

ĐỀ THI GIỮA HỌC KÌ II – Đề số 5**Môn: Toán - Lớp 8****Bộ sách Kết nối tri thức****BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM****HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT****THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM****Phần trắc nghiệm**

Câu 1: A	Câu 2: C	Câu 3: C	Câu 4: B
Câu 5: A	Câu 6: C	Câu 7: C	Câu 8: C

Câu 1: Phân thức $\frac{2}{x-3}$ không có nghĩa khi:

- A. $x = 3$.
- B. $x > 3$.
- C. $x < 3$.
- D. $x \neq 3$.

Phương pháp

Phân thức $\frac{A}{B}$ có nghĩa khi $B \neq 0$ nên phân thức $\frac{A}{B}$ không có nghĩa khi $B = 0$.

Lời giải

Phân thức $\frac{2}{x-3}$ có nghĩa khi $x-3=0$ hay $x=3$.

Đáp án A.

Câu 2: Cho $\frac{(x+y)^2}{x-y} = \frac{P}{x^2-y^2}$. Đa thức P là:

- A. $P = x^3 - y^3$.
- B. $P = (x - y)^3$.
- C. $P = (x + y)^3$.
- D. $P = x^3 + y^3$.

Phương pháp

Sử dụng kiến thức về hai phân thức bằng nhau.

Lời giải

Ta có: $\frac{(x+y)^2}{x-y} = \frac{P}{x^2 - y^2}$

$$\Rightarrow (x+y)^2 \cdot (x^2 - y^2) = P \cdot (x-y)$$

$$(x+y)^2 \cdot (x+y)(x-y) = P \cdot (x-y)$$

$$(x+y)^3(x-y) = P(x-y)$$

$$\Rightarrow P = (x+y)^3$$

Đáp án C.

Câu 3: Rút gọn phân thức $\frac{x^3 - 2x^2}{2x^2 - 4x}$ ta được

A. $\frac{-x^2}{2}$.

B. $\frac{2}{x}$.

C. $\frac{x}{2}$.

D. $\frac{x^2 - 2x}{2x - 4}$.

Phương pháp

Thực hiện rút gọn phân thức theo 2 bước:

+ *Bước 1:* Phân tích tử và mẫu thành nhân tử (nếu cần).

+ *Bước 2:* Tìm nhân tử chung của tử và mẫu rồi chia cả tử và mẫu cho nhân tử chung đó.

Lời giải

Ta có: $\frac{x^3 - 2x^2}{2x^2 - 4x} = \frac{x^2(x-2)}{2x(x-2)} = \frac{x}{2}$.

Đáp án C.

Câu 4: Thương của hai phân thức $\frac{2x}{x-3}$ và $\frac{4x^2}{3-x}$ là:

A. $\frac{1}{2x}$.

B. $\frac{-1}{2x}$.

C. $\frac{3-x}{2(x-3)}$.

D. $\frac{8x^3}{(x-3)^2}$.

Phương pháp

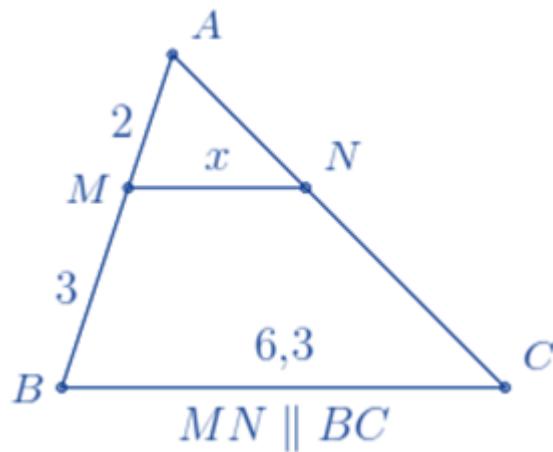
Sử dụng quy tắc chia hai phân thức.

Lời giải

$$\text{Ta có: } \frac{2x}{x-3} : \frac{4x^2}{3-x} = \frac{2x}{x-3} \cdot \frac{3-x}{4x^2} = \frac{2x}{x-3} \cdot \frac{-(x-3)}{4x^2} = \frac{-2x}{4x^2} = \frac{-1}{2x}.$$

Đáp án B.

Câu 5: Cho hình vẽ sau, giá trị của x là:



- A. 2,52.
- B. 4,20.
- C. 3,78.
- D. 9,45.

Phương pháp

Dựa vào định lí hai tam giác đồng dạng.

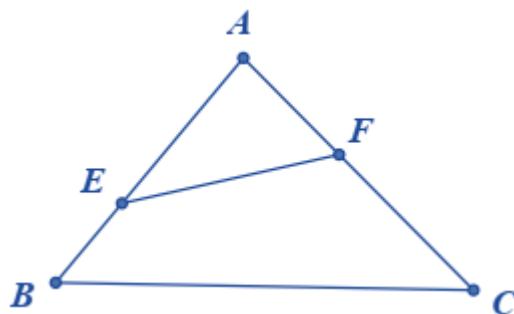
Lời giải

Ta có: $MN \parallel BC$ nên $\Delta AMN \sim \Delta ABC$ (định lí hai tam giác đồng dạng)

$$\Rightarrow \frac{AM}{AB} = \frac{MN}{BC} \Rightarrow \frac{2}{2+3} = \frac{x}{6,3} \Rightarrow x = 6,3 \cdot \frac{2}{5} = 2,52.$$

Đáp án A.

Câu 6: Cho ABC có $AB = 24\text{cm}$, $AC = 30\text{cm}$, $BC = 36\text{cm}$. Trên cạnh AB lấy E sao cho $AE = 20\text{cm}$. Trên cạnh AC lấy F sao cho $AF = 16\text{cm}$. Độ dài cạnh EF là



- A. 18cm.
- B. 20cm.
- C. 24cm.
- D. 30cm.

Phương pháp

Chứng minh $\Delta AEF \sim \Delta ACB$ suy ra tỉ số đồng dạng.

Lời giải

Xét ΔAEF và ΔACB có:

A chung

$$\frac{AE}{AF} = \frac{AC}{AB} \left(\frac{20}{16} = \frac{30}{24} = \frac{5}{4} \right)$$

$$\Rightarrow \Delta AEF \sim \Delta ACB \text{ (c.g.c)}$$

$$\frac{AE}{AC} = \frac{EF}{BC}$$

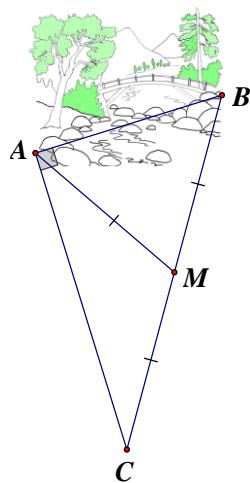
$$\frac{20}{30} = \frac{EF}{36}$$

$$\Rightarrow EF = 36 \cdot \frac{20}{30} = 24$$

Đáp án C.

Câu 7: Ông An có một khu vườn, trong đó có miếng đất dạng hình tam giác vuông ABC như hình vẽ bên.

Biết M là trung điểm của BC; AC = 40m; AM = 25m. Ông muốn trang trí lại khu vườn của mình nên cần biết khoảng cách từ A đến B. Em hãy giúp ông tính khoảng cách từ A đến B.



- A. 25m.
- B. 35m.
- C. 30m.
- D. 40m.

Phương pháp

Sử dụng tính chất đường trung tuyến ứng với cạnh huyền trong tam giác để tính BC, định lí Pythagore để tính AB.

Lời giải

Vì tam giác ABC vuông tại A và M là trung điểm của BC nên AM là đường trung tuyến ứng với cạnh huyền trong tam giác ABC.

$$\Rightarrow AM = \frac{1}{2} BC \Rightarrow BC = 2AM = 2 \cdot 25 = 50 \text{ (m)}$$

Áp dụng định lí Pythagore vào tam giác vuông ABC, ta có:

$$AB^2 = BC^2 - AC^2 = 50^2 - 40^2 = 30^2$$

$$\Rightarrow AB = 30 \text{ (m)}$$

Đáp án C.

Câu 8: Cho $\Delta ABC \sim \Delta HIK$, biết $A = 80^\circ$, $B = 25^\circ$. Khi đó số đo K bằng

A. 85° .

B. 50° .

C. 75° .

D. 70° .

Phương pháp

Sử dụng đặc điểm của hai tam giác đồng dạng.

Lời giải

Vì $\Delta ABC \sim \Delta HIK$ nên $A = H; B = I; C = K$

$$\Rightarrow C = K = 180^\circ - A - B = 180^\circ - 80^\circ - 25^\circ = 75^\circ.$$

Đáp án C.

Phần tự luận.

Bài 1. (2 điểm)

1. Một vườn cây có $x^2 + 2x - y^2 - 2y$ cây, trong đó có $x^2 - y^2$ cây lấy gỗ còn lại là cây ăn quả.

a) Viết phân thức biểu thị tỉ số cây lấy gỗ và số cây ăn quả.

b) Tính giá trị của phân thức đó tại $x = 100; y = 10$.

2. Thực hiện phép tính:

a) $\frac{1-3x}{2x} + \frac{3x-2}{2x-1} + \frac{3x-2}{2x-4x^2}$

b) $\frac{x^2+x}{5x^2-10x+5} : \frac{3x+3}{5x-5}$

Phương pháp

1. Sử dụng quy tắc trừ đa thức để tính số cây ăn quả.

a) Viết phân thức có số cây lấy gỗ là tử và số cây ăn quả là mẫu.

b) Thay $x = 100$ và $y = 10$ vào phân thức để tính giá trị.

2. Sử dụng các quy tắc tính với phân thức để tính.

Lời giải

1. Số cây ăn quả là:

$$\begin{aligned} & x^2 + 2x - y^2 - 2y - (x^2 - y^2) \\ &= x^2 + 2x - y^2 - 2y - x^2 + y^2 \\ &= (x^2 - x^2) + (-y^2 + y^2) + 2x - 2y \\ &= 2x - 2y \end{aligned}$$

a) Phân thức biểu thị tỉ số cây lấy gỗ và số cây ăn quả là: $\frac{x^2 - y^2}{2x - 2y}$.

b) Ta có: $\frac{x^2 - y^2}{2x - 2y} = \frac{(x-y)(x+y)}{2(x-y)} = \frac{x+y}{2}$.

Thay $x = 100; y = 10$ vào phân thức ta được: $\frac{100+10}{2} = \frac{110}{2}$.

2.

a) $\frac{1-3x}{2x} + \frac{3x-2}{2x-1} + \frac{3x-2}{2x-4x^2}$ (ĐK: $x \neq 0; x \neq \frac{1}{2}$)

$$= \frac{1-3x}{2x} + \frac{3x-2}{2x-1} + \frac{3x-2}{2x(1-2x)}$$

$$= \frac{(1-3x)(1-2x)}{2x(1-2x)} - \frac{2x(3x-2)}{2x(1-2x)} + \frac{3x-2}{2x(1-2x)}$$

$$= \frac{1-5x+6x^2-6x^2+4x+3x-2}{2x(1-2x)}$$

$$= \frac{2x-1}{2x(1-2x)}$$

$$= \frac{-1}{2x}$$

b) $\frac{x^2+x}{5x^2-10x+5} : \frac{3x+3}{5x-5}$ (ĐK: $x \neq 1$)

$$= \frac{x(x+1)}{5(x^2-2x+1)} \cdot \frac{5(x-1)}{3(x+1)}$$

$$= \frac{x(x+1).5(x-1)}{5(x-1)^2.3(x+1)}$$

$$= \frac{x}{3(x-1)}$$

Bài 2. (2,5 điểm) Cho các biểu thức $P = \frac{1}{x+5} + \frac{2}{x-5} - \frac{2x+10}{(x+5)(x-5)}$; $Q = \frac{x-4}{x^2-25}$ với $x \neq \pm 5$.

a) Tính giá trị Q với $x = 6$.

b) Rút gọn biểu thức P.

c) Đặt $A = \frac{Q}{P}$. Tìm các giá trị nguyên của x để A nhận giá trị nguyên.

Phương pháp

a) Kiểm tra điều kiện của x, nếu thỏa mãn thì thay giá trị của x vào Q để tính Q.

b) Sử dụng các quy tắc tính với phân thức để rút gọn P.

c) Tính $A = \frac{Q}{P}$. Để A nguyên thì tử thức chia hết cho mẫu thức.

Lời giải

a) Ta có $x = 6$ thỏa mãn điều kiện nên thay $x = 6$ vào Q, ta được:

$$Q = \frac{6-4}{6^2 - 25} = \frac{2}{11}$$

Vậy $Q = \frac{2}{11}$ với $x = 6$.

b) Ta có:

$$\begin{aligned} P &= \frac{1}{x+5} + \frac{2}{x-5} - \frac{2x+10}{(x+5)(x-5)} \\ &= \frac{1}{x+5} + \frac{2}{x-5} - \frac{2(x+5)}{(x+5)(x-5)} \\ &= \frac{1}{x+5} + \frac{2}{x-5} - \frac{2}{x-5} \\ &= \frac{1}{x+5} \end{aligned}$$

Vậy $P = \frac{1}{x+5}$.

c) Ta có:

$$\begin{aligned} A &= \frac{Q}{P} = \frac{1}{x+5} : \frac{x-4}{x^2-25} \\ &= \frac{1}{x+5} \cdot \frac{(x-5)(x+5)}{x-4} \\ &= \frac{x-5}{x-4} \\ A &= \frac{x-5}{x-4} = \frac{x-4-1}{x-4} = 1 - \frac{1}{x-4}. \end{aligned}$$

Để A nguyên thì $\frac{1}{x-4}$ là số nguyên hay $1:(x-4) \Rightarrow (x-4) \in U(1); U(1) = \{\pm 1\}$.

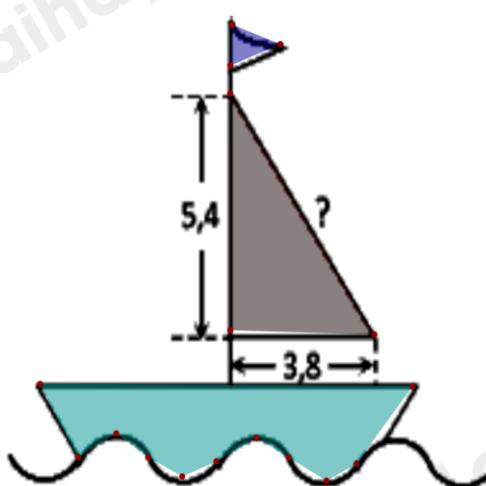
Với $x-4 = 1 \Rightarrow x = 5$ (không thỏa mãn)

Với $x-4 = -1 \Rightarrow x = 3$ (thỏa mãn)

Vậy với $x = 3$ thì A nguyên.

Bài 3. (0,5 điểm) Cho hình vẽ bên. Tính chiều dài của cánh buồm?

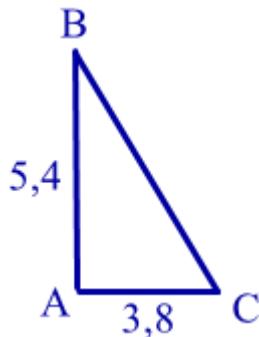
(Làm tròn đến hàng phần trăm).



Phương pháp

Áp dụng Định lí Pythagore để tính chiều dài của cánh buồm.

Lời giải



Áp dụng định lí Pythagore vào tam giác ABC vuông tại A, ta có:

$$\begin{aligned} BC^2 &= AB^2 + AC^2 = 5,4^2 + 3,8^2 = 43,6 \\ \Rightarrow BC &= 6,60 \end{aligned}$$

Vậy chiều dài cánh buồm là 6,6.

Bài 4. (2,5 điểm) Cho tam giác ABC có ba góc nhọn. Đường cao AF, BE cắt nhau tại H. Từ A kẻ tia Ax vuông góc với AC, từ B kẻ tia By vuông góc với BC. Tia Ax và By cắt nhau tại K.

- a) Tứ giác AHBK là hình gì? Vì sao?
- b) Chứng minh $\Delta HAE \sim \Delta HBF$.
- c) Chứng minh $CE \cdot CA = CF \cdot CB$.
- d) ΔABC cần thêm điều kiện gì để tứ giác AHBK là hình thoi.

Phương pháp

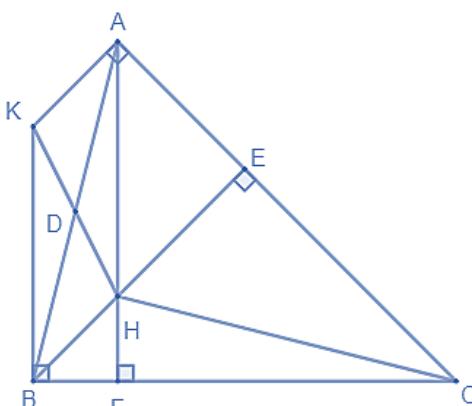
- a) Chứng minh AHBK có hai cặp cạnh đối song song nên là hình bình hành.
- b) Chứng minh $\Delta HAE \sim \Delta HBF$ theo trường hợp góc – góc.
- c) Chứng minh $\Delta AFC \sim \Delta BEC$ (g.g) để chứng minh $CE \cdot CA = CF \cdot CB$.
- d) Gọi D là giao điểm KH và AB

Để tứ giác AHBK là hình thoi thì KH vuông góc AB

Ta có: H là trực tâm $\Rightarrow CH$ vuông góc AB

$\Rightarrow C, H, D$ thẳng hàng $\Rightarrow CD$ là đường cao và D là trung điểm của AB $\Rightarrow CD$ cũng là đường trung tuyến
 \Rightarrow Tam giác ABC cân tại C

Lời giải



- a) Ta có:

$$\left. \begin{array}{l} AK \perp AC \\ BE \perp AC \end{array} \right\} \Rightarrow AK // BE$$

$$\left. \begin{array}{l} BK \perp BC \\ AF \perp BC \end{array} \right\} \Rightarrow BK // AF$$

Xét tứ giác AHBK có:

$$AK // BH \quad (H \in BE)$$

$$AB // AH \quad (H \in AF)$$

\Rightarrow AHBK là hình bình hành.

b) Xét ΔHAE và ΔHBF có:

$$E = F \quad (= 90^\circ)$$

$AHE = BHF$ (hai góc đối đỉnh)

$\Rightarrow \Delta HAE \sim \Delta HBF$ (g.g) (đpcm)

c) Xét ΔAFC và ΔBEC có:

$$F = E \quad (= 90^\circ)$$

C chung

$\Rightarrow \Delta AFC \sim \Delta BEC$ (g.g)

$$\Rightarrow \frac{AC}{BC} = \frac{CF}{CE} \Rightarrow AC.CE = CF.CB \quad (\text{đpcm})$$

d) Gọi D là giao điểm của AB và HK \Rightarrow D là trung điểm của AB và HK.

Để AHBK là hình thoi thì $AB \perp HK$.

Mà H trực tâm của tam giác ABC nên $CH \perp AB$.

$\Rightarrow C, H, K$ thẳng hàng hay C, H, D thẳng hàng.

Khi đó CD là đường cao của tam giác ABC.

Mà D là trung điểm của AB nên CD cũng là đường trung tuyến của tam giác ABC

\Rightarrow Tam giác ABC cân tại C.

Vậy để AHBK là hình thoi thì tam giác ABC cân tại C.

Bài 5. (0,5 điểm) Cho a, b, c và x, y, z là các số khác nhau và khác 0. Chứng minh rằng:

$$\text{Nếu } \frac{a}{x} + \frac{b}{y} + \frac{c}{z} = 0 \text{ và } \frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1 \text{ thì } \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1.$$

Phương pháp

Biến đổi $\frac{a}{x} + \frac{b}{y} + \frac{c}{z} = 0$ và $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$ để có đpcm.

Sử dụng hằng đẳng thức nâng cao: $(A + B + C)^2 = A^2 + B^2 + C^2 + 2AB + 2AC + 2BC$.

Lời giải

Ta có:

$$\frac{a}{x} + \frac{b}{y} + \frac{c}{z} = 0$$

$$\frac{ayz + bxz + cxy}{xyz} = 0$$

$$\Rightarrow ayz + bxz + cxy = 0$$

Ta lại có:

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$$

$$\Rightarrow \left(\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} \right)^2 = 1$$

$$\left(\frac{x}{a} \right)^2 + \left(\frac{y}{b} \right)^2 + \left(\frac{z}{c} \right)^2 + 2 \cdot \frac{x}{a} \cdot \frac{y}{b} + 2 \cdot \frac{x}{a} \cdot \frac{z}{c} + 2 \cdot \frac{y}{b} \cdot \frac{z}{c} = 1$$

$$\left(\frac{x}{a} \right)^2 + \left(\frac{y}{b} \right)^2 + \left(\frac{z}{c} \right)^2 + 2 \left(\frac{xy}{ab} + \frac{xz}{ac} + \frac{yz}{bc} \right) = 1$$

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} + 2 \left(\frac{xyz + bzx + ayz}{abc} \right) = 1$$

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} + 2 \cdot \frac{0}{abc} = 1$$

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$$

Ta được điều phải chứng minh.