1; I(2;1)$$

Chọn B

Câu 5: Cho tam thức $f(x) = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$), $\Delta = b^2 - 4ac$. Ta có $f(x) \leq 0$ với $\forall x \in \mathbb{R}$ khi và chỉ khi:

- A. $\begin{cases} a < 0 \\ \Delta \leq 0 \end{cases}$. B. $\begin{cases} a \leq 0 \\ \Delta < 0 \end{cases}$. C. $\begin{cases} a < 0 \\ \Delta \geq 0 \end{cases}$. D. $\begin{cases} a > 0 \\ \Delta \leq 0 \end{cases}$.

Phương pháp

Áp dụng định lý về dấu của tam thức bậc hai

Lời giải

Áp dụng định lý về dấu của tam thức bậc hai ta có: $f(x) \leq 0$ với $\forall x \in \mathbb{R}$ khi và chỉ khi $\begin{cases} a < 0 \\ \Delta \leq 0 \end{cases}$

Chọn A

Câu 6: Tìm tất cả các giá trị của tham số m để phương trình $x^2 + mx + 4 = 0$ có nghiệm

A. $-4 \leq m \leq 4$.

B. $m \leq -4$ hay $m \geq 4$.

C. $m \leq -2$ hay $m \geq 2$.

D. $-2 \leq m \leq 2$.

Phương pháp

Phương trình bậc hai có nghiệm khi và chỉ khi $\Delta \geq 0$

Lời giải

Phương trình $x^2 + mx + 4 = 0$ có nghiệm $\Leftrightarrow \Delta \geq 0 \Leftrightarrow m^2 - 16 \geq 0 \Leftrightarrow m \leq -4$ hay $m \geq 4$

Chọn B

Câu 7: Số nghiệm nguyên dương của phương trình $\sqrt{x-1} = x-3$ là

A. 0.

B. 1.

B. 2.

D. 3.

Phương pháp

Bình phương hai vế của phương trình

Lời giải

$$\sqrt{x-1} = x-3 \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 3 \\ x-1 = (x-3)^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 3 \\ x^2 - 7x + 10 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 3 \\ \begin{cases} x = 2 \\ x = 5 \end{cases} \end{cases} \Rightarrow x = 5.$$

Đối chiếu điều kiện suy ra phương trình có một nghiệm $x = 4$.

Chọn B

Câu 8: Tổng tất cả các nghiệm của phương trình: $\sqrt{x^2 + 3x - 2} = \sqrt{1+x}$ là

A. 3.

B. -3.

C. -2.

D. 1.

Phương pháp

Bình phương hai vế của phương trình

Lời giải

$$\sqrt{x^2 + 3x - 2} = \sqrt{1+x} \Leftrightarrow \begin{cases} 1+x \geq 0 \\ x^2 + 3x - 2 = 1+x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq -1 \\ x^2 + 2x - 3 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow x = 1.$$

Chọn D

Câu 9: Cho đường thẳng $(d): 3x + 2y - 10 = 0$. Véc tơ nào sau đây là véc tơ chỉ phương của (d) ?

A. $\vec{u} = (3; 2)$.

B. $\vec{u} = (3; -2)$.

C. $\vec{u} = (2; -3)$.

D. $\vec{u} = (-2; -3)$.

Phương pháp

Tìm vectơ pháp tuyến sau đó suy ra vectơ chỉ phương

Lời giải

Đường thẳng (d) có một vectơ pháp tuyến là $\vec{n} = (3; 2)$ nên (d) có một vectơ chỉ phương là $\vec{u} = (2; -3)$.

Chọn C

Câu 10: Trong hệ trục Oxy , đường thẳng d qua $M(1; 1)$ và song song với đường thẳng $d': x + y - 1 = 0$ có phương trình là

- A. $x + y - 1 = 0$. B. $x - y = 0$. C. $-x + y - 1 = 0$. D. $x + y - 2 = 0$.

Phương pháp

Tìm vectơ pháp tuyến sau đó viết phương trình đường thẳng d

Lời giải

Do đường thẳng d song song với đường thẳng $d': x + y - 1 = 0$ nên đường thẳng d nhận vectơ $\vec{n} = (1; 1)$ làm vectơ pháp tuyến.

Khi đó đường thẳng d qua $M(1; 1)$ và nhận vectơ $\vec{n} = (1; 1)$ làm vectơ pháp tuyến có phương trình là $x + y - 2 = 0$.

Chọn D

Câu 11: Đường trung trực của đoạn AB với $A(1; -4)$ và $B(5; 2)$ có phương trình là:

- A. $2x + 3y - 3 = 0$. B. $3x + 2y + 1 = 0$. C. $3x - y + 4 = 0$. D. $x + y - 1 = 0$.

Phương pháp

Sử dụng công thức trung điểm để tìm trung điểm của đoạn thẳng AB , vectơ pháp tuyến của đường trung trực của đoạn thẳng AB chính là vectơ \overrightarrow{AB} .

Lời giải

Gọi I là trung điểm của AB và d là trung trực đoạn AB . Ta có

$$\begin{cases} A(1; -4), B(5; 2) \rightarrow I(3; -1) \in d \\ d \perp AB \rightarrow \vec{n}_d = \overrightarrow{AB} = (4; 6) = 2(2; 3) \end{cases} \longrightarrow d: 2x + 3y - 3 = 0.$$

Chọn A

Câu 12: Góc giữa hai đường thẳng $a: \sqrt{3}x - y + 7 = 0$ và $b: x - \sqrt{3}y - 1 = 0$ là:

- A. 30° . B. 90° . C. 60° . D. 45° .

Phương pháp

Sử dụng công thức tính góc giữa hai đường thẳng: $\cos(a, b) = \frac{\vec{n}_1 \cdot \vec{n}_2}{|\vec{n}_1| \cdot |\vec{n}_2|}$

Lời giải

Đường thẳng a có vectơ pháp tuyến là: $\vec{n}_1 = (\sqrt{3}; -1)$;

Đường thẳng b có vectơ pháp tuyến là: $\vec{n}_2 = (1; -\sqrt{3})$.

Áp dụng công thức tính góc giữa hai đường thẳng có:

$$\cos(a, b) = \frac{|\vec{n}_1 \cdot \vec{n}_2|}{|\vec{n}_1| \cdot |\vec{n}_2|} = \frac{1 \cdot \sqrt{3} + (-1) \cdot (-\sqrt{3})}{2 \cdot 2} = \frac{\sqrt{3}}{2}. \text{ Suy ra góc giữa hai đường thẳng bằng } 30^\circ.$$

Chọn A

Câu 13: Khoảng cách từ giao điểm của hai đường thẳng $x - 3y + 4 = 0$ và $2x + 3y - 1 = 0$ đến đường thẳng $\Delta: 3x + y + 4 = 0$ bằng:

- A. $2\sqrt{10}$. B. $\frac{3\sqrt{10}}{5}$. C. $\frac{\sqrt{10}}{5}$. D. 2.

Phương Pháp

Lấy một điểm bất kì thuộc đường thẳng thứ nhất rồi tính khoảng cách từ điểm bất kì đó đến đường thẳng thứ hai.

Lời giải

$$\begin{cases} x - 3y + 4 = 0 \\ 2x + 3y - 1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ y = 1 \end{cases} \rightarrow A(-1; 1) \rightarrow d(A; \Delta) = \frac{|-3 + 1 + 4|}{\sqrt{9 + 1}} = \frac{2}{\sqrt{10}}.$$

Chọn C

Câu 14: Cho hai đường thẳng $d_1: 2x + 3y - 19 = 0$ và $d_2: \begin{cases} x = 22 + 2t \\ y = 55 + 5t \end{cases}$. Tìm tọa độ giao điểm của hai đường thẳng đã cho.

- A. (2; 5). B. (10; 25). C. (-1; 7). D. (5; 2).

Phương pháp

Tọa độ giao điểm của hai đường thẳng là nghiệm của cả hai phương trình đường thẳng đó

Lời giải

$$\begin{cases} d_1: 2x + 3y - 19 = 0 \\ d_2: \begin{cases} x = 22 + 2t \\ y = 55 + 5t \end{cases} \end{cases} \xrightarrow{d_1 \cap d_2} 2(22 + 2t) + 3(55 + 5t) - 19 = 0 \Leftrightarrow t = -10 \rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = 5 \end{cases}$$

Chọn A

Câu 15: Xác định tâm và bán kính của đường tròn $(C): (x + 1)^2 + (y - 2)^2 = 9$.

- A. Tâm $I(-1; 2)$, bán kính $R = 3$. B. Tâm $I(-1; 2)$, bán kính $R = 9$.
C. Tâm $I(1; -2)$, bán kính $R = 3$. D. Tâm $I(1; -2)$, bán kính $R = 9$.

Phương pháp

Phương trình đường tròn (O) có tâm $I(a, b)$ và bán kính R là: $(x - a)^2 + (y - b)^2 = R^2$

Lời giải

Tâm và bán kính của đường tròn $(C): (x+1)^2 + (y-2)^2 = 9$. là $I(-1;2)$, bán kính $R=3$.

Chọn A

Câu 16: Trong mặt phẳng Oxy , phương trình nào sau đây là phương trình của đường tròn?

A. $x^2 + 2y^2 - 4x - 8y + 1 = 0$.

B. $x^2 + y^2 - 4x + 6y - 12 = 0$.

C. $x^2 + y^2 - 2x - 8y + 20 = 0$.

D. $4x^2 + y^2 - 10x - 6y - 2 = 0$.

Phương pháp

Phương trình đường tròn (O) có tâm $I(a,b)$ và bán kính R là: $(x-a)^2 + (y-b)^2 = R^2$

Lời giải

Để là phương trình đường tròn thì điều kiện cần là hệ số của x^2 và y^2 phải bằng nhau nên loại được đáp án A và D.

Ta có: $x^2 + y^2 - 2x - 8y + 20 = 0 \Leftrightarrow (x-1)^2 + (y-4)^2 + 3 = 0$ vô lý.

Ta có: $x^2 + y^2 - 4x + 6y - 12 = 0 \Leftrightarrow (x-2)^2 + (y+3)^2 = 25$ là phương trình đường tròn tâm $I(2;-3)$, bán kính $R=5$.

Chọn B

Câu 17: Đường tròn (C) đi qua hai điểm $A(1;1)$, $B(5;3)$ và có tâm I thuộc trục hoành có phương trình là

A. $(x+4)^2 + y^2 = 10$. B. $(x-4)^2 + y^2 = 10$. C. $(x-4)^2 + y^2 = \sqrt{10}$. D. $(x+4)^2 + y^2 = \sqrt{10}$.

Phương pháp

Phương trình đường tròn (O) có tâm $I(a,b)$ và bán kính R là: $(x-a)^2 + (y-b)^2 = R^2$

Lời giải

Gọi $I(x;0) \in Ox$; $IA^2 = IB^2 \Leftrightarrow (1-x)^2 + 1^2 = (5-x)^2 + 3^2 \Leftrightarrow x^2 - 2x + 1 + 1 = x^2 - 10x + 25 + 9$

$\Leftrightarrow x = 4$. Vậy tâm đường tròn là $I(4;0)$ và bán kính $R = IA = \sqrt{(1-4)^2 + 1^2} = \sqrt{10}$.

Phương trình đường tròn (C) có dạng $(x-4)^2 + y^2 = 10$.

Chọn B

Câu 18: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , phương trình của đường tròn có tâm là gốc tọa độ O và tiếp xúc với đường thẳng $\Delta: x+y-2=0$ là

A. $x^2 + y^2 = 2$.

B. $x^2 + y^2 = \sqrt{2}$.

C. $x-1^2 + y-1^2 = \sqrt{2}$.

D. $x-1^2 + y-1^2 = 2$.

Phương pháp

Phương trình đường tròn (O) có tâm $I(a,b)$ và bán kính R là: $(x-a)^2 + (y-b)^2 = R^2$

Lời giải

Đường tròn (C) có tâm O , bán kính R tiếp xúc với Δ nên có:

$$R = d(O; \Delta) = \frac{|-2|}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}.$$

Phương trình đường tròn (C) : $x^2 + y^2 = 2$.

Chọn A

Câu 19: Elip (E) : $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$ có độ dài trục lớn bằng:

A. 5.

B. 10.

C. 25.

D. 50.

Phương pháp

Độ dài trục lớn của Elip (E) : $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ là $A_1A_2 = 2a$.

Lời giải

Gọi phương trình của Elip là $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$, có độ dài trục lớn $A_1A_2 = 2a$.

$$\text{Xét } (E): \frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1 \Rightarrow \begin{cases} a^2 = 25 \\ b^2 = 9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 5 \\ b = 3 \end{cases} \longrightarrow A_1A_2 = 2.5 = 10.$$

Chọn B

Câu 20: Tìm phương trình chính tắc của elip nếu nó đi qua điểm $A(2; \sqrt{3})$ và tỉ số của độ dài trục lớn với tiêu cự bằng $\frac{2}{\sqrt{3}}$.

A. $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1$.

B. $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$.

C. $\frac{x^2}{3} + \frac{y^2}{4} = 1$.

D. $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{16} = 1$.

Phương pháp

Phương trình Elip (E) : $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$

Lời giải

Gọi phương trình chính tắc của Elip là $E: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$, với $a > b > 0$.

Elip đi qua điểm $A(2; \sqrt{3})$ suy ra $\frac{2^2}{a^2} + \frac{\sqrt{3}^2}{b^2} = 1 \Leftrightarrow \frac{4}{a^2} + \frac{3}{b^2} = 1$ 1.

Tỉ số của độ dài trục lớn với tiêu cự bằng $\frac{2}{\sqrt{3}}$ suy ra $\frac{2a}{2c} = \frac{2}{\sqrt{3}} \Leftrightarrow c^2 = \frac{3}{4}a^2$.

Kết hợp với điều kiện $b^2 = a^2 - c^2$, ta được $b^2 = a^2 - \frac{3}{4}a^2 = \frac{a^2}{4} \Leftrightarrow a^2 = 4b^2$ 2.

$$\text{Từ 1, 2 suy ra } \begin{cases} \frac{4}{a^2} + \frac{3}{b^2} = 1 \\ a^2 = 4b^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{4}{4b^2} + \frac{3}{b^2} = 1 \\ a^2 = 4b^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{4}{b^2} = 1 \\ a^2 = 4b^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a^2 = 16 \\ b^2 = 4 \end{cases}.$$

Vậy phương trình cần tìm là $E : \frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1$.

Chọn A

Câu 21: Một người có 4 cái quần khác nhau, 6 cái áo khác nhau, 3 chiếc cà vạt khác nhau. Để chọn một cái quần hoặc một cái áo hoặc một cái cà vạt thì số cách chọn khác nhau là:

A. 13. B. 72. C. 12. D. 30.

Phương pháp

Áp dụng quy tắc cộng

Lời giải.

- Nếu chọn một cái quần thì sẽ có 4 cách.
- Nếu chọn một cái áo thì sẽ có 6 cách.
- Nếu chọn một cái cà vạt thì sẽ có 3 cách.

Theo qui tắc cộng, ta có $4 + 6 + 3 = 13$ cách chọn.

Chọn A

Câu 22: Các thành phố A, B, C, D được nối với nhau bởi các con đường như hình vẽ. Hỏi có bao nhiêu cách đi từ A đến D mà qua B và C chỉ một lần?



A. 9. B. 10. C. 18. D. 24.

Phương pháp

Áp dụng quy tắc nhân

Lời giải.

- Từ A \longrightarrow B có 4 cách.
- Từ B \longrightarrow C có 2 cách.
- Từ C \longrightarrow D có 2 cách.

Vậy theo qui tắc nhân ta có $4 \times 2 \times 2 = 16$ cách.

Chọn D

Câu 23: Từ các chữ số 1, 5, 6, 7 có thể lập được bao nhiêu chữ số tự nhiên có 4 chữ số?

A. 324. B. 256. C. 248. D. 124.

Phương pháp

Áp dụng quy tắc cộng và quy tắc nhân

Lời giải.

Gọi số cần tìm có dạng \overline{abcd} với $(a, b, c, d) \in A = \{1, 5, 6, 7\}$.

Vì số cần tìm có 4 chữ số không nhất thiết khác nhau nên:

- a được chọn từ tập A nên có 4 cách chọn.
- b được chọn từ tập A nên có 4 cách chọn.
- c được chọn từ tập A nên có 4 cách chọn.
- d được chọn từ tập A nên có 4 cách chọn.

Như vậy, ta có $4 \times 4 \times 4 \times 4 = 256$ số cần tìm.

Chọn B

Câu 24: Từ các chữ số 1; 2; 3; 4 có thể lập được bao nhiêu số tự nhiên có 4 chữ số đôi một khác nhau?

- A. 12. B. 24. C. 42. D. 4^4 .

Phương pháp

Áp dụng công thức hoán vị

Lời giải

Mỗi số tự nhiên có 4 chữ số đôi một khác nhau được tạo thành từ các chữ số 1; 2; 3; 4 là một hoán vị của 4 phần tử. Vậy số các số cần tìm là: $4! = 24$ số.

Chọn B

Câu 25: Cần chọn 3 người đi công tác từ một tổ có 30 người, khi đó số cách chọn là

- A. A_{30}^3 . B. 3^{30} . C. 10. D. C_{30}^3 .

Phương pháp

Áp dụng công thức tổ hợp

Lời giải

Số cách chọn 3 người bất kì trong 30 là: C_{30}^3 .

Chọn D

Câu 26: Số vectơ khác $\vec{0}$ có điểm đầu, điểm cuối là hai trong 6 đỉnh của lục giác $ABCDEF$ là

- A. P_6 . B. C_6^2 . C. A_6^2 . D. 36.

Phương pháp

Áp dụng công thức chỉnh hợp

Lời giải

Số véc-tơ khác $\vec{0}$ có điểm đầu, điểm cuối là hai trong 6 đỉnh của lục giác $ABCDEF$ là A_6^2 .

Chọn C

Câu 27: Trong một dạ hội cuối năm ở một cơ quan, ban tổ chức phát ra 100 vé xổ số đánh số từ 1 đến 100 cho 100 người. Xổ số có 4 giải: 1 giải nhất, 1 giải nhì, 1 giải ba, 1 giải tư. Kết quả là việc công bố ai trúng giải nhất, giải nhì, giải ba, giải tư. Hỏi có bao nhiêu kết quả có thể nếu biết rằng người giữ vé số 47 trúng một trong bốn giải?

- A. 3766437. B. 3764637. C. 3764367. D. 3764376.

Phương pháp

Áp dụng công thức chỉnh hợp

Lời giải

Nếu người giữ vé số 47 trúng một trong bốn giải thì:

- Người giữ vé số 47 có 4 cách chọn giải.
- Ba giải còn lại ứng với một chỉnh hợp chập 3 của 99 phần tử, do đó ta có $A_{99}^3 = 941094$ cách.

Vậy số kết quả bằng $4 \times A_{99}^3 = 4 \times 941094 = 3764376$ kết quả.

Chọn D

Câu 28: Cho tập $A = \{0, 1, 2, \dots, 9\}$. Số các số tự nhiên có 5 chữ số đôi một khác nhau lấy ra từ tập A là?

- A. 30420. B. 27162. C. 27216. D. 30240.

Phương pháp

Áp dụng công thức chỉnh hợp

Lời giải.

Gọi số cần tìm là $\overline{abcde}, a \neq 0$.

- Chọn a có 9 cách.
- Chọn b, c, d, e từ 9 số còn lại có $A_9^4 = 3024$ cách.

Vậy có $9 \times 3024 = 27216$.

Chọn C

Câu 29: Số số hạng trong khai triển $(x+2)^{50}$ là

- A. 49. B. 50. C. 52. D. 51.

Phương pháp

Sử dụng công thức khai triển nhị thức Newton

Lời giải

Số số hạng trong khai triển là: $n+1 = 50+1 = 51$.

Chọn D

Câu 30: Gieo một đồng tiền liên tiếp 3 lần thì $n(\Omega)$ là bao nhiêu?

- A. 4. B. 6. C. 8. D. 16.

Phương pháp

Công thức tính xác suất

Lời giải

$n(\Omega) = 2.2.2 = 8$.

Chọn C

Câu 31: Rút ra một lá bài từ bộ bài 52 lá. Xác suất để được lá bích là:

- A. $\frac{1}{13}$. B. $\frac{1}{4}$. C. $\frac{12}{13}$. D. $\frac{3}{4}$.

Phương pháp

Công thức tính xác suất

Lời giải

Số phần tử không gian mẫu: $n(\Omega) = 52$

Số phần tử của biến cố xuất hiện lá bích: $n(A) = 13$

$$\text{Suy ra } P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{13}{52} = \frac{1}{4}.$$

Chọn B

Câu 32: Cho A và \bar{A} là hai biến cố đối nhau. Chọn câu đúng.

- A. $P(A) = 1 + P(\bar{A})$. B. $P(A) = P(\bar{A})$.
 C. $P(A) = 1 - P(\bar{A})$. D. $P(A) + P(\bar{A}) = 0$.

Phương pháp

Biến cố đối của biến cố A .

Lời giải

Theo tính chất xác suất ta có $P(A) = 1 - P(\bar{A})$

Chọn C

Câu 33: Gieo hai con súc sắc. Xác suất để tổng số chấm trên hai mặt bằng 11 là:

- A. $\frac{1}{18}$. B. $\frac{1}{6}$. C. $\frac{1}{8}$. D. $\frac{2}{25}$.

Phương pháp

Công thức tính xác suất

Lời giải

Số phần tử không gian mẫu: $n(\Omega) = 6 \cdot 6 = 36$

Biến cố tổng hai mặt là 11: $A = \{(5;6); (6;5)\}$ nên $n(A) = 2$.

$$\text{Suy ra } P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{2}{36} = \frac{1}{18}.$$

Chọn A

Câu 34: Một lô hàng gồm 1000 sản phẩm, trong đó có 50 phế phẩm. Lấy ngẫu nhiên từ lô hàng đó 1 sản phẩm. Xác suất để lấy được sản phẩm tốt là:

- A. 0,94. B. 0,96. C. 0,95. D. 0,97.

Phương pháp

Công thức tính xác suất

Lời giải

Gọi A là biến cố: "lấy được 1 sản phẩm tốt."

- Không gian mẫu: $|\Omega| = C_{1000}^1 = 1000$.

- $n(A) = C_{950}^1 = 950$.

$$\Rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{|\Omega|} = \frac{950}{1000} = 0,95.$$

Chọn C

Câu 35: Một đội gồm 5 nam và 8 nữ. Lập một nhóm gồm 4 người hát tốp ca, tính xác suất để trong 4 người được chọn có ít nhất 3 nữ.

A. $\frac{70}{143}$.

B. $\frac{73}{143}$.

C. $\frac{56}{143}$.

D. $\frac{87}{143}$.

Phương pháp

Công thức tính xác suất

Lời giải.

Không gian mẫu là chọn tùy ý 4 người từ 13 người.

Suy ra số phần tử của không gian mẫu là $n(\Omega) = C_{13}^4 = 715$.

Gọi A là biến cố "4 người được chọn có ít nhất 3 nữ". Ta có hai trường hợp thuận lợi cho biến cố A như sau:

- **TH1:** Chọn 3 nữ và 1 nam, có $C_8^3 C_5^1$ cách.

- **TH2:** Chọn cả 4 nữ, có C_8^4 cách.

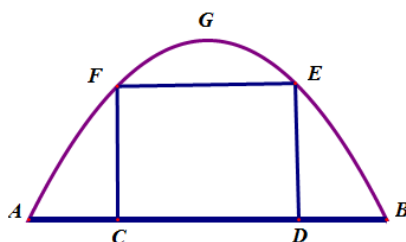
Suy ra số phần tử của biến cố A là $n(A) = C_8^3 C_5^1 + C_8^4 = 350$.

Vậy xác suất cần tính $P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{350}{715} = \frac{70}{143}$.

Chọn A

II. TỰ LUẬN (04 câu – 3,0 điểm)

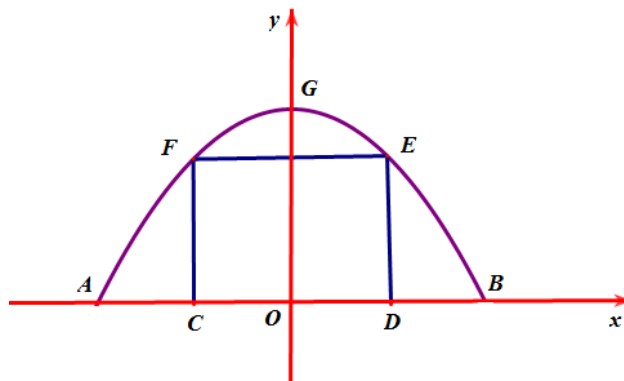
Câu 36: Một chiếc cổng hình parabol bao gồm một cửa chính hình chữ nhật ở giữa và hai cánh cửa phụ hai bên như hình vẽ. Biết chiều cao cổng parabol là 4m còn kích thước cửa ở giữa là 3m x 4m. Hãy tính khoảng cách giữa hai điểm A và B . (xem hình vẽ bên dưới)



Phương pháp

Sử dụng công thức lập phương trình Parabol.

Lời giải



Gắn hệ trục tọa độ Oxy như hình vẽ, chiếc cổng là 1 phần của parabol $(P): y = ax^2 + bx + c$ với $a < 0$.

Do parabol (P) đối xứng qua trục tung nên có trục đối xứng $x = 0 \Rightarrow -\frac{b}{2a} = 0 \Leftrightarrow b = 0$.

Chiều cao của cổng parabol là 4m nên $G(0; 4) \Rightarrow c = 4$.

$$\Rightarrow (P): y = ax^2 + 4$$

Lại có, kích thước cửa ở giữa là 3m x 4m nên $E(2; 3), F(-2; 3) \Rightarrow 3 = 4a + 4 \Leftrightarrow a = -\frac{1}{4}$.

$$\text{Vậy } (P): y = -\frac{1}{4}x^2 + 4.$$

$$\text{Ta có } -\frac{1}{4}x^2 + 4 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 4 \\ x = -4 \end{cases} \text{ nên } A(-4; 0), B(4; 0) \text{ hay } AB = 8(\text{m}).$$

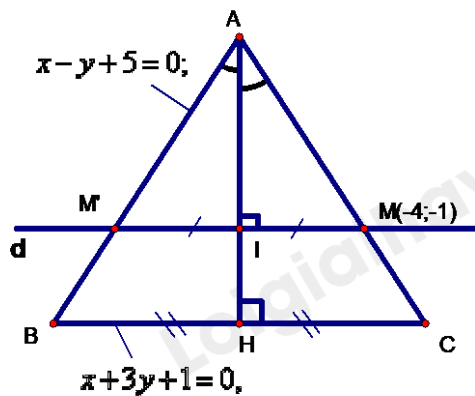
Câu 37: Trong mặt phẳng Oxy , cho tam giác ABC cân, cạnh đáy $BC: x + 3y + 1 = 0$, cạnh bên $AB: x - y + 5 = 0$; đường thẳng chứa AC đi qua $M(-4; -1)$. Tìm tọa độ đỉnh C .

Phương pháp

Viết phương trình đường thẳng các đường đi qua điểm C .

Lời giải

Đường thẳng d đi qua $M(-4; -1)$ và $d // BC$ nên d có VTPT $\vec{n}_d = \vec{n}_{BC} = (1; 3)$. Đường thẳng d có phương trình: $1(x + 4) + 3(y + 1) = 0 \Leftrightarrow x + 3y + 7 = 0$.



Gọi $M' = d \cap AB$. Tọa độ M' là nghiệm của hệ phương trình:

$$\begin{cases} x + 3y + 7 = 0 \\ x - y + 5 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{11}{2} \\ y = -\frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow M' \left(-\frac{11}{2}; -\frac{1}{2} \right).$$

I là trung điểm của MM' . Suy ra: $I \left(-\frac{19}{4}; -\frac{3}{4} \right)$.

Đường cao AH đi qua I và vuông góc với BC nên có VTPT $\overrightarrow{n_{AH}} = \overrightarrow{u_{BC}} = (3; -1)$. AH có phương trình: $3 \left(x + \frac{19}{4} \right) - 1 \left(y + \frac{3}{4} \right) = 0 \Leftrightarrow 6x - 2y + 27 = 0$.

Cách 1. $H = AH \cap BC \Rightarrow$ tọa độ H là nghiệm của hệ phương trình:

$$\begin{cases} 6x - 2y + 27 = 0 \\ x + 3y + 1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{83}{20} \\ y = \frac{21}{20} \end{cases} \Rightarrow H \left(-\frac{83}{20}; \frac{21}{20} \right).$$

H là trung điểm của BC nên $C \left(-\frac{43}{10}; \frac{11}{10} \right)$.

Cách 2.

Ta có: $A = AH \cap AB$. Tọa độ A là nghiệm của hệ phương trình:

$$\begin{cases} 6x - 2y + 27 = 0 \\ x - y + 5 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{17}{4} \\ y = \frac{3}{4} \end{cases} \Rightarrow A \left(-\frac{17}{4}; \frac{3}{4} \right).$$

AC đi qua $M(-4; -1)$ và nhận $\overrightarrow{AM} = \left(\frac{1}{4}; -\frac{7}{4} \right)$ làm VTCP, do đó AC có VTPT $\overrightarrow{n_{AC}} = (7; 1)$. AC có phương trình: $7(x + 4) + 1(y + 1) = 0 \Leftrightarrow 7x + y + 29 = 0$.

$$C = AC \cap BC \Rightarrow C\left(\frac{-43}{10}; \frac{11}{10}\right).$$

Câu 38: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy , cho đường tròn $(C): (x-1)^2 + (y-2)^2 = 4$ và các đường thẳng $d_1: mx + y - m - 1 = 0$, $d_2: x - my + m - 1 = 0$. Tìm các giá trị của tham số m để mỗi đường thẳng d_1, d_2 cắt (C) tại 2 điểm phân biệt sao cho 4 điểm đó lập thành 1 tứ giác có diện tích lớn nhất. Khi đó hãy tính tổng của tất cả các giá trị tham số m .

Phương pháp

Sử dụng công thức tính diện tích, khoảng cách.

Lời giải

Ta có $(C) \begin{cases} I(1;2) \\ R=2 \end{cases}$

Ta dễ thấy đường thẳng d_1 và d_2 cắt nhau tại điểm $M(1;1)$ cố định nằm trong đường tròn (C) và $d_1 \perp d_2$. Gọi A, B là giao điểm của d_1 và (C) , C, D là giao điểm của d_2 và (C) . H, K lần lượt là hình chiếu của I trên d_1 và d_2

Khi đó

$$\begin{aligned} S_{ABCD} &= \frac{1}{2} AB \cdot CD = 2AH \cdot CK = 2\sqrt{R^2 - [d(I, d_1)]^2} \cdot \sqrt{R^2 - [d(I, d_2)]^2} \\ &= 2\sqrt{4 - \frac{1}{m^2 + 1}} \sqrt{4 - \frac{m^2}{m^2 + 1}} = 2\frac{\sqrt{(4m^2 + 3)(3m^2 + 4)}}{m^2 + 1} \leq \frac{4m^2 + 3 + 3m^2 + 4}{m^2 + 1} = 7 \end{aligned}$$

Do đó $\max S_{ABCD} = 7$ khi $m = \pm 1$. Khi đó tổng các giá trị của m bằng 0.

Câu 39: Tìm hệ số có giá trị lớn nhất khi khai triển $P(x) = (1 + 2x^2)^{12}$ thành đa thức.

Phương pháp

Sử dụng công thức khai triển nhị thức Newton

Lời giải

Khai triển: $P(x) = \sum_{k=0}^{12} C_{12}^k 2^k x^{2k} = \sum_{k=0}^{12} a_k x^{2k}$ với $a_k = C_{12}^k 2^k$.

$$a_{k+1} > a_k \Leftrightarrow C_{12}^{k+1} 2^{k+1} > C_{12}^k 2^k \Leftrightarrow \frac{2}{k+1} > \frac{1}{12-k} \Leftrightarrow k < \frac{23}{3} \Leftrightarrow k \leq 7.$$

Như vậy $a_0 < a_1 < a_2 < \dots < a_8$.

$$a_{k+1} < a_k \Leftrightarrow C_{12}^{k+1} 2^{k+1} < C_{12}^k 2^k \Leftrightarrow \frac{2}{k+1} < \frac{1}{12-k} \Leftrightarrow k > \frac{23}{3} \Leftrightarrow k \geq 8.$$

Như vậy $a_8 > a_9 > a_{10} > \dots > a_{12}$.

Vậy hệ số có giá trị lớn nhất là $a_8 = C_{12}^8 2^8 = 126720$.

----- HẾT -----

Loigiaihay.com

Loigiaihay.com

Loigiaihay.com

Loigiai

Loigiaihay.com

Loigiaihay.com

Loigiai

Loigiaihay.com