

## ĐỀ THI HỌC KÌ I – Đề số 1

Môn: Toán - Lớp 11

Bộ sách Kết nối tri thức với cuộc sống

BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM



HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

### Phần trắc nghiệm

Câu 1. B	Câu 2. C	Câu 3. A	Câu 4. D	Câu 5. B	Câu 6. C	Câu 7. A
Câu 8. B	Câu 9. D	Câu 10. A	Câu 11. D	Câu 12. B	Câu 13. C	Câu 14. D
Câu 15. A	Câu 16. C	Câu 17. B	Câu 18. C	Câu 19. D	Câu 20. B	Câu 21. C
Câu 22. B	Câu 23. A	Câu 24. C	Câu 25. A	Câu 26. D	Câu 27. C	Câu 28. A
Câu 29. D	Câu 30. A	Câu 31. D	Câu 32. B	Câu 33. C	Câu 34. D	Câu 35. B

**Câu 1:** Nếu một cung tròn có số đo là 20 độ thì số đo radian của nó là:

- A.  $\frac{\pi}{10}$ .
- B.  $\frac{\pi}{9}$ .
- C.  $\frac{\pi}{8}$ .
- D.  $\frac{\pi}{11}$ .

#### Phương pháp

Sử dụng công thức:  $\alpha^{\circ} = \alpha \cdot \frac{\pi}{180}$  rad.

#### Lời giải

Ta có:  $20^{\circ} = 20 \cdot \frac{\pi}{180} = \frac{\pi}{9}$

#### Đáp án B.

**Câu 2:** Chọn đáp án đúng

- A.  $\cos(a + b) = \cos a \cos b + \sin a \sin b$ .
- B.  $\cos(a + b) = \cos a \sin b - \sin a \cos b$ .
- C.  $\cos(a + b) = \cos a \cos b - \sin a \sin b$ .
- D.  $\cos(a + b) = \cos a \sin b + \sin a \cos b$ .

#### Phương pháp

Sử dụng công thức:  $\cos(a + b) = \cos a \cos b - \sin a \sin b$ .

**Lời giải**

Ta có:  $\cos(a + b) = \cos a \cos b - \sin a \sin b$

**Đáp án C.**

**Câu 3:** Nghiệm của phương trình  $\sin x = \sin \frac{\pi}{3}$  là:

$$\text{A. } \begin{cases} x = \frac{\pi}{3} + k2\pi \\ x = \frac{2\pi}{3} + k2\pi \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z}).$$

$$\text{B. } \begin{cases} x = \frac{\pi}{3} + k\pi \\ x = \frac{2\pi}{3} + k\pi \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z}).$$

$$\text{C. } x = \pm \frac{\pi}{3} + k2\pi \quad (k \in \mathbb{Z}).$$

$$\text{D. } x = \pm \frac{2\pi}{3} + k\pi \quad (k \in \mathbb{Z}).$$

**Phương pháp**

Phương trình  $\sin x = \sin \alpha$  có nghiệm:  $x = \alpha + k2\pi, k \in \mathbb{Z}$  và  $x = \pi - \alpha + k2\pi, k \in \mathbb{Z}$

**Lời giải**

$$\sin x = \sin \frac{\pi}{3} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{3} + k2\pi \\ x = \pi - \frac{\pi}{3} + k2\pi \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z}) \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{3} + k2\pi \\ x = \frac{2\pi}{3} + k2\pi \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z})$$

**Đáp án A.**

**Câu 4:** Tập xác định của D của hàm số  $y = \cot x$  là:

$$\text{A. } D = \mathbb{R}.$$

$$\text{B. } D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{k\pi}{2} \mid k \in \mathbb{Z} \right\}.$$

$$\text{C. } D = \mathbb{R} \setminus \{k2\pi \mid k \in \mathbb{Z}\}.$$

$$\text{D. } D = \mathbb{R} \setminus \{k\pi \mid k \in \mathbb{Z}\}.$$

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về tập xác định của hàm số lượng giác: Hàm số  $y = \cot x$  có tập xác định là

$$D = \mathbb{R} \setminus \{k\pi \mid k \in \mathbb{Z}\}$$

**Lời giải**

Hàm số  $y = \cot x$  có tập xác định là  $D = \mathbb{R} \setminus \{k\pi \mid k \in \mathbb{Z}\}$

**Đáp án D.**

**Câu 5:** Hàm số  $y = \tan x$  tuần hoàn với chu kỳ là:

$$\text{A. } \frac{\pi}{2}.$$

B.  $\pi$ .

C.  $\frac{3\pi}{2}$ .

D.  $2\pi$ .

### Phương pháp

Sử dụng kiến thức về đồ thị và tính chất của hàm số  $y = \tan x$ : Hàm số  $y = \tan x$  tuần hoàn với chu kỳ  $\pi$

### Lời giải

Hàm số  $y = \tan x$  tuần hoàn với chu kỳ  $\pi$

### Đáp án B.

**Câu 6:** Độ dài của 60 lá dương xỉ trưởng thành được cho bằng mẫu số liệu ghép nhóm sau:

Độ dài của lá (cm)	[10;20)	[20;30)	[30;40)	[40;50)
Số lá	9	17	24	10

Tần số của nhóm [30;40) là:

A. 9.

B. 17.

C. 24.

D. 10.

### Phương pháp

Sử dụng kiến thức về tần số của mẫu số liệu ghép nhóm: Số giá trị của mẫu số liệu thuộc mỗi nhóm là tần số của nhóm đó.

### Lời giải

Tần số của nhóm [30;40) là 24

### Đáp án C.

**Câu 7:** Trong các dãy số sau, dãy số nào là dãy số tăng?

A. 1; 2; 3; 4; ...

B. 4; 3; 2; 5; ...

C. 1; 2; 1; 2; ...

D. 4; 3; 1; 2; ...

### Phương pháp

Sử dụng kiến thức về dãy số tăng: Dãy số  $(u_n)$  được gọi là dãy số tăng nếu ta có:  $u_{n+1} > u_n$  với mọi  $n \in \mathbb{N}^*$

### Lời giải

Trong các dãy số trên, chỉ có dãy số 1; 2; 3; 4; ... có  $1 < 2 < 3 < 4 \dots$  nên dãy số 1; 2; 3; 4; ... là dãy số tăng.

### Đáp án A.

**Câu 8:** Trong các dãy số sau, dãy số nào là cấp số cộng?

A. 1; 2; 3; 5; 7; ...

B. 1; 3; 5; 7; 9; ....

C. 1; 2; 4; 8; 16; ....

D. 1; 1; 2; 3; 4; ....

### Phương pháp

Sử dụng kiến thức về cấp số cộng: Cấp số cộng là một dãy số (hữu hạn hay vô hạn), trong đó kể từ số hạng thứ hai, mỗi số hạng đều bằng số hạng đứng ngay trước nó cộng với một số không đổi d.

**Lời giải**

Trong các dãy số trên, chỉ có dãy số 1; 3; 5; 7; 9; ... có kể từ số hạng thứ hai, mỗi số hạng đều bằng số hạng đứng ngay trước nó cộng với một số không đổi  $d$  ( $d = 2$ )

**Đáp án B.**

**Câu 9:** Dãy số nào dưới đây được viết dưới dạng công thức của số hạng tổng quát?

A. 1; 4; 7; 8; 10; ...

B. Dãy số gồm các số nguyên dương chia hết cho 5.

C.  $u_1 = 2; u_n = 3u_{n-1} - 1$  với  $n \geq 2$ .

D.  $u_n = \frac{1}{n}$  ( $n \in \mathbb{N}^*$ ).

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về cách cho một dãy số.

**Lời giải**

Dãy số được viết dưới dạng công thức của số hạng tổng quát là:  $u_n = \frac{1}{n}$  ( $n \in \mathbb{N}^*$ )

**Đáp án D.**

**Câu 10:** Biết  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$ ,  $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = a > 0$ . Chọn đáp án đúng

A.  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n v_n = +\infty$ .

B.  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n v_n = -\infty$ .

C.  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n v_n = 0$ .

D.  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n v_n = a$ .

**Phương pháp**

Sử dụng quy tắc về giới hạn vô cực của dãy số: Nếu  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$ ,  $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = a > 0$  thì  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n v_n = +\infty$ .

**Lời giải**

Nếu  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$ ,  $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = a > 0$  thì  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n v_n = +\infty$ .

**Đáp án A.**

**Câu 11:** Hàm số nào sau đây liên tục trên  $\mathbb{R}$ ?

A.  $y = \frac{x+1}{x}$ .

B.  $y = \tan x$ .

C.  $y = \frac{x+1}{x^2}$ .

D.  $y = \frac{x-1}{x^2+1}$ .

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về hàm số liên tục trên một khoảng: Hàm số  $y = f(x)$  được gọi là liên tục trên khoảng  $(a; b)$  nếu nó liên tục tại mọi điểm trên khoảng này.

**Lời giải**

Hàm số  $y = \frac{x-1}{x^2+1}$  liên tục trên  $\mathbb{R}$

**Đáp án D.**

**Câu 12:** Giá trị của  $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{4}{n}$  bằng:

- A. 1.
- B. 0.
- C. 2.
- D. 4.

**Phương pháp**

Sử dụng công thức:  $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1}{n} = 0$

**Lời giải**

Ta có:  $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1}{n} = 0$  nên  $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{4}{n} = 0$

**Đáp án B.**

**Câu 13:** Giá trị của  $\lim_{x \rightarrow 1} (x - 3)$  là:

- A. 1.
- B. 2.
- C. -2.
- D.  $+\infty$ .

**Phương pháp**

Sử dụng quy tắc tính giới hạn của hàm số tại một điểm: Nếu  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = L$ ,  $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = M$  thì

$$\lim_{x \rightarrow x_0} [f(x) - g(x)] = L - M$$

**Lời giải**

$$\lim_{x \rightarrow 1} (x - 3) = 1 - 3 = -2$$

**Đáp án C.**

**Câu 14:** Cho lăng trụ tam giác ABC.A'B'C'. Khẳng định nào sau đây là đúng?

- A. (ABC) // (A'B'C').
- B. (B'A'C') // (B'AC).
- C. (ABC') // (A'B'C').
- D. (ABC) // (A'B'C').

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về hình lăng trụ tam giác: Hình lăng trụ có hai đáy song song với nhau.

**Lời giải**

Hình lăng trụ tam giác ABC.A'B'C' có (ABC) // (A'B'C').

**Đáp án D.**

**Câu 15:** Cho đường thẳng d và mặt phẳng ( $\alpha$ ) không có điểm chung. Kết luận nào sau đây là đúng?

- A.  $d // (\alpha)$ .
- B. d cắt ( $\alpha$ ).
- C. d nằm trong ( $\alpha$ ).
- D. d cắt a hoặc d nằm trong ( $\alpha$ ).

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về vị trí tương đối giữa đường thẳng và mặt phẳng: Nếu  $d$  và  $(\alpha)$  không có điểm chung thì  $d // (\alpha)$

#### Lời giải

Nếu  $d$  và  $(\alpha)$  không có điểm chung thì  $d // (\alpha)$

#### Đáp án A.

**Câu 16:** Cho hai đường thẳng  $a$  và  $b$  trong không gian. Có bao nhiêu vị trí tương đối giữa  $a$  và  $b$ ?

- A. 1.
- B. 2.
- C. 4.
- D. 3.

#### Phương pháp

Sử dụng kiến thức về vị trí tương đối của hai đường thẳng: Có bốn vị trí tương đối của hai đường thẳng  $a$  và  $b$  trong không gian: cắt nhau, trùng nhau, song song và chéo nhau.

#### Lời giải

Hai đường thẳng  $a$  và  $b$  có thể: cắt nhau, trùng nhau, song song, chéo nhau.

#### Đáp án C.

**Câu 17:** Hình chóp tứ giác có mặt bên là hình gì?

- A. Hình tứ giác.
- B. Hình tam giác.
- C. Hình ngũ giác.
- D. Hình lục giác.

#### Phương pháp

Sử dụng kiến thức về hình chóp: Hình chóp tứ giác có mặt bên là hình tam giác.

#### Lời giải

Hình chóp tứ giác có mặt bên là hình tam giác.

#### Đáp án B.

**Câu 18:** Nếu  $d$  là giao tuyến của hai mặt phẳng phân biệt  $(P)$  và  $(Q)$  thì:

- A.  $d \subset (P)$ .
- B.  $d \subset (Q)$ .
- C. Cả  $a$  và  $b$  đều đúng.
- D. Cả  $a$  và  $b$  đều sai.

#### Phương pháp

Sử dụng kiến thức về giao tuyến của hai mặt phẳng: Đường thẳng chung  $d$  (nếu có) của hai mặt phẳng phân biệt  $(P)$  và  $(Q)$  được gọi là giao tuyến của hai mặt phẳng đó.

#### Lời giải

Vì  $d$  là giao tuyến của hai mặt phẳng phân biệt  $(P)$  và  $(Q)$  thì  $d \subset (P)$  và  $d \subset (Q)$

#### Đáp án C.

**Câu 19:** Cho tứ diện ABCD. Chọn đáp án đúng.

- A. AB và CD là hai đường thẳng vuông góc với nhau.
- B. AB và CD là hai đường thẳng cắt nhau.
- C. AB và CD là hai đường thẳng cùng thuộc một mặt phẳng.
- D. AB và CD là hai đường thẳng chéo nhau.

#### Phương pháp

Sử dụng kiến thức về hai đường thẳng chéo nhau: Nếu hai đường thẳng a và b không cùng nằm trong bất kì một mặt phẳng nào thì ta nói a và b chéo nhau.

**Lời giải**

Vì hai đường thẳng AB và CD không cùng nằm trong một mặt phẳng nào nên AB và CD là hai đường thẳng chéo nhau.

**Đáp án D.**

**Câu 20:** Khảo sát thời gian tập thể dục trong một ngày của một số học sinh khối 11 thu được mẫu số liệu ghép nhóm sau:

Thời gian (phút)	[0;20)	[20;40)	[40;60)	[60;80)	[80;100)
Số học sinh	6	10	12	7	5

Giá trị đại diện của nhóm [60;80) là:

- A. 60.
- B. 70.
- C. 80.
- D. 7.

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về giá trị đại diện của một nhóm:

Cho mẫu số liệu ghép nhóm

Nhóm	$[a_1; a_2)$	...	$[a_i; a_{i+1})$	...	$[a_k; a_{k+1})$
Tần số	$m_1$	...	$m_i$	...	$m_k$

Với nhóm  $[a_i; a_{i+1})$  thì  $x_i = \frac{a_i + a_{i+1}}{2}$  là giá trị đại diện của nhóm  $[a_i; a_{i+1})$ .

**Lời giải**

Giá trị đại diện của nhóm [60;80) là:  $\frac{60+80}{2} = 70$

**Đáp án B.**

**Câu 21:** Giá trị lớn nhất của hàm số  $y = 2\cos x + 1$  bằng:

- A. -1.
- B. 1.
- C. 3.
- D.  $\frac{1}{2}$ .

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về hàm số lượng giác:  $-1 \leq \cos x \leq 1$  với mọi số thực x.

**Lời giải**

Vì  $\cos x \leq 1 \forall x \in \mathbb{R} \Rightarrow 2\cos x \leq 2 \forall x \in \mathbb{R} \Rightarrow 2\cos x + 1 \leq 3 \forall x \in \mathbb{R}$

Do đó, giá trị lớn nhất của hàm số  $y = 2\cos x + 1$  là 3

**Đáp án C.**

**Câu 22:** Tìm tất cả các giá trị của m để phương trình  $\cos^2 x - \sin^2 x - m = 0$  có nghiệm?

- A.  $m \geq 1$ .
- B.  $-1 \leq m \leq 1$ .
- C.  $m \leq 1$ .
- D.  $m \geq 0$ .

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về điều kiện có nghiệm của phương trình  $\cos x = m$ : Phương trình  $\cos x = m$  có nghiệm khi và chỉ khi  $|m| \leq 1$

**Lời giải**

Ta có:  $\cos^2 x - \sin^2 x - m = 0 \Leftrightarrow \cos 2x = m$  (1)

Để phương trình (1) có nghiệm thì  $|m| \leq 1 \Leftrightarrow -1 \leq m \leq 1$

**Đáp án B.**

**Câu 23:** Cho góc  $\alpha$  thỏa mãn  $\sin \alpha = \frac{1}{2}$  và  $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$ . Tính  $\cos \alpha$ .

A.  $\cos \alpha = \frac{-\sqrt{3}}{2}$ .

B.  $\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

C.  $\cos \alpha = \frac{\pm\sqrt{3}}{2}$ .

D. Cả A, B, C đều sai.

**Phương pháp**

Sử dụng công thức:  $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$

**Lời giải**

Ta có:  $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \Leftrightarrow \cos \alpha = \pm \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = \pm \frac{\sqrt{3}}{2}$

Mà  $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$  nên  $\cos \alpha < 0$ . Do đó,  $\cos \alpha = \frac{-\sqrt{3}}{2}$

**Đáp án A.**

**Câu 24:** Cho dãy số  $(u_n)$  được xác định bởi:  $\begin{cases} u_1 = 1; u_2 = 1 \\ u_n = u_{n-1} + 2u_{n-2} \end{cases} (n \geq 3, n \in \mathbb{N})$ . Giá trị của  $u_3 + u_4$  là:

A. 4.

B. 6.

C. 8.

D. 10.

**Phương pháp**

Tính các giá trị  $u_3$  và  $u_4$  rồi tính tổng.

**Lời giải**

Ta có:  $u_3 = u_2 + 2u_1 = 1 + 2 \cdot 1 = 3; u_4 = u_3 + 2u_2 = 3 + 2 \cdot 1 = 5$ . Do đó,  $u_3 + u_4 = 3 + 5 = 8$

**Đáp án C.**

**Câu 25:** Cho cấp số nhân  $(u_n)$  có  $u_1 = 2, q = 3$ . Tính tổng của mười số hạng đầu tiên của cấp số nhân đó.

A. 59048.

B. 59084.

C. 59050.

D. 59080.

**Phương pháp**



Sử dụng kiến thức về tổng của  $n$  số hạng đầu của một cấp số nhân: Cho cấp số nhân  $(u_n)$  với công bội

$$q \neq 1. \text{ Khi đó, tổng của } n \text{ số hạng đầu tiên trong cấp số nhân là: } S_n = \frac{u_1(1-q^n)}{1-q}$$

**Lời giải**

Tổng của 10 số hạng đầu tiên của cấp số nhân là:  $S = \frac{2 \cdot (1-3^{10})}{1-3} = 59048$

**Đáp án A.**

**Câu 26:** Cho cấp số cộng  $(u_n)$  có  $u_1 = 2; d = 3$ . Khi đó,  $u_4 + u_6$  bằng:

- A. 24.
- B. 30.
- C. 26.
- D. 28.

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về công thức số hạng tổng quát của cấp số cộng: Cho cấp số cộng  $(u_n)$  có số hạng đầu  $u_1$  và công sai  $d$  thì số hạng tổng quát  $u_n$  của nó được xác định theo công thức:  $u_n = u_1 + (n-1)d$ .

**Lời giải**

Ta có:  $u_4 = u_1 + 3d = 2 + 3 \cdot 3 = 11; u_6 = u_1 + 5d = 2 + 5 \cdot 3 = 17$

Do đó,  $u_4 + u_6 = 11 + 17 = 28$

**Đáp án D.**

**Câu 27:** Kết quả của giới hạn  $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x-16}{x-2}$  là:

- A. 2.
- B. 0.
- C.  $-\infty$ .
- D.  $+\infty$ .

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức tính giới hạn của thương  $\frac{f(x)}{g(x)}$ : Nếu  $\lim_{x \rightarrow x_0^+} f(x) = L < 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow x_0^+} g(x) = 0$  và  $g(x) > 0$  thì

$$\lim_{x \rightarrow x_0^+} \frac{f(x)}{g(x)} = -\infty$$

**Lời giải**

Ta có:  $\lim_{x \rightarrow 2^+} (x-16) = 2-16 = -14 < 0$ ,  $\lim_{x \rightarrow 2^+} (x-2) = 0$

Với  $x \rightarrow 2^+$  thì  $x > 2$  nên  $x-2 > 0$ . Do đó,  $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x-16}{x-2} = -\infty$

**Đáp án C.**

**Câu 28:** Biết rằng  $\lim_{x \rightarrow \sqrt{3}} \frac{x^2-3}{x-\sqrt{3}} = a\sqrt{b}$  (với  $a, b$  là các số nguyên). Chọn đáp án đúng.

- A.  $a^2 + b^2 = 13$ .
- B.  $a^2 + b^2 = 9$ .
- C.  $a^2 + b^2 = 6$ .

$$D. a^2 + b^2 = 11.$$

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về giới hạn hàm số để làm: Nhận thấy  $x = \sqrt{3}$  là nghiệm của cả tử thức và mẫu thức nên ta cần rút phân thức trước khi tính giới hạn.

**Lời giải**

$$\text{Ta có: } \lim_{x \rightarrow \sqrt{3}} \frac{x^2 - 3}{x - \sqrt{3}} = \lim_{x \rightarrow \sqrt{3}} \frac{(x - \sqrt{3})(x + \sqrt{3})}{x - \sqrt{3}} = \lim_{x \rightarrow \sqrt{3}} (x + \sqrt{3}) = \sqrt{3} + \sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$

Do đó,  $a = 2, b = 3$ . Suy ra:  $a^2 + b^2 = 2^2 + 3^2 = 13$

**Đáp án A.**

**Câu 29:** Với giá trị nào của  $m$  thì hàm số  $f(x) = \begin{cases} 2x + 1 & \text{khi } x \neq 1 \\ m & \text{khi } x = 1 \end{cases}$  liên tục tại  $x_0 = -1$ ?

A.  $m = 2$ .

B.  $m = -2$ .

C.  $m = 1$ .

D.  $m = -1$ .

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về hàm số liên tục: Cho hàm số  $y = f(x)$  xác định trên khoảng  $(a; b)$  chứa điểm  $x_0$ .

Hàm số  $f(x)$  được gọi là liên tục tại điểm  $x_0$  nếu  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = f(x_0)$ .

**Lời giải**

Tập xác định của hàm số  $f(x)$  là  $D = \mathbb{R}$ .

$$\text{Ta có: } \lim_{x \rightarrow -1} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1} (2x + 1) = -1$$

Hàm số đã cho liên tục tại  $x_0 = -1$  khi  $f(-1) = \lim_{x \rightarrow -1} f(x) \Leftrightarrow m = -1$

**Đáp án D.**

**Câu 30:** Cho tam giác ABC và một điểm S không thuộc mặt phẳng ABC. Gọi M, N lần lượt là trung điểm của AB và AC. Khi đó, giao tuyến của hai mặt phẳng (SBN) và (SCM) là:

A. SG với G là giao điểm của BN và MC.

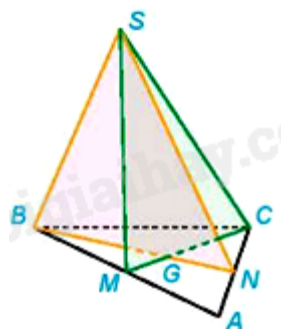
B. SN.

C. SM.

D. AG với G là giao điểm của BN và MC.

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về giao tuyến của hai mặt phẳng: Đường thẳng chung  $d$  (nếu có) của hai mặt phẳng phân biệt (P) và (Q) được gọi là giao tuyến của hai mặt phẳng đó.

**Lời giải**

Xét mặt phẳng (ABC), gọi G là giao điểm của BN và CM.

Vì  $G \in BN \Rightarrow G \in (SBN)$ ;  $G \in CM \Rightarrow G \in (SCM)$  nên  $G$  là điểm chung của hai mặt phẳng  $(SBN)$  và  $(SCM)$

Ta có:  $S \in SB \Rightarrow S \in (SBN)$ ,  $S \in SC \Rightarrow S \in (SCM)$  nên  $S$  là điểm chung của hai mặt phẳng  $(SBN)$  và  $(SCM)$

Do đó,  $SG$  là giao tuyến của hai mặt phẳng  $(SBN)$  và  $(SCM)$ .

**Đáp án A.**

**Câu 31:** Cho 4 điểm phân biệt  $A, B, C, D$  trong đó không có ba điểm nào thẳng hàng. Xác định được tất cả bao nhiêu từ 3 trong 4 điểm đã cho?

- A. 1.
- B. 2.
- C. 3.
- D. 4.

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về cách xác định một mặt phẳng: Một mặt phẳng hoàn toàn được xác định qua ba điểm không thẳng hàng.

**Lời giải**

Ta xác định được các mặt phẳng  $(ABC), (ABD), (ACD), (BCD)$ . Do đó, xác định được 4 mặt phẳng.

**Đáp án D.**

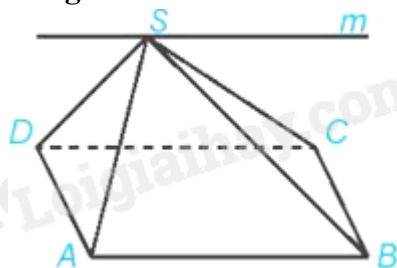
**Câu 32:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình bình hành. Giao tuyến của hai mặt phẳng  $(SAB)$  và  $(SCD)$  là:

- A. Đường thẳng  $m$  qua  $S$  vuông góc với  $AB$ .
- B. Đường thẳng  $m$  qua  $S$  song song với  $AB$ .
- C.  $SO$  với  $O$  là giao điểm của  $AC$  và  $BD$ .
- D. Cả A, B, C đều sai.

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về giao tuyến của hai mặt phẳng: Nếu hai mặt phẳng chứa hai đường thẳng song song với nhau thì giao tuyến của chúng (nếu có) song song với hai đường thẳng đó hoặc trùng với một trong hai đường thẳng đó.

**Lời giải**



Ta có: Vì  $ABCD$  là hình bình hành nên  $AB \parallel CD$ . Mà  $AB \subset (SAB), CD \subset (SCD)$

Do đó, giao tuyến của hai mặt phẳng  $(SAB)$  và  $(SCD)$  là đường thẳng  $m$  qua  $S$  song song với  $AB$ .

**Đáp án B.**

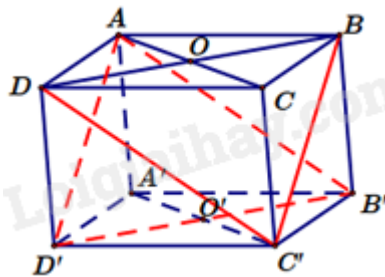
**Câu 33:** Cho hình hộp  $ABCD.A'B'C'D'$  có  $AC$  cắt  $BD$  tại  $O$  và  $A'C'$  cắt  $B'D'$  tại  $O'$ . Khi đó, mặt phẳng  $(AB'D')$  song song với mặt phẳng nào dưới đây?

- A.  $(A'OC')$ .
- B.  $(BDA')$ .
- C.  $(BDC')$ .
- D.  $(BCD)$ .

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về hai mặt phẳng song song: Nếu mặt phẳng (P) chứa hai đường thẳng cắt nhau và hai đường thẳng này song song với mặt phẳng (Q) thì (P) và (Q) song song với nhau.

**Lời giải**



Vì  $BD \parallel B'D'$  nên  $B'D' \parallel (BDC')$ . Vì  $AD' \parallel BC'$  nên  $AD' \parallel (BDC')$

Lại có hai đường thẳng  $AD'$  và  $B'D'$  cắt nhau và nằm trong mặt phẳng  $(AB'D')$ . Do đó,  $(AB'D') \parallel (BDC')$

**Đáp án C.**

**Câu 34:** Tìm cân nặng trung bình của học sinh lớp 11A cho dưới mẫu số liệu ghép nhóm sau:

Cân nặng (kg)	[40,5;45,5)	[45,5;50,5)	[50,5;55,5)	[55,5;60,5)	[60,5;65,5)	[65,5;70,5)
Số học sinh	10	8	16	4	2	2

- A. 52,33.
- B. 50,33.
- C. 55,33.
- D. 51,33.

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức số trung bình của mẫu số liệu ghép nhóm:

Cho mẫu số liệu ghép nhóm

Nhóm	$[a_i; a_{i+1})$	...	$[a_i; a_{i+1})$	...	$[a_k; a_{k+1})$
Tần số	$m_i$	...	$m_i$	...	$m_k$

Số trung bình của mẫu số liệu ghép nhóm kí hiệu là  $\bar{x}$ :  $\bar{x} = \frac{m_1x_1 + \dots + m_kx_k}{n}$ , trong đó  $n = m_1 + \dots + m_k$  là

cỡ mẫu và  $x_i = \frac{a_i + a_{i+1}}{2}$  (với  $i = 1; \dots; k$ ) là giá trị đại diện của nhóm  $[a_i; a_{i+1})$ .

**Lời giải**

Trong mỗi khoảng cân nặng, giá trị đại diện được thể hiện ở bảng sau:

Cân nặng (kg)	43	48	53	58	63	68
Số học sinh	10	8	16	4	2	2

Cân nặng trung bình của học sinh lớp 11A là:  $\bar{x} = \frac{10.43 + 48.8 + 53.16 + 58.4 + 63.2 + 68.2}{10 + 8 + 16 + 4 + 2 + 2} \approx 51,33(\text{kg})$

**Đáp án D.**

**Câu 35:** Tuổi thọ (năm) của các bình ác quy ô tô được cho như sau:

Tuổi thọ (năm)	[2;2,5)	[2,5;3)	[3;3,5)	[3,5;4)	[4;4,5)	[4,5;5)
Số bình ác quy	4	10	15	14	7	6

Cỡ mẫu của mẫu số liệu ghép nhóm trên là:

- A. 15.
- B. 56.
- C. 10.
- D. 7.

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về cỡ mẫu số liệu ghép nhóm: Cho mẫu số liệu ghép nhóm

Nhóm	$[a_1; a_2)$	...	$[a_i; a_{i+1})$	...	$[a_k; a_{k+1})$
Tần số	$m_1$	...	$m_i$	...	$m_k$

Số trung bình của mẫu số liệu ghép nhóm là  $\bar{x} = \frac{m_1x_1 + \dots + m_kx_k}{n}$ , trong đó  $n = m_1 + \dots + m_k$  là cỡ mẫu

**Lời giải**

Cỡ mẫu của mẫu số liệu ghép nhóm là:  $4 + 10 + 15 + 14 + 7 + 6 = 56$

**Đáp án B.**

**Phần tự luận (3 điểm)**

**Bài 1. (1 điểm)** Tính giới hạn sau:  $I = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2\sqrt{3+x} - 4x}{2x - 2}$

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về giới hạn của hàm số: Rút gọn biểu thức  $\frac{2\sqrt{3+x} - 4x}{2x - 2}$  rồi áp dụng quy tắc về giới hạn để tính.

**Lời giải**

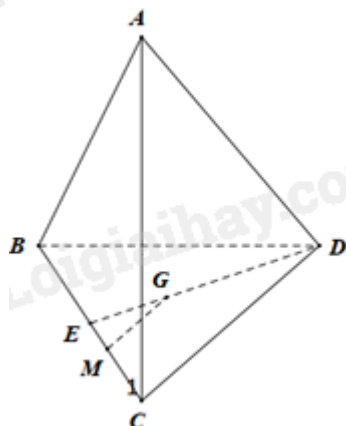
$$\begin{aligned}
 I &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2\sqrt{3+x} - 4x}{2x - 2} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(2\sqrt{3+x} - 4x)(2\sqrt{3+x} + 4x)}{2(x-1)(2\sqrt{3+x} + 4x)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{4(x+3) - 16x^2}{2(x-1)(2\sqrt{3+x} + 4x)} \\
 &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{-16x^2 + 4x + 12}{2(x-1)(2\sqrt{3+x} + 4x)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{-4(x-1)(4x+3)}{4(x-1)(\sqrt{3+x} + 2x)} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{-(4x+3)}{\sqrt{3+x} + 2x} = \frac{-7}{4}
 \end{aligned}$$

**Bài 2. (1 điểm)** Cho tứ diện ABCD. Gọi G là trọng tâm của tam giác ABD. M là điểm nằm trên cạnh BC sao cho  $MB = 2MC$ . Chứng minh rằng  $MG \parallel (ACD)$

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về đường thẳng song song với mặt phẳng: Nếu đường thẳng a không nằm trong mặt phẳng (P) và song song với một đường thẳng nằm trong (P) thì a song song với (P).

**Lời giải**



Gọi E là trung điểm của BC. Vì G là trọng tâm của tam giác BCD nên  $\frac{GD}{ED} = \frac{2}{3}$

Mà  $MB = 2MC \Rightarrow 3MC = BC$ . Lại có:  $EC = BE = \frac{1}{2}BC \Rightarrow \frac{MC}{EC} = \frac{2}{3}$

Tam giác EDC có:  $\frac{GD}{ED} = \frac{MC}{EC} \left( = \frac{2}{3} \right)$  nên  $MG \parallel CD$  (định lý Thalès đảo)

Mà  $CD \subset (ACD)$  nên  $MG \parallel (ACD)$

**Bài 3. (0,5 điểm)** Cho hai số thực a và b thỏa mãn điều kiện  $\sin(a+b) - 2\cos(a-b) = 0$ . Tính giá trị của

biểu thức  $A = \frac{1}{2 - \sin 2a} + \frac{1}{2 - \sin 2b}$ .

**Phương pháp**

Sử dụng công thức:  $\sin a + \sin b = 2\sin \frac{a+b}{2} \cos \frac{a-b}{2}$ ;  $\sin a \sin b = \frac{1}{2} [\cos(a-b) - \cos(a+b)]$

**Lời giải**

$$A = \frac{1}{2 - \sin 2a} + \frac{1}{2 - \sin 2b} = \frac{4 - (\sin 2a + \sin 2b)}{(2 - \sin 2a)(2 - \sin 2b)} = \frac{4 - (\sin 2a + \sin 2b)}{4 - 2(\sin 2a + \sin 2b) + \sin 2a \cdot \sin 2b}$$

Vì  $\sin(a+b) - 2\cos(a-b) = 0 \Rightarrow \sin(a+b) = 2\cos(a-b)$

Ta có:  $4 - (\sin 2a + \sin 2b) = 4 - 2\sin(a+b)\cos(a-b) = 4 - 4\cos^2(a-b) = 4\sin^2(a-b)$

Lại có:  $4 - 2(\sin 2a + \sin 2b) + \sin 2a \cdot \sin 2b$

$$= 4 - 4\sin(a+b)\cos(a-b) + \frac{1}{2} [\cos(2a-2b) - \cos(2a+2b)]$$

$$= 4 - 8\cos^2(a-b) + \frac{1}{2} [2\cos^2(a-b) - 1 - 1 + 2\sin^2(a+b)]$$

$$= 3 - 7\cos^2(a-b) + \sin^2(a+b) = 3 - 3\cos^2(a-b) = 3\sin^2(a-b)$$

$$\text{Vậy } A = \frac{4\sin^2(a-b)}{3\sin^2(a-b)} = \frac{4}{3}$$

**Bài 4. (0,5 điểm)** Chứng minh rằng dãy số  $u_n = \frac{1}{1.2} + \frac{1}{2.3} + \frac{1}{3.4} + \dots + \frac{1}{n(n+1)}$  tăng và bị chặn trên.

**Phương pháp**

Sử dụng kiến thức về dãy số tăng: Dãy số  $(u_n)$  được gọi là dãy số tăng nếu  $u_{n+1} > u_n$  với mọi  $n \in \mathbb{N}^*$

Sử dụng kiến thức về dãy số bị chặn trên: Dãy số  $(u_n)$  được gọi là bị chặn trên nếu tồn tại một số M sao cho  $u_n \leq M$  với mọi  $n \in \mathbb{N}^*$ .

**Lời giải**

$$\text{Ta có: } u_n = \frac{2-1}{1.2} + \frac{3-2}{2.3} + \frac{4-3}{3.4} + \dots + \frac{(n+1)-n}{n(n+1)} = 1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1} = 1 - \frac{1}{n+1}$$

$$\text{Xét hiệu: } u_{n+1} - u_n = 1 - \frac{1}{n+2} - \left( 1 - \frac{1}{n+1} \right) = \frac{1}{n+1} - \frac{1}{n+2} > 0 \Rightarrow (u_n) \text{ tăng}$$

$$\text{Nhận thấy } u_n = 1 - \frac{1}{n+1} < 1 \Rightarrow (u_n) \text{ bị chặn trên.}$$