

ĐỀ THI GIỮA KÌ II – Đề số 4**Môn: Toán - Lớp 11****Bộ sách Cánh diều****BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM****Mục tiêu**

- Ôn tập các kiến thức giữa kì 2 của chương trình sách giáo khoa Toán 11 – Cánh diều.
- Vận dụng linh hoạt lý thuyết đã học trong việc giải quyết các Câu hỏi trắc nghiệm và tự luận Toán học.
- Tổng hợp kiến thức dạng hệ thống, dàn trải các kiến thức giữa kì 2 – chương trình Toán 11.

Phần trắc nghiệm (7 điểm)**Câu 1:** Khẳng định nào sau đây là đúng?

A. $4^{-6} = 6^{-4}$.

B. $4^{-6} = \frac{1}{4^6}$.

C. $4^{-6} = \frac{1}{6^4}$.

D. $4^{-6} = (-4)^6$.

Câu 2: Chọn đáp án đúng.Cho số thực a và số nguyên dương n ($n \geq 2$). Số b được gọi là căn bậc n của số a nếu:

A. $a^n = b$.

B. $b^n = a$.

C. $a.n = b$.

D. $a.b = n$.

Câu 3: Chọn đáp án đúng:

A. $\sqrt[3]{(1-\sqrt{5})^3} = 1-\sqrt{5}$.

B. $\sqrt[3]{(1-\sqrt{5})^3} = -1-\sqrt{5}$.

C. $\sqrt[3]{(1-\sqrt{5})^3} = -1+\sqrt{5}$.

D. $\sqrt[3]{(1-\sqrt{5})^3} = 1 + \sqrt{5}$.

Câu 4: Rút gọn biểu thức $(9^{3+\sqrt{3}} - 9^{\sqrt{3}-1}) \cdot 3^{-2\sqrt{3}}$ được kết quả là:

A. $\frac{6560}{9}$.

B. $\frac{6562}{9}$.

C. $\frac{6560}{3}$.

D. $\frac{6562}{3}$.

Câu 5: Cho a, b là các số thực dương. Rút gọn biểu thức $\frac{(\sqrt[4]{a^3 b^2})^8}{\sqrt[3]{\sqrt{a^{12} b^6}}}$

A. $a^2 b^2$.

B. ab .

C. $a^3 b^4$.

D. $a^4 b^3$.

Câu 6: Chọn đáp án đúng.

A. $\ln e^2 = 2$.

B. $\ln e^2 = e^2$.

C. $\ln e^2 = e$.

D. $\ln e^2 = \frac{1}{e^2}$.

Câu 7: Chọn đáp án đúng.

Cho a, b là các số thực dương. Giá trị của $\ln \frac{a}{b} + \ln \frac{b}{a}$ bằng:

A. $\ln(ab)$.

B. $\ln\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a}\right)$.

C. 1.

D. 0.

Câu 8: Chọn đáp án đúng.

Cho $a > 0, a \neq 1, b > 0$. Với mọi số nguyên dương $n \geq 2$ ta có:

A. $\log_a \sqrt[n]{b} = n \log_a b$.

B. $\log_a \sqrt[n]{b} = \frac{1}{n} \log_a b$.

C. $\log_a \sqrt[n]{b} = \frac{1}{n} \log_b a$.

D. $\log_a \sqrt[n]{b} = n \log_b a$.

Câu 9: Cho $\log_a b = 4$. Giá trị của $\log_a (a^3 b^2)$ bằng:

A. 12.

B. 13.

C. 14.

D. 11.

Câu 10: Cho hai số thực dương a, b thỏa mãn $a^3 b^2 = 1000$. Giá trị của biểu thức $P = 3 \log a + 2 \log b$ là:

A. 1.

B. 2.

C. 3.

D. 4.

Câu 11: Trong các hàm số dưới đây, hàm số nào nghịch biến trên $(0; +\infty)$?

A. $y = \ln 2x$.

B. $y = \log_{\frac{1}{\pi}} x$.

C. $y = \log_{1+\sqrt{3}} x$.

D. $y = \log x$.

Câu 12: Hàm số nào dưới đây là hàm số đồng biến trên \mathbb{R} ?

A. $y = 3^x$.

B. $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$.

C. Cả A và B đều đúng.

D. Cả A và B đều sai.

Câu 13: Đồ thị hàm số $y = 6^{2x}$ luôn đi qua điểm nào dưới đây?

A. $(0; 1)$.

B. $(0; -1)$.

C. $(0; 6)$.

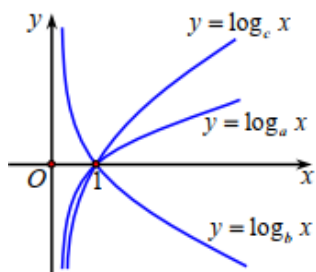
D. $\left(0; \frac{1}{6}\right)$.

Câu 14: Chọn đáp án đúng.

Hàm số $y = \log x$ có cơ số là:

- A. 1.
- B. 10.
- C. e.
- D. Cả A, B, C đều sai.

Câu 15: Cho ba số thực dương a, b, c khác 1. Đồ thị các hàm số $y = \log_a x, y = \log_b x, y = \log_c x$ thể hiện ở hình vẽ dưới đây.



Khẳng định nào dưới đây là đúng?

- A. $b < c < a$.
- B. $b < a < c$.
- C. $a < b < c$.
- D. $a < c < b$.

Câu 16: Tập xác định của hàm số $y = \frac{1}{\sqrt{3-x}} + \ln(x-1)$ là:

- A. $D = [1; 3]$.
- B. $D = (-\infty; 1) \cup (3; +\infty)$.
- C. $D = (1; 3)$.
- D. $D = (-\infty; 1] \cup [3; +\infty)$.

Câu 17: Thống kê chiều cao của 40 học sinh lớp 11A (đơn vị: cm), ta có bảng số liệu sau:

Chiều cao	Tần số
$[150; 155)$	4
$[155; 160)$	10
$[160; 165)$	16
$[165; 170)$	8
$[170; 175)$	2
	$n = 40$

Giá trị đại diện của nhóm $[160; 165)$ là:

- A. 160cm.

B. 162,5cm.

C. 165cm.

D. 16.

Câu 18: Nếu hai biến cố A và B độc lập và $P(A) = 0,7, P(AB) = 0,28$ thì:

A. $P(B) = 0,42$.

B. $P(B) = 0,4$.

C. $P(B) = 0,98$.

D. $P(B) = 0,196$.

Câu 19: Bảng tần số ghép nhóm cho ở bảng dưới:

Nhóm	Giá trị đại diện	Tần số
$[a_1; a_2)$	x_1	n_1
$[a_2; a_3)$	x_2	n_2
...
$[a_m; a_{m+1})$	x_m	n_m
		$n = n_1 + n_2 + \dots + n_m$

Giá trị trung bình \bar{x} của nhóm mẫu số liệu là:

A. $\bar{x} = \frac{2(n_1x_1 + n_2x_2 + \dots + n_mx_m)}{n}$.

B. $\bar{x} = \frac{n_1x_1 + n_2x_2 + \dots + n_mx_m}{2n}$.

C. $\bar{x} = \frac{n_1x_1 + n_2x_2 + \dots + n_mx_m}{n+1}$.

D. $\bar{x} = \frac{n_1x_1 + n_2x_2 + \dots + n_mx_m}{n}$.

Câu 20: Chọn đáp án đúng.

Trong hộp kín có 6 quả bóng màu xanh và 8 quả bóng màu đỏ, các quả bóng có kích thước và khối lượng giống nhau. Lấy ngẫu nhiên đồng thời 2 quả bóng. Xét các biến cố:

A: “Hai quả bóng lấy ra có màu xanh”;

B: “Hai quả bóng lấy ra có màu đỏ”.

Biến cố hợp của hai biến cố A và B là:

A. Hai quả bóng lấy ra cùng có màu đỏ hoặc màu xanh.

B. Hai quả bóng lấy ra có màu khác nhau.

- C. Hai quả bóng lấy ra không có quả nào màu đỏ.
D. Hai quả bóng lấy ra không có quả nào màu xanh.

Câu 21: Một đội văn nghệ có 4 học sinh nam và 5 học sinh nữ. Giao viên phụ trách muốn chọn ra một đội tốp ca gồm 3 học sinh sao cho có cả nam và nữ cùng tham gia. Giáo viên có bao nhiêu cách chọn đội tốp ca như vậy?

- A. 70 cách.
B. 40 cách.
C. 30 cách.
D. 50 cách.

Câu 22: Cho A và B là hai biến cố độc lập với nhau. Biết rằng $P(A) = 0,8$ và $P(AB) = 0,4$. Xác suất của biến cố \overline{AB} là:

- A. 0,5.
B. 0,2.
C. 0,1.
D. 0,3.

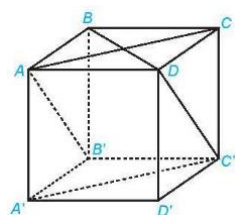
Câu 23: Bảng tần số ghép nhóm số liệu dưới đây thống kê kết quả kiểm môn toán của lớp 11E như sau:

Nhóm	Tần số
$[3;5)$	5
$[5;7)$	18
$[7;9)$	10
$[9;11)$	7
	$n = 40$

Một của mẫu số liệu ghép nhóm trên là (làm tròn kết quả đến hàng phần mười):

- A. 7,2.
B. 7,5.
C. 6,2.
D. 6,5.

Câu 24: Cho hình hộp $ABCD.A'B'C'D'$ có các mặt là các hình vuông. Góc giữa hai đường thẳng AA' và CD bằng:



- A. 90° .

B. 60° .

C. 30° .

D. 70° .

Câu 25: Cho tứ diện ABCD. Lấy điểm I bất kì thuộc cạnh AC. Qua I kẻ đường thẳng song song với AB cắt BC tại M. Qua I kẻ đường thẳng song song với CD cắt AD tại N. Khi đó, góc giữa hai đường thẳng AB và CD là:

A. (IM, MN) .

B. (IN, NM) .

C. (IM, IN) .

D. (IM, IC) .

Câu 26: Cho hình chóp S. ABCD có ABCD là hình vuông cạnh bằng a và các cạnh bên đều bằng a. Gọi M, N lần lượt là trung điểm của AD, SD. Góc giữa hai đường thẳng MN và SC bằng:

A. 90° .

B. 60° .

C. 30° .

D. 70° .

Câu 27: Cho hình chóp S. ABCD với đáy ABCD có tất cả các cạnh bằng nhau. Gọi I, J lần lượt thuộc các cạnh SC, BC sao cho tam giác IJC là tam giác đều. Khi đó, góc giữa hai đường thẳng IJ và AD bằng:

A. 60° .

B. 90° .

C. 120° .

D. 70° .

Câu 28: Cho hình chóp S.ABC có $SA \perp (ABC)$. Khẳng định nào sau đây là đúng?

A. $SA \perp BC$.

B. $SA \perp AC$.

C. $SA \perp AB$.

D. Cả A, B, C đều đúng.

Câu 29: Cho hình hộp ABCD.A'B'C'D' có $AA' \perp (ABCD)$. Khẳng định nào dưới đây đúng?

A. $(ABCD) \perp (A'B'C'D')$.

B. $BB' \perp (ABCD)$.

C. Cả A và B đều đúng.

D. Cả A và B đều sai.

Câu 30: Trong không gian, cho điểm A và mặt phẳng (P). Mệnh nào dưới đây đúng?

- A. Có đúng hai đường thẳng đi qua A và vuông góc với (P).
- B. Có đúng một đường thẳng đi qua A và vuông góc với (P).
- C. Không tồn tại đường thẳng đi qua A và vuông góc với (P).
- D. Có vô số đường thẳng đi qua A và vuông góc với (P).

Câu 31: Phát biểu nào sau đây là đúng?

- A. Nếu đường thẳng d vuông góc hai đường thẳng trong mặt phẳng (P) thì d vuông góc với tất cả các đường thẳng thuộc mặt phẳng (P).
- B. Nếu đường thẳng d vuông góc với một đường thẳng trong mặt phẳng (P) thì d vuông góc với (P).
- C. Nếu đường thẳng d vuông góc với hai đường thẳng bất kì trong mặt phẳng (P) thì d vuông góc với (P).
- D. Nếu đường thẳng d vuông góc với hai đường thẳng cắt nhau trong mặt phẳng (P) thì d vuông góc với (P).

Câu 32: Cho tứ diện ABCD có ABC và BCD là các tam giác cân tại A và D. Gọi I là trung điểm của BC. Kẻ $AH \perp DI$ ($H \in DI$). Hình chiếu vuông góc của A trên mặt phẳng (BCD) là:

- A. I.
- B. H.
- C. D.
- D. C.

Câu 33: Cho hình chóp S. ABC có $SA \perp (ABC)$, M là trung điểm của BC. Tam giác ABC cân tại A. Mệnh đề nào sau đây **sai**?

- A. $BC \perp SB$.
- B. $BC \perp SM$.
- C. $SA \perp BC$.
- D. $BC \perp AM$.

Câu 34: Cho hình chóp S. ABCD có đáy ABCD là hình thoi và $SA = SC$, $SB = SD$. Gọi O là giao điểm của AC và BD. Hình chiếu vuông góc của S trên mặt phẳng (ABCD) là:

- A. A.
- B. C.
- C. O.
- D. D.

Câu 35: Cho tứ diện ABCD có $DA \perp (ABC)$, ABC là tam giác cân tại A. Gọi M là trung điểm của BC. Gọi G, K lần lượt là trọng tâm của tam giác ABC và DBC. Góc giữa hai đường thẳng GK và AB bằng:

- A. 45° .
- B. 60° .
- C. 90° .
- D. 70° .

Phần tự luận (3 điểm)

Bài 1. (1 điểm) Cho hàm số: $y = \log[(m-2)x^2 + 2(m+1)x + 2m]$.

a) Với $m = 3$, hãy tìm tập xác định của hàm số trên.

b) Tìm tất cả các giá trị của tham số m để hàm số trên có tập xác định với mọi giá trị thực của x .

Bài 2. (1,5 điểm) Cho hình chóp $S. ABCD$ có đáy $ABCD$ là hình thang vuông tại A và B , $SA \perp (ABCD)$,

$AD = 2a, AB = BC = a$. Chứng minh rằng:

a) Tam giác SBC là tam giác vuông.

b) $CD \perp SC$.

Bài 3. (0,5 điểm) Ông A gửi tiền tiết kiệm vào ngân hàng với hình thức cứ mỗi đầu tháng đóng 5 triệu đồng với lãi suất 0,3%/tháng. Tính số tiền mà ông A thu được từ ngân hàng sau 5 năm.

----- Hết -----



Phần trắc nghiệm

Câu 1. B	Câu 2. B	Câu 3. A	Câu 4. A	Câu 5. D	Câu 6. A	Câu 7. D
Câu 8. B	Câu 9. D	Câu 10. C	Câu 11. B	Câu 12. A	Câu 13. A	Câu 14. B
Câu 15. A	Câu 16. C	Câu 17. B	Câu 18. B	Câu 19. D	Câu 20. A	Câu 21. A
Câu 22. C	Câu 23. C	Câu 24. A	Câu 25. C	Câu 26. A	Câu 27. A	Câu 28. D
Câu 29. B	Câu 30. B	Câu 31. D	Câu 32. B	Câu 33. A	Câu 34. C	Câu 35. C

Câu 1: Khẳng định nào sau đây là đúng?

A. $4^{-6} = 6^{-4}$.

B. $4^{-6} = \frac{1}{4^6}$.

C. $4^{-6} = \frac{1}{6^4}$.

D. $4^{-6} = (-4)^6$.

Phương pháp

Cho n là một số nguyên dương. Với a là số thực tùy ý khác 0, ta có $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$.

Lời giải

$$4^{-6} = \frac{1}{4^6}$$

Đáp án B.

Câu 2: Chọn đáp án đúng.

Cho số thực a và số nguyên dương n ($n \geq 2$). Số b được gọi là căn bậc n của số a nếu:

A. $a^n = b$.

B. $b^n = a$.

C. $a \cdot n = b$.

D. $a \cdot b = n$.

Phương pháp

Cho số thực a và số nguyên dương n ($n \geq 2$). Số b được gọi là căn bậc n của số a nếu $b^n = a$.

Lời giải

Cho số thực a và số nguyên dương n ($n \geq 2$). Số b được gọi là căn bậc n của số a nếu $b^n = a$.

Đáp án B.**Câu 3:** Chọn đáp án đúng:

A. $\sqrt[3]{(1-\sqrt{5})^3} = 1-\sqrt{5}$.

B. $\sqrt[3]{(1-\sqrt{5})^3} = -1-\sqrt{5}$.

C. $\sqrt[3]{(1-\sqrt{5})^3} = -1+\sqrt{5}$.

D. $\sqrt[3]{(1-\sqrt{5})^3} = 1+\sqrt{5}$.

Phương pháp $\sqrt[n]{a^n} = a$ khi n lẻ (với các biểu thức đều có nghĩa).**Lời giải**

$$\sqrt[3]{(1-\sqrt{5})^3} = 1-\sqrt{5}.$$

Đáp án A.**Câu 4:** Rút gọn biểu thức $(9^{3+\sqrt{3}} - 9^{\sqrt{3}-1}) \cdot 3^{-2\sqrt{3}}$ được kết quả là:

A. $\frac{6560}{9}$.

B. $\frac{6562}{9}$.

C. $\frac{6560}{3}$.

D. $\frac{6562}{3}$.

Phương phápVới a là số thực dương, α, β là những số thực bất kì thì: $(a^\alpha)^\beta = a^{\alpha\beta}$, $a^\alpha \cdot a^\beta = a^{\alpha+\beta}$.Cho n là một số nguyên dương. Với a là số thực tùy ý khác 0, ta có $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$.**Lời giải**

$$(9^{3+\sqrt{3}} - 9^{\sqrt{3}-1}) \cdot 3^{-2\sqrt{3}} = (3^{2(3+\sqrt{3})} - 3^{2(\sqrt{3}-1)}) \cdot 3^{-2\sqrt{3}} = 3^{6+2\sqrt{3}-2\sqrt{3}} - 3^{2\sqrt{3}-2-2\sqrt{3}} = 3^6 - 3^{-2} = 3^6 - \frac{1}{3^2} = \frac{6560}{9}$$

Đáp án A.**Câu 5:** Cho a, b là các số thực dương. Rút gọn biểu thức $\frac{(\sqrt[4]{a^3b^2})^8}{\sqrt[3]{\sqrt{a^{12}b^6}}}$

A. a^2b^2 .

B. ab .

C. a^3b^4 .

D. a^4b^3 .

Phương pháp

$\sqrt[n]{a^n} = |a|$ nếu n là số chẵn.

$\sqrt[m]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[mn]{a}$ (các biểu thức đều có nghĩa)

Lời giải

$$\frac{\left(\sqrt[4]{a^3b^2}\right)^8}{\sqrt[3]{\sqrt{a^{12}b^6}}} = \frac{\left(\left(\sqrt[4]{a^3b^2}\right)^4\right)^2}{\sqrt[6]{(a^2b)^6}} = \frac{(a^3b^2)^2}{a^2b} = \frac{a^6b^4}{a^2b} = a^4b^3$$

Đáp án D.

Câu 6: Chọn đáp án đúng.

A. $\ln e^2 = 2$.

B. $\ln e^2 = e^2$.

C. $\ln e^2 = e$.

D. $\ln e^2 = \frac{1}{e^2}$.

Phương pháp

Với số thực dương a, b và $a \neq 1$ thì:

$+\log_a a^b = b$

$+\log_e b$ được viết là $\ln b$

Lời giải

$$\ln e^2 = 2$$

Đáp án A.

Câu 7: Chọn đáp án đúng.

Cho a, b là các số thực dương. Giá trị của $\ln \frac{a}{b} + \ln \frac{b}{a}$ bằng:

A. $\ln(ab)$.

B. $\ln\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a}\right)$.

C. 1.

D. 0.

Phương pháp

Với số thực dương a, b, c và $a \neq 1$ thì:

+ $\log_c b$ được viết là $\ln b$.

+ $\log_a 1 = 0$, $\log_a (bc) = \log_a b + \log_a c$.

Lời giải

$$\ln \frac{a}{b} + \ln \frac{b}{a} = \ln \left(\frac{a}{b} \cdot \frac{b}{a} \right) = \ln 1 = 0$$

Đáp án D.

Câu 8: Chọn đáp án đúng.

Cho $a > 0, a \neq 1, b > 0$. Với mọi số nguyên dương $n \geq 2$ ta có:

A. $\log_a \sqrt[n]{b} = n \log_a b$.

B. $\log_a \sqrt[n]{b} = \frac{1}{n} \log_a b$.

C. $\log_a \sqrt[n]{b} = \frac{1}{n} \log_b a$.

D. $\log_a \sqrt[n]{b} = n \log_b a$.

Phương pháp

Cho $a > 0, a \neq 1, b > 0$. Với mọi số nguyên dương $n \geq 2$ ta có $\log_a \sqrt[n]{b} = \frac{1}{n} \log_a b$.

Lời giải

Cho $a > 0, a \neq 1, b > 0$. Với mọi số nguyên dương $n \geq 2$ ta có $\log_a \sqrt[n]{b} = \frac{1}{n} \log_a b$.

Đáp án B.

Câu 9: Cho $\log_a b = 4$. Giá trị của $\log_a (a^3 b^2)$ bằng:

A. 12.

B. 13.

C. 14.

D. 11.

Phương pháp

+ Với a, b là số thực dương và $a \neq 1$ thì $\log_a a^\alpha = \alpha, \log_a b^\alpha = \alpha \log_a b$

+ Với $0 < a \neq 1, b, c > 0$ thì $\log_a (bc) = \log_a b + \log_a c$.

Lời giải

$$\log_a (a^3 b^2) = \log_a a^3 + \log_a b^2 = 3 + 2 \log_a b = 3 + 2 \cdot 4 = 11$$

Đáp án D.

Câu 10: Cho hai số thực dương a, b thỏa mãn $a^3 b^2 = 1000$. Giá trị của biểu thức $P = 3 \log a + 2 \log b$ là:

A. 1.

B. 2.

C. 3.

D. 4.

Phương pháp

+ Với a, b là số thực dương và $a \neq 1$ thì $\log_a a^\alpha = \alpha, \log_a b^\alpha = \alpha \log_a b$.

+ Với $0 < a \neq 1, b, c > 0$ thì $\log_a (bc) = \log_a b + \log_a c$.

Lời giải

$$P = 3 \log a + 2 \log b = \log a^3 + \log b^2 = \log (a^3 b^2) = \log 1000 = \log 10^3 = 3$$

Đáp án C.**Câu 11:** Trong các hàm số dưới đây, hàm số nào nghịch biến trên $(0; +\infty)$?A. $y = \ln 2x$.B. $y = \log_{\frac{1}{\pi}} x$.C. $y = \log_{1+\sqrt{3}} x$.D. $y = \log x$.**Phương pháp**

Với $0 < a < 1$ thì hàm số $y = \log_a x$ ($a > 0, a \neq 1$) nghịch biến trên $(0; +\infty)$.

Lời giải

Vì $0 < \frac{1}{\pi} < 1$ nên hàm số $y = \log_{\frac{1}{\pi}} x$ nghịch biến trên $(0; +\infty)$.

Đáp án B.**Câu 12:** Hàm số nào dưới đây là hàm số đồng biến trên \mathbb{R} ?A. $y = 3^x$.B. $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$.

C. Cả A và B đều đúng.

D. Cả A và B đều sai.

Phương pháp

Với $a > 1$ thì hàm số $y = a^x$ ($a > 0, a \neq 1$) đồng biến trên \mathbb{R} .

Lời giải

Vì $3 > 1$ nên hàm số $y = 3^x$ đồng biến trên \mathbb{R} .

Đáp án A.**Câu 13:** Đồ thị hàm số $y = 6^{2x}$ luôn đi qua điểm nào dưới đây?

- A. (0; 1).
 B. (0; -1).
 C. (0; 6).
 D. $\left(0; \frac{1}{6}\right)$.

Phương pháp

Đồ thị hàm số $y = a^x$ ($a > 0, a \neq 1$) luôn đi qua điểm (0; 1).

Lời giải

Đồ thị hàm số $y = 6^{2x}$ luôn đi qua điểm (0; 1).

Đáp án A.

Câu 14: Chọn đáp án đúng.

Hàm số $y = \log x$ có cơ số là:

- A. 1.
 B. 10.
 C. e.
 D. Cả A, B, C đều sai.

Phương pháp

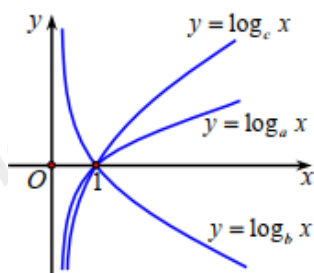
Hàm số $y = \log_a x$ ($a > 0, a \neq 1$) được gọi là hàm số lôgarit cơ số a.

Lời giải

Hàm số $y = \log x$ có cơ số là 10.

Đáp án B.

Câu 15: Cho ba số thực dương a, b, c khác 1. Đồ thị các hàm số $y = \log_a x, y = \log_b x, y = \log_c x$ thể hiện ở hình vẽ dưới đây.



Khẳng định nào dưới đây là đúng?

- A. $b < c < a$.
 B. $b < a < c$.
 C. $a < b < c$.
 D. $a < c < b$.

Phương pháp

Nếu $0 < a < 1$ thì hàm số $y = \log_a x$ ($a > 0, a \neq 1$) nghịch biến trên $(0; +\infty)$.

Nếu $a > 1$ thì hàm số $y = \log_a x$ ($a > 0, a \neq 1$) đồng biến trên $(0; +\infty)$.

Lời giải

Ta thấy hàm số $y = \log_b x$ nghịch biến trên $(0; +\infty)$ nên $b < 1$.

Hàm số $y = \log_a x, y = \log_c x$ đồng biến trên $(0; +\infty)$ nên $a > 1, c > 1$.

Xét tại một điểm $x > 1$ thì: $\log_c x > \log_a x \Rightarrow \log_c x > \frac{1}{\log_x a} \Rightarrow \log_c x \cdot \log_x a > 1 \Rightarrow a > c$

Do đó, $b < c < a$.

Đáp án A.

Câu 16: Tập xác định của hàm số $y = \frac{1}{\sqrt{3-x}} + \ln(x-1)$ là:

A. $D = [1; 3]$.

B. $D = (-\infty; 1) \cup (3; +\infty)$.

C. $D = (1; 3)$.

D. $D = (-\infty; 1] \cup [3; +\infty)$.

Phương pháp

Hàm số $y = \ln u(x)$ xác định khi $u(x) > 0$.

Hàm số $y = \frac{1}{\sqrt{u(x)}}$ xác định khi $u(x) > 0$.

Lời giải

Hàm số $y = \frac{1}{\sqrt{3-x}} + \ln(x-1)$ xác định khi $\begin{cases} 3-x > 0 \\ x-1 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x < 3 \\ x > 1 \end{cases}$

Vậy tập xác định của hàm số là: $D = (1; 3)$.

Đáp án C.

Câu 17: Thống kê chiều cao của 40 học sinh lớp 11A (đơn vị: cm), ta có bảng số liệu sau:

Chiều cao	Tần số
[150;155)	4
[155;160)	10
[160;165)	16
[165;170)	8
[170;175)	2

	$n = 40$
--	----------

Giá trị đại diện của nhóm $[160;165)$ là:

- A. 160cm.
- B. 162,5cm.
- C. 165cm.
- D. 16.

Phương pháp

Mỗi nhóm số liệu gồm một số giá trị của mẫu số liệu được ghép nhóm theo một tiêu chí xác định có dạng

$[a; b)$. Giá trị đại diện của nhóm $[a; b)$ là $x_i = \frac{a+b}{2}$.

Lời giải

Giá trị đại diện của nhóm $[160;165)$ là: $\frac{160+165}{2} = 162,5(\text{cm})$

Đáp án B.

Câu 18: Nếu hai biến cố A và B độc lập và $P(A) = 0,7, P(AB) = 0,28$ thì:

- A. $P(B) = 0,42$.
- B. $P(B) = 0,4$.
- C. $P(B) = 0,98$.
- D. $P(B) = 0,196$.

Phương pháp

Nếu hai biến cố A và B độc lập thì $P(A \cap B) = P(A).P(B)$.

Lời giải

Vì hai biến cố A và B độc lập nên $P(A \cap B) = P(A).P(B) \Rightarrow P(B) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{0,28}{0,7} = 0,4$

Đáp án B.

Câu 19: Bảng tần số ghép nhóm cho ở bảng dưới:

Nhóm	Giá trị đại diện	Tần số
$[a_1; a_2)$	x_1	n_1
$[a_2; a_3)$	x_2	n_2
...
$[a_m; a_{m+1})$	x_m	n_m

		$n = n_1 + n_2 + \dots + n_m$
--	--	-------------------------------

Giá trị trung bình \bar{x} của nhóm mẫu số liệu là:

A. $\bar{x} = \frac{2(n_1x_1 + n_2x_2 + \dots + n_mx_m)}{n}$.

B. $\bar{x} = \frac{n_1x_1 + n_2x_2 + \dots + n_mx_m}{2n}$.

C. $\bar{x} = \frac{n_1x_1 + n_2x_2 + \dots + n_mx_m}{n+1}$.

D. $\bar{x} = \frac{n_1x_1 + n_2x_2 + \dots + n_mx_m}{n}$.

Phương pháp

Bảng tần số ghép nhóm cho ở bảng dưới:

Nhóm	Giá trị đại diện	Tần số
$[a_1; a_2)$	x_1	n_1
$[a_2; a_3)$	x_2	n_2
...
$[a_m; a_{m+1})$	x_m	n_m
		$n = n_1 + n_2 + \dots + n_m$

+ Trung điểm x_i của nửa khoảng (tính bằng trung bình cộng hai đầu mút) ứng với nhóm i là giá trị đại diện của nhóm đó.

+ Số trung bình cộng của mẫu số liệu ghép nhóm, kí hiệu \bar{x} , được tính theo công thức:

$$\bar{x} = \frac{n_1x_1 + n_2x_2 + \dots + n_mx_m}{n}$$

Lời giải

Số trung bình cộng của mẫu số liệu ghép nhóm, kí hiệu \bar{x} , được tính theo công thức:

$$\bar{x} = \frac{n_1x_1 + n_2x_2 + \dots + n_mx_m}{n}$$

Đáp án D.

Câu 20: Chọn đáp án đúng.

Trong hộp kín có 6 quả bóng màu xanh và 8 quả bóng màu đỏ, các quả bóng có kích thước và khối lượng giống nhau. Lấy ngẫu nhiên đồng thời 2 quả bóng. Xét các biến cố:

A: “Hai quả bóng lấy ra có màu xanh”;

B: “Hai quả bóng lấy ra có màu đỏ”.

Biến cố hợp của hai biến cố A và B là:

- A. Hai quả bóng lấy ra cùng có màu đỏ hoặc màu xanh.
- B. Hai quả bóng lấy ra có màu khác nhau.
- C. Hai quả bóng lấy ra không có quả nào màu đỏ.
- D. Hai quả bóng lấy ra không có quả nào màu xanh.

Phương pháp

Biến cố $A \cup B$ có thể phát biểu dưới dạng mệnh đề nêu sự kiện là: “A xảy ra hoặc B xảy ra” hay “Có ít nhất một trong các biến cố A, B xảy ra”.

Lời giải

Biến cố hợp của hai biến cố A và B là: Hai quả bóng lấy ra cùng có màu đỏ hoặc màu xanh

Đáp án A.

Câu 21: Một đội văn nghệ có 4 học sinh nam và 5 học sinh nữ. Giao viên phụ trách muốn chọn ra một đội tốp ca gồm 3 học sinh sao cho có cả nam và nữ cùng tham gia. Giáo viên có bao nhiêu cách chọn đội tốp ca như vậy?

- A. 70 cách.
- B. 40 cách.
- C. 30 cách.
- D. 50 cách.

Phương pháp

+ Cho hai biến cố A và B. Khi đó A, B là các tập con của không gian mẫu Ω . Đặt $C = A \cup B$, ta có C là một biến cố và được gọi là biến cố hợp của hai biến cố A và B, kí hiệu là $A \cup B$.

+ Cho hai biến cố A và B. Khi đó A, B là các tập con của không gian mẫu Ω . Đặt $C = A \cap B$, ta có C là một biến cố và được gọi là biến cố giao của hai biến cố A và B, kí hiệu là $C = A \cap B$ hay AB.

Lời giải

Xét các biến cố:

H: “Trong 3 học sinh chọn ra có cả nam và nữ”.

A: “Trong 3 học sinh chọn ra có 2 học sinh nam và 1 học sinh nữ”.

B: “Trong 3 học sinh chọn ra có 1 học sinh nam và 2 học sinh nữ”.

Khi đó, $H = A \cup B$ và $A \cap B = \emptyset$

Do A và B là hai biến cố xung khắc nên $n(H) = n(A) + n(B)$.

Số các kết quả thuận lợi cho biến cố A là: $n(A) = C_4^2 \cdot C_5^1 = \frac{4!}{2!2!} \cdot \frac{5!}{1!4!} = 6 \cdot 5 = 30$

Số các kết quả thuận lợi cho biến cố B là: $n(B) = C_4^1 \cdot C_5^2 = \frac{4!}{1!3!} \cdot \frac{5!}{2!3!} = 4 \cdot 10 = 40$

Số các kết quả thuận lợi cho biến cố H là: $n(H) = n(A) + n(B) = 30 + 40 = 70$

Vậy có 70 cách chọn một đội tốp ca gồm 3 học sinh sao cho có cả nam và nữ cùng tham gia.

Đáp án A.

Câu 22: Cho A và B là hai biến cố độc lập với nhau. Biết rằng $P(A) = 0,8$ và $P(AB) = 0,4$. Xác suất của biến cố \overline{AB} là:

- A. 0,5.
- B. 0,2.
- C. 0,1.
- D. 0,3.

Phương pháp

Nếu hai biến cố A và B độc lập thì $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$.

Lời giải

Do A và B là hai biến cố độc lập $P(B) = \frac{P(AB)}{P(A)} = \frac{0,4}{0,8} = 0,5$

Vì \overline{A} là biến cố đối của biến cố A nên $P(\overline{A}) = 1 - P(A) = 1 - 0,8 = 0,2$.

Vì \overline{B} là biến cố đối của biến cố B nên $P(\overline{B}) = 1 - P(B) = 1 - 0,5 = 0,5$.

Xác suất của biến cố \overline{AB} là: $P(\overline{AB}) = P(\overline{A})P(\overline{B}) = 0,2 \cdot 0,5 = 0,1$

Đáp án C.

Câu 23: Bảng tần số ghép nhóm số liệu dưới đây thống kê kết quả kiểm môn toán của lớp 11E như sau:

Nhóm	Tần số
[3;5)	5
[5;7)	18
[7;9)	10
[9;11)	7
	n = 40

Một của mẫu số liệu ghép nhóm trên là (làm tròn kết quả đến hàng phần mười):

- A. 7,2.
- B. 7,5.
- C. 6,2.
- D. 6,5.

Phương pháp

Bảng tần số ghép nhóm cho ở bảng dưới:

Nhóm	Tần số
$[a_1; a_2)$	n_1

$[a_2; a_3)$	n_2
...	...
$[a_m; a_{m+1})$	n_m
	n

Giả sử nhóm i là nhóm có tần số lớn nhất. Ta gọi u, g, n_i lần lượt là đầu mút trái, độ dài, tần số của nhóm i ; n_{i-1}, n_{i+1} lần lượt là tần số của nhóm $i-1; i+1$. Một của mẫu số liệu ghép nhóm, kí hiệu M_o được tính theo

$$\text{công thức sau: } M_o = u + \left(\frac{n_i - n_{i-1}}{2n_i - n_{i-1} - n_{i+1}} \right) \cdot g.$$

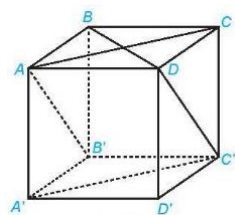
Lời giải

Ta thấy: Nhóm 2 ứng với nửa khoảng $[5; 7)$ là nhóm có tần số lớn nhất với $u = 5; g = 2, n_2 = 18$. Nhóm 1 có tần số $n_1 = 5$ và nhóm 3 có tần số $n_3 = 10$.

$$\text{Một của mẫu số liệu là: } M_o = 5 + \frac{18 - 5}{2 \cdot 18 - 5 - 10} \cdot 2 \approx 6,2$$

Đáp án C.

Câu 24: Cho hình hộp $ABCD.A'B'C'D'$ có các mặt là các hình vuông. Góc giữa hai đường thẳng AA' và CD bằng:



- A. 90° .
- B. 60° .
- C. 30° .
- D. 70° .

Phương pháp

Góc giữa hai đường thẳng a và b trong không gian là góc giữa hai đường thẳng a' và b' cùng đi qua một điểm O và lần lượt song song (hoặc trùng) với a và b ; kí hiệu (a, b) hoặc $(a; b)$.

Lời giải

$$\text{Vì } AB // CD \text{ nên } (AA', CD) = (AA', AB) = 90^\circ$$

Đáp án A.

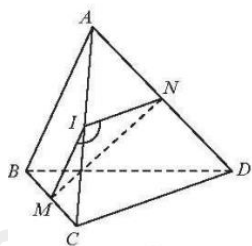
Câu 25: Cho tứ diện $ABCD$. Lấy điểm I bất kì thuộc cạnh AC . Qua I kẻ đường thẳng song song với AB cắt BC tại M . Qua I kẻ đường thẳng song song với CD cắt AD tại N . Khi đó, góc giữa hai đường thẳng AB và CD là:

- A. (IM, MN).
- B. (IN, NM).
- C. (IM, IN).
- D. (IM, IC).

Phương pháp

Góc giữa hai đường thẳng a và b trong không gian là góc giữa hai đường thẳng a' và b' cùng đi qua một điểm O và lần lượt song song (hoặc trùng) với a và b; kí hiệu (a, b) hoặc (a; b).

Lời giải



Vì $MI \parallel AB$, $IN \parallel CD$ nên $(AB, CD) = (IM, IN)$.

Đáp án C.

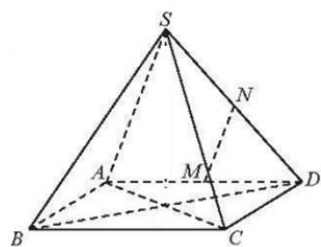
Câu 26: Cho hình chóp S. ABCD có ABCD là hình vuông cạnh bằng a và các cạnh bên đều bằng a. Gọi M, N lần lượt là trung điểm của AD, SD. Góc giữa hai đường thẳng MN và SC bằng:

- A. 90° .
- B. 60° .
- C. 30° .
- D. 70° .

Phương pháp

Góc giữa hai đường thẳng a và b trong không gian là góc giữa hai đường thẳng a' và b' cùng đi qua một điểm O và lần lượt song song (hoặc trùng) với a và b; kí hiệu (a, b) hoặc (a; b).

Lời giải



Vì M, N lần lượt là trung điểm của AD, SD nên MN là đường trung bình của tam giác SAD. Do đó, $MN \parallel AS$. Suy ra, $(MN, SC) = (SA, SC) = \angle SAC$.

Vì tam giác ABC vuông tại B nên $AC^2 = AB^2 + BC^2 = 2a^2$

Vì $AC^2 = SA^2 + SC^2$ nên tam giác SAC vuông tại S (định lí Pythagore đảo)

Do đó, $\angle ASC = 90^\circ$. Vậy $(MN, SC) = 90^\circ$.

Đáp án A.

Câu 27: Cho hình chóp S. ABCD với đáy ABCD có tất cả các cạnh bằng nhau. Gọi I, J lần lượt thuộc các cạnh SC, BC sao cho tam giác IJC là tam giác đều. Khi đó, góc giữa hai đường thẳng IJ và AD bằng:

A. 60° .

B. 90° .

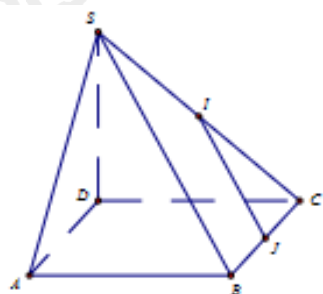
C. 120° .

D. 70° .

Phương pháp

Góc giữa hai đường thẳng a và b trong không gian là góc giữa hai đường thẳng a' và b' cùng đi qua một điểm O và lần lượt song song (hoặc trùng) với a và b; kí hiệu (a, b) hoặc $(a; b)$.

Lời giải



Tứ giác ABCD có: $AB = BC = CD = DA$ nên tứ giác ABCD là hình thoi. Do đó, $AD \parallel BC$.

Suy ra: $(IJ, AD) = (IJ, BC) = \angle CJI$

Tam giác IJC là tam giác đều nên $\angle IJC = 60^\circ$. Do đó, góc giữa hai đường thẳng IJ và AD bằng 60° .

Đáp án A.

Câu 28: Cho hình chóp S.ABC có $SA \perp (ABC)$. Khẳng định nào sau đây là đúng?

A. $SA \perp BC$.

B. $SA \perp AC$.

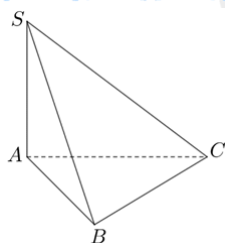
C. $SA \perp AB$.

D. Cả A, B, C đều đúng.

Phương pháp

Nếu một đường thẳng vuông góc với một mặt phẳng thì nó vuông góc với mọi đường thẳng nằm trong mặt phẳng đó.

Lời giải



Vì $SA \perp (ABC)$ và $AB, BC, CA \subset (ABC)$ nên $SA \perp BC$, $SA \perp AC$, $SA \perp AB$.

Đáp án D.

Câu 29: Cho hình hộp $ABCD.A'B'C'D'$ có $AA' \perp (ABCD)$. Khẳng định nào dưới đây đúng?

A. $(ABCD) \perp (A'B'C'D')$.

B. $BB' \perp (ABCD)$.

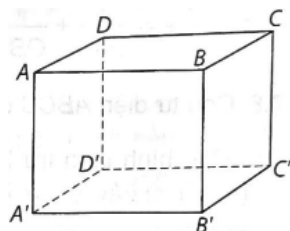
C. Cả A và B đều đúng.

D. Cả A và B đều sai.

Phương pháp

Cho hai đường thẳng song song, mặt phẳng nào vuông góc với đường thẳng này thì cũng vuông góc với đường thẳng kia.

Lời giải



Vì $AA' \perp (ABCD)$ và $AA' // BB'$ nên $BB' \perp (ABCD)$

Đáp án B.

Câu 30: Trong không gian, cho điểm A và mặt phẳng (P). Mệnh nào dưới đây đúng?

A. Có đúng hai đường thẳng đi qua A và vuông góc với (P).

B. Có đúng một đường thẳng đi qua A và vuông góc với (P).

C. Không tồn tại đường thẳng đi qua A và vuông góc với (P).

D. Có vô số đường thẳng đi qua A và vuông góc với (P).

Phương pháp

Có đúng một đường thẳng đi qua A và vuông góc với (P).

Lời giải

Có đúng một đường thẳng đi qua A và vuông góc với (P).

Đáp án B.

Câu 31: Phát biểu nào sau đây là đúng?

A. Nếu đường thẳng d vuông góc hai đường thẳng trong mặt phẳng (P) thì d vuông góc với tất cả các đường thẳng thuộc mặt phẳng (P).

- B. Nếu đường thẳng d vuông góc với một đường thẳng trong mặt phẳng (P) thì d vuông góc với (P) .
- C. Nếu đường thẳng d vuông góc với hai đường thẳng bất kì trong mặt phẳng (P) thì d vuông góc với (P) .
- D. Nếu đường thẳng d vuông góc với hai đường thẳng cắt nhau trong mặt phẳng (P) thì d vuông góc với (P) .

Phương pháp

Nếu đường thẳng d vuông góc với hai đường thẳng cắt nhau trong mặt phẳng (P) thì d vuông góc với (P) .

Lời giải

Nếu đường thẳng d vuông góc với hai đường thẳng cắt nhau trong mặt phẳng (P) thì d vuông góc với (P) .

Đáp án D.

Câu 32: Cho tứ diện ABCD có ABC và BCD là các tam giác cân tại A và D. Gọi I là trung điểm của BC. Kẻ $AH \perp DI (H \in DI)$. Hình chiếu vuông góc của A trên mặt phẳng (BCD) là:

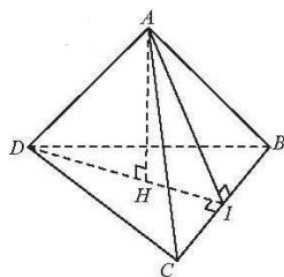
- A. I.
- B. H.
- C. D.
- D. C.

Phương pháp

+ Nếu đường thẳng d vuông góc với hai đường thẳng cắt nhau a và b cùng nằm trong mặt phẳng (P) thì $d \perp (P)$.

+ Cho mặt phẳng (P) . Xét một điểm M tùy ý trong không gian. Gọi d là đường thẳng đi qua điểm M và vuông góc với (P) . Gọi M' là giao điểm của đường thẳng d và mặt phẳng (P) . Khi đó, điểm M' được gọi là hình chiếu vuông góc của điểm M lên mặt phẳng (P) .

Lời giải



Vì tam giác ABC cân tại A nên AI là đường trung tuyến đồng thời là đường cao. Do đó, $AI \perp BC$.

Vì tam giác DBC cân tại D nên DI là đường trung tuyến đồng thời là đường cao. Do đó, $DI \perp BC$.

Ta có: $AI \perp BC$, $DI \perp BC$, DI và AI cắt nhau tại I và nằm trong mặt phẳng (AID) nên $BC \perp (AID)$. Mà

$$AH \subset (ADI) \Rightarrow AH \perp CB$$

Lại có: $AH \perp DI$, DI và BC cắt nhau tại I và nằm trong mặt phẳng (BCD). Do đó, $AH \perp (BCD)$. Do đó, hình chiếu vuông góc của A trên mặt phẳng (BCD) là điểm H.

Đáp án B.

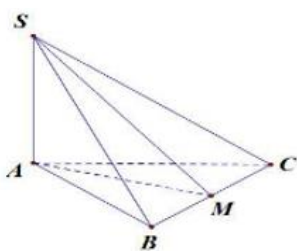
Câu 33: Cho hình chóp S. ABC có $SA \perp (ABC)$, M là trung điểm của BC. Tam giác ABC cân tại A. Mệnh đề nào sau đây **sai**?

- A. $BC \perp SB$.
- B. $BC \perp SM$.
- C. $SA \perp BC$.
- D. $BC \perp AM$.

Phương pháp

Nếu đường thẳng d vuông góc với hai đường thẳng cắt nhau a và b cùng nằm trong mặt phẳng (P) thì $d \perp (P)$.

Lời giải



Vì $SA \perp (ABC)$, $BC \subset (ABC) \Rightarrow SA \perp BC$

Tam giác ABC cân tại A nên AM là đường trung tuyến đồng thời là đường cao.

Do đó, $BC \perp AM$

Vì $SA \perp BC$, $BC \perp AM$, SA và AM cắt nhau tại A và nằm trong mặt phẳng (SAM) nên $BC \perp (SAM)$, mà

$SM \subset (SAM) \Rightarrow BC \perp SM$

Tam giác SBC có $BC \perp SM$ nên BC không thể vuông góc với SB. Do đó, câu A sai.

Đáp án A.

Câu 34: Cho hình chóp S. ABCD có đáy ABCD là hình thoi và $SA = SC$, $SB = SD$. Gọi O là giao điểm của AC và BD. Hình chiếu vuông góc của S trên mặt phẳng (ABCD) là:

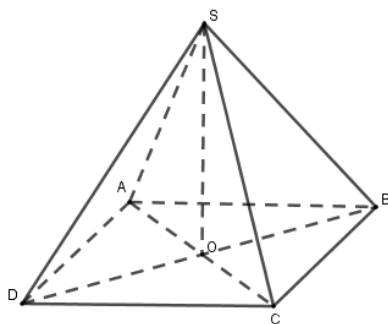
- A. A.
- B. C.
- C. O.
- D. D.

Phương pháp

+ Nếu đường thẳng d vuông góc với hai đường thẳng cắt nhau a và b cùng nằm trong mặt phẳng (P) thì $d \perp (P)$.

+ Cho mặt phẳng (P). Xét một điểm M tùy ý trong không gian. Gọi d là đường thẳng đi qua điểm M và vuông góc với (P). Gọi M' là giao điểm của đường thẳng d và mặt phẳng (P). Khi đó, điểm M' được gọi là hình chiếu vuông góc của điểm M lên mặt phẳng (P).

Lời giải



Vì ABCD là hình thoi, O là giao điểm của AC và BD nên O là trung điểm của AC, O là trung điểm của BD.

Vì SA = SC nên tam giác SAC cân tại S. Do đó, SO là đường trung tuyến đồng thời là đường cao của tam giác. Suy ra, $SO \perp AC$.

Vì SB = SD nên tam giác SBD cân tại S. Do đó, SO là đường trung tuyến đồng thời là đường cao của tam giác. Suy ra, $SO \perp BD$.

Vì $SO \perp AC$, $SO \perp BD$ và BD và AC cắt nhau tại O và nằm trong mặt phẳng (ABCD) nên $SO \perp (ABCD)$.

Do đó, hình chiếu vuông góc của S lên mặt phẳng (ABCD) là điểm O.

Đáp án C.

Câu 35: Cho tứ diện ABCD có $DA \perp (ABC)$, ABC là tam giác cân tại A. Gọi M là trung điểm của BC. Gọi

G, K lần lượt là trọng tâm của tam giác ABC và DBC. Góc giữa hai đường thẳng GK và AB bằng:

A. 45° .

B. 60° .

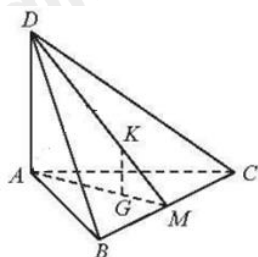
C. 90° .

D. 70° .

Phương pháp

Cho hai đường thẳng song song, mặt phẳng nào vuông góc với đường thẳng này thì cũng vuông góc với đường thẳng kia.

Lời giải



Vì K là trọng tâm của tam giác DBC, DM là đường trung tuyến của tam giác DBC nên $\frac{MK}{MD} = \frac{1}{3}$

Vì G là trọng tâm của tam giác ABC, AM là đường trung tuyến của tam giác ABC nên $\frac{MG}{MA} = \frac{1}{3}$

Tam giác DMA có: $\frac{MK}{MD} = \frac{MG}{MA} \left(= \frac{1}{3} \right)$ nên $GK \parallel AD$

Mà $AD \perp (ABC)$ suy ra $GK \perp (ABC)$. Mà $AB \subset (ABC) \Rightarrow GK \perp AB$

Do đó, góc giữa hai đường thẳng GK và AB bằng 90° .

Đáp án C.

Phần tự luận (3 điểm)

Bài 1. (1 điểm) Cho hàm số: $y = \log[(m-2)x^2 + 2(m+1)x + 2m]$.

a) Với $m=3$, hãy tìm tập xác định của hàm số trên.

b) Tìm tất cả các giá trị của tham số m để hàm số trên có tập xác định với mọi giá trị thực của x .

Phương pháp

Hàm số $y = \log u(x)$ xác định khi $u(x) > 0$.

Lời giải

a) Với $m=3$ ta có: $y = \log(x^2 + 8x + 6)$.

Hàm số $y = \log(x^2 + 8x + 6)$ xác định khi $x^2 + 8x + 6 > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x > -4 + \sqrt{10} \\ x < -4 - \sqrt{10} \end{cases}$

Vậy với $m=3$ thì tập xác định của hàm số là: $D = (-\infty; -4 - \sqrt{10}) \cup (-4 + \sqrt{10}; +\infty)$.

b) Hàm số $y = \log[(m-2)x^2 + 2(m+1)x + 2m]$ xác định với mọi giá trị thực của x khi và chỉ khi

$f(x) = (m-2)x^2 + 2(m+1)x + 2m > 0$ với mọi $x \in \mathbb{R}$

Trường hợp 1: Với $m=2$ ta có: $f(x) = 6x + 4 > 0 \Leftrightarrow x > -\frac{2}{3}$.

Do đó, $f(x)$ không xác định với mọi giá trị thực của x . Do đó, $m=2$ không thỏa mãn.

Trường hợp 2: Với $m \neq 2$.

Hàm số $f(x) = (m-2)x^2 + 2(m+1)x + 2m > 0$ với mọi $x \in \mathbb{R}$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} m-2 > 0 \\ \Delta' = (m+1)^2 - (m-2)2m < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > 2 \\ -m^2 + 6m + 1 < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > 2 \\ m < 3 - \sqrt{10} \Leftrightarrow m > 3 + \sqrt{10} \\ m > 3 + \sqrt{10} \end{cases}$$

Vậy với $m \in (3 + \sqrt{10}; +\infty)$ thì hàm số $y = \log[(m-2)x^2 + 2(m+1)x + 2m]$ có tập xác định với mọi giá trị thực của x .

Bài 2. (1,5 điểm) Cho hình chóp S. ABCD có đáy ABCD là hình thang vuông tại A và B, $SA \perp (ABCD)$, $AD = 2a, AB = BC = a$. Chứng minh rằng:

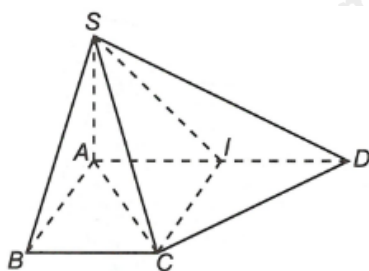
- a) Tam giác SBC là tam giác vuông.
b) $CD \perp SC$.

Phương pháp

+ Nếu đường thẳng d vuông góc với hai đường thẳng cắt nhau a và b cùng nằm trong mặt phẳng (P) thì $d \perp (P)$.

+ Nếu một đường thẳng vuông góc với một mặt phẳng thì nó vuông góc với mọi đường thẳng nằm trong mặt phẳng đó.

Lời giải



a) Vì $SA \perp (ABCD), BC \subset (ABCD) \Rightarrow SA \perp BC$.

Vì ABCD là hình thang vuông tại A và B nên $AB \perp BC$.

Ta có: $SA \perp BC, AB \perp BC, SA$ và AB cắt nhau tại A và nằm trong mặt phẳng (SAB) nên $BC \perp (SAB)$.

Lại có, $SB \subset (SBC) \Rightarrow BC \perp SB$. Suy ra, tam giác SBC vuông tại B.

b) Gọi I là trung điểm của AD. Do đó, $AI = ID = \frac{1}{2}AD = a$

Tứ giác ABCI có: $AI \parallel BC$ (do tứ giác ABCD là hình thang vuông tại A, B), $AI = BC (= a)$ nên tứ giác ABCI

là hình bình hành. Lại có: $BC = AB$ nên tứ giác ABCI là hình thoi. Mà $BAI = 90^\circ$ nên ABCI là hình vuông.

Do đó, $AIC = 90^\circ \Rightarrow CID = 90^\circ$

Tam giác CID có: $CID = 90^\circ, CI = ID (= a)$ nên tam giác CID vuông cân tại I.

Suy ra: $DCI = 45^\circ$.

Lại có: CA là phân giác góc ICB (do ABCI là hình vuông) nên $ACI = \frac{1}{2}ICB = \frac{1}{2}.90^\circ = 45^\circ$

Suy ra: $ACD = ACI + ICD = 90^\circ$ hay $AC \perp CD$

Vì $SA \perp (ABCD), DC \subset (ABCD) \Rightarrow SA \perp DC$

Ta có: $AC \perp CD$, $SA \perp DC$, SA và AC cắt nhau tại A và nằm trong mặt phẳng (SAC) nên $DC \perp (SAC)$.

Mà $SC \subset (SAC) \Rightarrow CD \perp SC$

Bài 3. (0,5 điểm) Ông A gửi tiền tiết kiệm vào ngân hàng với hình thức cứ mỗi đầu tháng đóng 5 triệu đồng với lãi suất 0,3%/tháng. Tính số tiền mà ông A thu được từ ngân hàng sau 5 năm.

Phương pháp

$a^n = a \cdot a \dots a$ ($a \in \mathbb{R}, n \in \mathbb{N}^*$) (có n thừa số a)

Lời giải

Đặt $a = 5$ triệu đồng, $r = 0,33\%$.

Gọi P_n là số tiền ông A thu được sau n tháng ($n \geq 1$)

Sau tháng thứ nhất, ông A tiết kiệm được: $P_1 = a(1+r)$ (triệu đồng)

Sau tháng thứ hai, ông A tiết kiệm được:

$P_2 = (P_1 + a)(1+r) = [a(1+r) + a](1+r) = a(1+r)^2 + a(1+r)$ (triệu đồng)

Sau tháng thứ ba, ông A tiết kiệm được: $P_3 = (P_2 + a)(1+r) = a(1+r)^3 + a(1+r)^2 + a(1+r)$ (triệu đồng)

...

Sau tháng thứ n , ông A tiết kiệm được: $P_n = (P_{n-1} + a)(1+r) = a(1+r)^n + a(1+r)^{n-1} + \dots + a(1+r)$ (triệu đồng)

Xét cấp số nhân có số hạng đầu $u_1 = a(1+r)$ và công bội $q = 1+r$ thì $P_n = u_1 + u_2 + \dots + u_n = u_1 \cdot \frac{1-q^n}{1-q}$

Vậy số tiền ông A nhận được từ ngân hàng sau 5 năm là:

$P_{60} = u_1 \cdot \frac{1-q^{60}}{1-q} = 5.1.003 \cdot \frac{1-1,003^{60}}{-0,003} \approx 329$ (triệu đồng)

Vậy sau 5 năm ông A thu được từ ngân hàng khoảng 329 triệu đồng.