



## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

## PHẦN I.

(Mỗi câu trả lời đúng thí sinh được **0,25 điểm**)

<b>Câu</b>	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
<b>Đáp án</b>	C	C	C	A	B	C	D	A	B	B	C	B

## PHẦN II.

Điểm tối đa của 01 câu hỏi là **1 điểm**

- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 01 ý trong 1 câu hỏi được **0,1** điểm.
- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 02 ý trong 1 câu hỏi được **0,25** điểm.
- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 03 ý trong 1 câu hỏi được **0,50** điểm.
- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 04 ý trong 1 câu hỏi được **1** điểm.

Câu 1	Câu 2	Câu 3	Câu 4
a) Đúng	a) Sai	a) Sai	a) Sai
b) Đúng	b) Đúng	b) Đúng	b) Đúng
c) Sai	c) Đúng	c) Đúng	c) Sai
d) Đúng	d) Sai	d) Đúng	d) Đúng

## PHẦN III.

(Mỗi câu trả lời đúng thí sinh được **0,5 điểm**)

<b>Câu</b>	1	2	3	4	5	6
<b>Đáp án</b>	$\frac{2}{3}$	0	32	2	$\sqrt{2}$	$M(-1+\sqrt{3}; 2-\sqrt{3})$ , $M(-1-\sqrt{3}; 2+\sqrt{3})$

**Câu 1:** Cho hàm số  $f(x) = \frac{x^3}{3} - \frac{3}{2}x^2 - 4x + 6$ . Phương trình  $f'(x) = 0$  có nghiệm là

- A.  $x = -1$
- B.  $x = 1, x = 4$
- C.  $x = -1, x = 4$
- D.  $x = 0, x = 3$

**Phương pháp**

Sử dụng công thức đạo hàm.

**Cách giải**

$$f'(x) = \left( \frac{x^3}{3} - \frac{3}{2}x^2 - 4x + 6 \right)' = 3x^2 - 3x - 4 = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 4 \end{cases}$$

**Đáp án C.**

**Câu 2:** Gọi (d) là tiếp tuyến của đồ thị hàm số  $y = f(x) = -x^3 + x$  tại điểm  $M(-2; 6)$ . Phương trình của (d) là

- A.  $y = -11x + 30$ .
- B.  $y = 13x + 34$ .
- C.  $y = -11x - 16$ .
- D.  $y = 13x - 18$ .

**Phương pháp**

Phương trình tiếp tuyến với đồ thị (C):  $y = f(x) = -x^3 + x$  tại điểm  $M(x_0; f(x_0))$  là:

$$y = f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$$

Trong đó:

$M(x_0; f(x_0))$  gọi là tiếp điểm.

$k = f'(x_0)$  là hệ số góc.

**Cách giải**

$$y' = f'(x) = (-x^3 + x)' = -3x^2 + 1$$

**Phương trình tiếp tuyến của đồ thị**  $y = f(x) = -x^3 + x$  tại điểm  $M(x_0; f(x_0))$ .

$$y' = f'(-2)(x + 2) + 6 = -11(x + 2) + 6 = -11x - 16$$

**Đáp án C.**

**Câu 3:** Tính thời gian trung bình giải bài tập của học sinh lớp 11A được cho trong bảng sau:

Thời gian (phút)	[7,5; 10,5)	[10,5; 13,5)	[13,5; 16,5)	[16,5; 19,5)
Số học sinh	6	17	17	5

- A. 17
- B. 15

C. 13,4

D. 14,3

**Phương pháp**

Sử dụng công thức tính số trung bình của mẫu số liệu

**Cách giải**

Trong mỗi khoảng thời gian, giá trị đại diện là trung bình cộng của giá trị hai đầu mút nên ta có bảng sau:

Giá trị đại diện	9	12	15	18
Số học sinh	6	17	17	5

Tổng số học sinh là  $n = 45$ . Thời gian trung bình giải bài toán của học sinh lớp 11 A là:

$$\bar{x} = \frac{6 \cdot 9 + 17 \cdot 12 + 17 \cdot 15 + 5 \cdot 18}{45} = \frac{67}{3} = 13,4 \text{ (phút)}$$

**Đáp án C.****Câu 4:** Cho  $u = u(x), v = v(x), v(x) \neq 0$ ; với  $k$  là hằng số. Hãy chọn khẳng định **sai**?

A.  $\left(\frac{1}{v}\right)' = -\frac{v'}{v^2}$

B.  $(ku)' = ku'$

C.  $(ku)' = k \cdot u'$

D.  $(u \cdot v)' = u' \cdot v + u \cdot v'$

**Phương pháp**

Áp dụng công thức tính đạo hàm

**Cách giải**

$$\left(\frac{1}{v}\right)' = -\frac{v'}{v^2}$$

$$(ku)' = k \cdot u'$$

$$(ku)' = k \cdot u'$$

$$(u \cdot v)' = u' \cdot v + u \cdot v'$$

**Đáp án A.****Câu 5:** Đạo hàm của hàm số  $y = \frac{2x-1}{1-x}$  là

A.  $y' = \frac{3}{(-x+1)^2}$

B.  $y' = \frac{1}{(x-1)^2}$

C.  $y' = \frac{-1}{(1-x)^2}$

$$D. y' = \frac{-3}{(1-x)^2}$$

**Phương pháp**

Sử dụng công thức tính đạo hàm của hàm phân thức:  $y' = \left( \frac{ax+b}{cx+d} \right)' = \frac{ad-bc}{(cx+d)^2}$

**Cách giải**

$$y' = \left( \frac{2x-1}{1-x} \right)' = \left( \frac{2x-1}{-x+1} \right)' = \frac{1}{(-x+1)^2}$$

**Đáp án B.**

**Câu 6:** Cho hàm số:  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2-1}{x-1} & \text{khi } x \neq 1 \\ m & \text{khi } x = 1 \end{cases}$ . Để  $f(x)$  liên tục tại điểm  $x_0 = 1$  thì  $m$  bằng:

A. -1

B. 1

C. 2

D. 0

**Phương pháp**

Điều kiện để hàm số liên tục tại  $x = x_0$ :

$$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = f(x_0)$$

**Cách giải**

Hàm số đã cho xác định trên  $\mathbb{R}$

Ta có:

$$f(1) = m$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2-1}{x-1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{x+1} = \frac{1}{2}$$

Hàm số liên tục tại  $x = 1$  khi  $f(1) = \lim_{x \rightarrow 1} f(x) \Leftrightarrow m = \frac{1}{2}$

Vậy khi  $m = \frac{1}{2}$  thì hàm số liên tục tại  $x = 1$

**Đáp án C.**

**Câu 7:** Tìm đạo hàm của hàm số sau  $y = x^4 - 3x^2 + 2x - 1$

A.  $y' = 4x^3 - 3x + 2$

B.  $y' = 4x^4 - 6x + 2$

C.  $y' = 4x^3 - 6x + 3$

D.  $y' = 4x^3 - 6x + 2$

**Phương pháp**

Sử dụng công thức tính đạo hàm của hàm hợp

**Cách giải**

$$y' = 4x^3 - 6x + 2$$

**Đáp án D.**

**Câu 8:** Cho hàm số  $f(x) = \frac{ax^2 + 4x + 3}{3x - 2ax^2}$ , ( $a \in R, a \neq 0$ ). Khi đó  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  bằng

A.  $-\frac{1}{2}$

B.  $+\infty$

C.  $\frac{a}{3}$

D.  $-\infty$

**Phương pháp**

Nhận dạng:  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{g(x)}$

TH1: Nếu  $f(x)$ ,  $g(x)$  là các đa thức thì chia cả tử và mẫu cho lũy thừa cao nhất của  $x$ .

TH2: Nếu  $f(x)$ ,  $g(x)$  chứa căn thì có thể chia cả tử và mẫu cho lũy thừa cao nhất của  $x$  hoặc nhân lượng liên hợp

**Cách giải**

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{ax^2 + 4x + 3}{3x - 2ax^2} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2(a + \frac{4}{x} + \frac{3}{x^2})}{x^2(-2a + \frac{3}{x})} = \frac{a}{-2a} = \frac{-1}{2}$$

**Đáp án A.**

**Câu 9:** Cho hình chóp  $S.ABC$  có đáy  $ABC$  là tam giác vuông tại B và SA vuông góc mặt đáy  $(ABC)$ ,

$SB = 2a$ ,  $AB = a$  (tham khảo hình vẽ). Tính góc giữa SB và  $mp(ABC)$

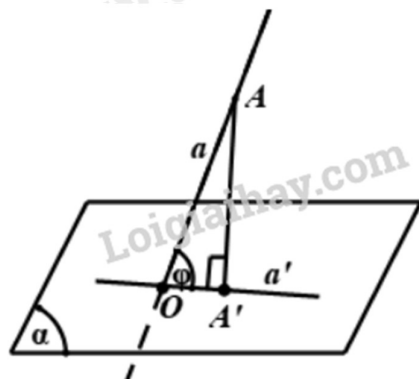
A.  $90^\circ$ .

B.  $60^\circ$ .

C.  $45^\circ$ .

D.  $30^\circ$ .

**Phương pháp**

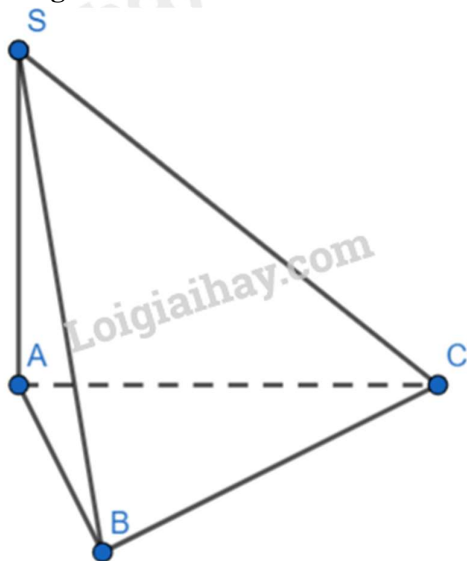


Bước 1: Tìm giao điểm O của đường thẳng  $a$  và  $(\alpha)$

Bước 2: Xác định hình chiếu  $A'$  của điểm A xuống  $(\alpha)$

Bước 3: Suy ra:  $(AO, (\alpha)) = (AO, A'O) = \widehat{AOA'}$

## Cách giải



Do  $SA \perp (ABC)$  nên  $A$  là hình chiếu của  $S$  lên  $(ABC)$

Ta có:  $(SB, (ABC)) = (SB, AB)$

Xét  $\Delta SAB$  vuông tại  $A$  có:

$$\tan(SB, AB) = \tan \widehat{SBA} = \frac{SA}{AB} = \frac{\sqrt{SB^2 - AB^2}}{AB} = \frac{a\sqrt{3}}{a} = \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow \widehat{SBA} = 60^\circ$$

**Đáp án B.**

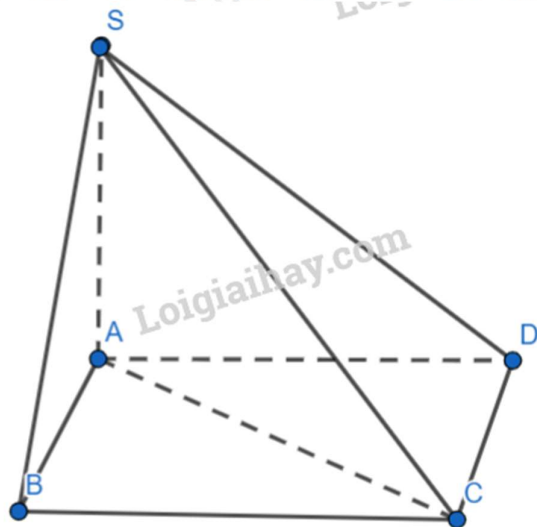
**Câu 10:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật, cạnh bên  $SA$  vuông góc với đáy. Khẳng định nào sau đây đúng?

- A.  $(SDC) \perp (SAC)$
- B.  $(SCD) \perp (SAD)$
- C.  $(SBD) \perp (SAC)$
- D.  $(SBC) \perp (SAC)$

**Phương pháp**

Sử dụng định lý đường thẳng vuông góc với mặt phẳng và hai mặt phẳng vuông góc với nhau

**Cách giải**



Ta có:

$$\begin{cases} CD \perp AD \\ CD \perp SA \\ SA, AD \subset (SAD) \\ SA \cap AD \end{cases} \Rightarrow CD \perp (SAD)$$

$$CD \subset (SCD) \Rightarrow (SCD) \perp (SAD)$$

**Đáp án B.**

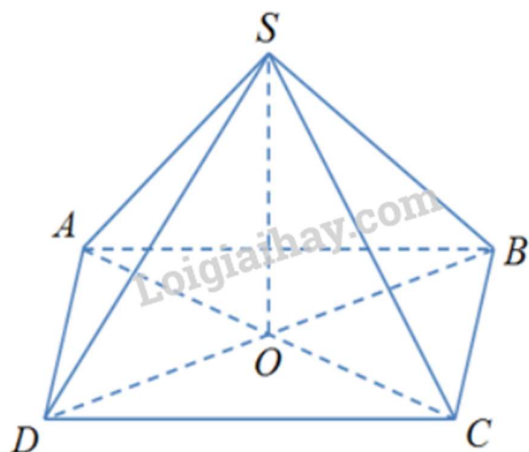
**Câu 11:** Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình thoi tâm O và SA = SC, SB = SD. Khẳng định nào sau đây đúng ?

- A.  $AC \perp (SBD)$
- B.  $AB \perp (SAD)$
- C.  $AC \perp (SBD)$
- D.  $SO \perp (ABCD)$

**Phương pháp**

Sử dụng định lý đường thẳng vuông góc với mặt phẳng

**Cách giải**



Ta có:

$$\begin{cases} AC \perp BD \\ AC \perp SO \\ BD, SO \subset (SBD) \\ BD \cap SO \end{cases} \Rightarrow AC \perp (SBD)$$

**Đáp án C.**

**Câu 12:** Với hàm số  $g(x) = \frac{(2x+1)(2-3x)^2}{x-1}$ ;  $g'(2)$  bằng

A. 232.

B. 72.

C. 152.

D. -75.

**Phương pháp**

Sử dụng phương pháp đạo hàm của hàm hợp

**Cách giải**

$$\begin{aligned} g'(x) &= \left[ \frac{(2x+1)(2-3x)^2}{x-1} \right]' = \left( \frac{18x^3 - 15x^2 - 4x + 4}{x-1} \right)' \\ &= \frac{(18x^3 - 15x^2 - 4x + 4)'(x-1) - (18x^3 - 15x^2 - 4x + 4)(x-1)'}{(x-1)^2} \\ &= \frac{36x^3 - 69x^2 + 30x}{(x-1)^2} \end{aligned}$$

$$g'(2) = 72$$

**Đáp án B.**

**Phần II. Câu trắc nghiệm đúng sai.** Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 4. Trong mỗi ý **a), b), c), d)** ở mỗi câu, thí sinh chọn đúng hoặc sai.

**Câu 1:** Trong một chiếc hộp có 20 viên bi, trong đó có 8 viên bi màu đỏ, 7 viên bi màu xanh và 5 viên bi màu vàng. Lấy ngẫu nhiên ra 3 viên bi

a) Xác suất để 3 viên bi lấy ra đều màu đỏ là  $\frac{14}{285}$

b) Xác suất để 3 viên bi lấy ra có không quá hai màu là  $\frac{43}{57}$ .

c) Xác suất để 3 viên bi lấy ra đều có màu vàng là  $\frac{1}{7}$ .

d) Xác suất để 3 viên bi lấy ra có đủ cả ba màu là  $\frac{14}{57}$ .

**Phương pháp**

Cách 1: Liệt kê các phần tử của không gian mẫu và biến cố rồi chúng ta đếm.

Cách 2: Sử dụng các quy tắc đếm để xác định số phần tử của không gian mẫu và biến cố.

**Cách giải**

Không gian mẫu:  $(\Omega) = C_{20}^3 = 1140$



$$P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{C_8^3}{C_{20}^3} = \frac{56}{1140} = \frac{14}{285}$$

- a) Gọi A là biến cố: “3 viên bi lấy ra đều màu đỏ”;  
 b) B là biến cố: “3 viên bi lấy ra có không quá hai màu”

TH<sub>1</sub>: Số cách lấy ra 3 viên bi lấy ra chỉ có một màu:  $C_8^3 + C_7^3 + C_5^3 = 101$

TH<sub>2</sub>: Số cách lấy ra 3 viên bi lấy ra chỉ có đúng hai màu:

$$[C_{15}^3 - (C_8^3 + C_7^3)] + [C_{13}^3 - (C_8^3 + C_5^3)] + [C_{12}^3 - (C_5^3 + C_7^3)] = 759$$

Nên: 
$$P(B) = \frac{n(B)}{n(\Omega)} = \frac{101 + 759}{1140} = \frac{43}{57}$$

- c) C là biến cố: “3 viên bi lấy ra đều có màu vàng”;

$$P(C) = \frac{n(C)}{n(\Omega)} = \frac{C_5^3}{C_{20}^3} = \frac{10}{1140} = \frac{1}{114}$$

- d) D là biến cố: “3 viên bi lấy ra có đủ cả ba màu”:

$$P(D) = \frac{n(D)}{n(\Omega)} = \frac{C_8^1 \cdot C_7^1 \cdot C_5^1}{C_{20}^3} = \frac{280}{1140} = \frac{14}{57}$$

**Đáp án:**

- a) **Đúng**  
 b) **Đúng**  
 c) **Sai**  
 d) **Đúng**

**Câu 2:** Cho mẫu số liệu về cân nặng (kg) của 45 học sinh lớp 11A được cho bởi bảng sau:

Cân nặng (kg)	[40; 45)	[45; 50)	[50; 55)	[55; 60)	[60; 65)
Số học sinh	7	10	20	6	2

- a) Tứ phân vị thứ nhất  $Q_1$  là 47  
 b) Trung vị  $M_e$  là 51,4  
 c) Tứ phân vị thứ ba  $Q_3$  là 54,2  
 d) Mốt  $M_o = 20$

**Phương pháp**

Sử dụng công thức tính tứ phân vị của mẫu số liệu và Mốt

**Cách giải**

Cỡ mẫu là  $n = 7 + 10 + 20 + 6 + 2 = 45$

Gọi  $x_1, x_2, \dots, x_{45}$  là cân nặng của 45 học sinh và giả sử dãy này đã được sắp xếp theo thứ tự tăng dần.

Khi đó, trung vị là  $x_{23}$ . Do giá trị  $x_{23}$  thuộc nhóm [50; 55) nên nhóm này chứa trung vị.

Do đó  $p = 3$ ;  $a_3 = 50$ ,  $m_3 = 20$ ;  $m_1 + m_2 = 7 + 10 = 17$ ;  $a_4 - a_3 = 55 - 50 = 5$

Khi đó

$$M_e = a_3 + \frac{\frac{n}{2} - (m_1 + m_2)}{m_3} (a_4 - a_3) = 50 + \frac{\frac{45}{2} - 17}{20} \cdot 5 \approx 51,4.$$

Vậy  $M_e = 51,4$ .

Từ  $M_e = 51,4$ , suy ra  $Q_2 = 51,4$ .

- Tứ phân vị thứ nhất  $Q_1$  là trung vị của nửa dãy bên trái  $Q_2$  nên  $Q_1 = \frac{x_{11} + x_{12}}{2}$

Do  $x_{11}$  và  $x_{12}$  đều thuộc nhóm  $[45; 50)$  nên nhóm này chứa  $Q_1$ . Do đó,  $p = 2$ ,  $a_2 = 45$ ,  $m_2 = 10$ ,  $m_1 = 7$ ;  $a_3 - a_2 = 5$ .

$$\text{Ta có } Q_1 = a_2 + \frac{\frac{n}{4} - m_1}{m_2} (a_3 - a_2) = 45 + \frac{\frac{45}{4} - 7}{10} \cdot 5 \approx 47,1$$

- Tứ phân vị thứ ba  $Q_3$  là trung vị của nửa dãy bên phải  $Q_2$  nên  $Q_3 = \frac{x_{34} + x_{35}}{2}$ .

Do  $x_{34}$  và  $x_{35}$  đều thuộc nhóm  $[50; 55)$  nên nhóm này chứa  $Q_3$ . Do đó,  $p = 3$ ,  $a_3 = 50$ ,  $m_3 = 20$ ,  $m_1 + m_2 = 7 + 10 = 17$ ;  $a_4 - a_3 = 55 - 50 = 5$ .

$$\text{Ta có } Q_3 = a_3 + \frac{\frac{3n}{4} - (m_1 + m_2)}{m_3} (a_4 - a_3) = 50 + \frac{\frac{3 \cdot 45}{4} - 17}{20} \cdot 5 \approx 54,2$$

Vậy tứ phân vị:  $Q_1 \approx 47,1$ ;  $Q_2 \approx 51,4$ ;  $Q_3 \approx 54,2$ .

- Ta thấy tần số lớn nhất là 20 nên nhóm chứa một là nhóm  $[50; 55)$ .

Ta có  $j = 3$ ,  $a_3 = 50$ ,  $m_3 = 20$ ,  $m_2 = 10$ ,  $m_4 = 6$ ,  $h = 55 - 50 = 5$

Khi đó

$$M_0 = a_3 + \frac{m_3 - m_2}{(m_3 - m_2) + (m_3 - m_4)} h = 50 + \frac{20 - 10}{(20 - 10) + (20 - 6)} \cdot 5 \approx 52,1$$

Vậy  $M_0 \approx 52,1$ .

### Đáp án

- a) Sai
- b) Đúng
- c) Đúng
- d) Sai

**Câu 3:** Cho hình chóp  $S.ABC$  có  $SA \perp (ABC)$ ,  $SA = h$ . Gọi  $M, N, P$  tương ứng là trung điểm của  $SA, SB, SC$ .

a)  $d((MNP), (ABC)) = h$

b)  $d(NP, (ABC)) = \frac{h}{2}$

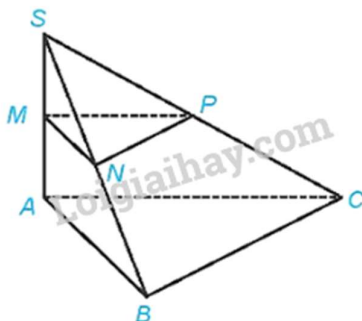
c)  $d(A, (SBC)) = \frac{ah}{\sqrt{a^2 + h^2}}$

d)  $(MNP) \parallel (ABC)$

### Phương pháp

Sử dụng phương pháp tính khoảng cách từ điểm đến mặt phẳng và khoảng cách từ đường thẳng đến mặt phẳng

### Cách giải



a) Xét tam giác SAB có M là trung điểm của SA, N là trung điểm của SB nên MN là đường trung bình của tam giác SAB. Suy ra  $MN // AB$ , do đó  $MN // (ABC)$

Xét tam giác SBC có N là trung điểm của SB, P là trung điểm của SC nên PN là đường trung bình của tam giác SBC. Suy ra  $PN // BC$ , do đó  $PN // (ABC)$

Khi đó,  $d((MNP), (ABC)) = d(M, (ABC))$

Vì  $SA \perp (ABC)$  nên  $MA \perp (ABC)$ . Do đó  $d(M, (ABC)) = MA$

Vì M là trung điểm SA nên  $AM = \frac{SA}{2} = \frac{h}{2}$

Do đó  $d((MNP), (ABC)) = \frac{h}{2}$

b) Vì  $PN // (ABC)$  nên  $d(NP, (ABC)) = d(N, (ABC))$

Vì  $MN // (ABC)$  nên  $d(N, (ABC)) = d(M, (ABC)) = MA = \frac{h}{2}$

Vậy  $d(N, (ABC)) = \frac{h}{2}$

c) Vì tam giác ABC là tam giác vuông tại B nên  $BC \perp AB$

Vì  $SA \perp (ABC)$  nên  $SA \perp BC$  mà  $BC \perp AB$  nên  $BC \perp (SAB)$ , suy ra  $(SBC) \perp (SAB)$

Kẻ  $AH \perp SB$  tại H

$$\begin{cases} (SBC) \perp (SAB) \\ (SBC) \cap (SAB) = SB \\ AH \subset (SAB) \\ AH \perp SB \end{cases} \Rightarrow AH \perp (SBC)$$

Khi đó  $d(A, (SBC)) = AH$

Vì  $SA \perp (SBC)$  nên  $SA \perp AB$

Xét tam giác SAB vuông tại A, AH là đường cao, có:

$$\frac{1}{AH^2} = \frac{1}{SA^2} + \frac{1}{AB^2} = \frac{1}{h^2} + \frac{1}{a^2} = \frac{a^2 + h^2}{a^2 h^2} \Rightarrow AH = \frac{ah}{\sqrt{a^2 + h^2}}$$

$$\text{Vậy } d(A, (SBC)) = \frac{ah}{\sqrt{a^2 + h^2}}$$

d)  $MN // (ABC)$  mà  $MN \subset (MNP) \Rightarrow (MNP) // (ABC)$

**Đáp án**

a) Sai

b) Đúng

c) Đúng

d) Đúng

**Câu 4:** Cho hàm số  $y = \sin x$

a) Đạo hàm của hàm số là  $y' = -\cos x$

b) Biểu thức  $y'(\frac{\pi}{2}) = 0$

c) Biểu thức  $y''\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$

d) Biểu thức  $y^{(2024)} = \sin(x + 1012\pi)$

**Phương pháp**

Sử dụng công thức tính đạo hàm của hàm số lượng giác

**Cách giải**

a)  $y' = (\sin x)' = \cos x$

b)  $y'\left(\frac{\pi}{2}\right) = \cos \frac{\pi}{2} = 0$

$y'' = (\cos x)' = -\sin x$

c)  $y''\left(\frac{\pi}{2}\right) = -1$

$y^{(n)} = \sin\left(x + n\frac{\pi}{2}\right)$

d)  $y^{(2024)} = \sin(x + 1012\pi)$

**Đáp án**

a) Sai

b) Đúng

c) Sai

d) Đúng

**Phần III. Câu trắc nghiệm trả lời ngắn.** Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 6

**Câu 1.** Tính giới hạn:  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{4x+1}-3}{x-2}$

**Phương pháp**

Sử dụng phương pháp nhân liên hợp và phân tích thành nhân tử

**Cách giải**

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{4x+1}-3}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{4x-8}{(x-2)(\sqrt{4x+1}+3)} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{4(x-2)}{(x-2)(\sqrt{4x+1}+3)} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{4}{\sqrt{4x+1}+3} = \frac{2}{3}$$

**Đáp án**

$\frac{2}{3}$

**Câu 2.** Cho hàm số:  $y = (x^4 - 1)^4$ . Tính  $y'(1)$

**Phương pháp**

Sử dụng công thức tính đạo hàm của hàm hợp

**Cách giải**

$$y' = \left[ (x^4 - 1)^4 \right]' = 4 \cdot (x^4 - 1)^3 \cdot 4x^3 = 16x^3 (x^4 - 1)^3$$

$y'(1) = 0$

**Đáp án**

$y'(1) = 0$

**Câu 3.** Với mức tiêu thụ thức ăn cho cá hàng ngày của hộ gia đình A không đổi như dự định thì lượng thức ăn dự trữ sẽ hết sau 50 ngày. Nhưng trên thực tế, mức tiêu thụ thức ăn tăng thêm 3% từ ngày đầu tiên và cứ tiếp

tục như vậy, ngày sau tăng thêm 3% so với ngày kể trước đó. Hỏi thực tế, lượng thức ăn dự trữ đó sẽ hết sau bao nhiêu ngày? (làm tròn đến hàng đơn vị).

### Phương pháp

Lượng thức ăn mà trang trại ăn hết ở ngày thứ  $k$  là:  $M(1+r\%)^{k-1}, k \in N^*$

Trong đó:

$M$ : là lượng thức ăn trang trại ăn hết trong mỗi ngày

$r$  (%): là % mức tiêu thụ thức ăn tăng thêm mỗi ngày

### Cách giải

Theo dự định, mỗi ngày, trang trại ăn hết:  $1:50 = \frac{1}{50}$  (lượng thức ăn)

Lượng thức ăn mà trang trại ăn hết ở ngày thứ  $k$  là:  $\frac{1}{50}(1+3\%)^{k-1}, k \in N^*$

Xác định số tự nhiên  $n$  nhỏ nhất để:

$$\frac{1}{50} + \frac{1}{50}(1+3\%) + \frac{1}{50}(1+3\%)^2 + \dots + \frac{1}{50}(1+3\%)^{n-1} \geq 1$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{50}(1+1,03+1,03^2 + \dots + 1,03^{n-1}) \geq 1$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{50} \cdot \frac{1,03^n - 1}{1,03 - 1} \geq 1 \Leftrightarrow 1,03^n - 1 \geq 1,5 \Leftrightarrow 1,03^n \geq 2,5 \Leftrightarrow n - 1 \geq \log_{1,03} 2,5 \Leftrightarrow n \geq 31,99 \Rightarrow n_{\min} = 32$$

### Đáp án

32

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 3x + 2}{x - 1} & \text{khi } x \neq 1 \\ 1 - mx & \text{khi } x = 1 \end{cases} \text{ liên tục tại điểm } x_0 = 1$$

**Câu 4.** Tìm  $m$  để hàm số

### Phương pháp

Bước 1: Tính  $f(x_0) = f_2(x_0)$

Bước 2: Tính  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \lim_{x \rightarrow x_0} f_1(x) = L$

Bước 3: Nếu  $f_2(x_0) = L$  thì hàm số  $f(x)$  liên tục tại  $x_0$

Nếu  $f_2(x_0) \neq L$  thì hàm số  $f(x)$  không liên tục tại  $x_0$ .

(Đối với bài toán tìm tham số  $m$  để hàm số liên tục tại  $x_0$ , ta thay bước 3 thành: Giải phương trình  $L = f_2(x_0)$ , tìm  $m$ )

### Cách giải

Hàm số đã cho xác định trên  $\mathbb{R}$

Ta có:  $f(1) = 1 - m$

$$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 3x + 2}{x - 1} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x-2)}{x-1} = \lim_{x \rightarrow 1} (x-2) = -1$$

$$\text{Để hàm số liên tục tại } x = 1 \text{ khi } f(1) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 3x + 2}{x - 1} \Leftrightarrow 1 - m = -1 \Leftrightarrow m = 2$$

### Đáp án

2

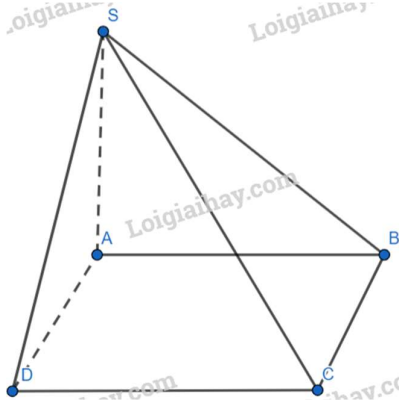
**Câu 5.** Cho hình chóp S.ABCD đáy là hình vuông cạnh  $a$ , cạnh bên  $SA \perp (ABCD)$  và

$SA = a\sqrt{2}$ . Tính tan của góc giữa hai mp (SBC) và (ABCD).

**Phương pháp**

Sử dụng phương pháp tính góc giữa hai mặt phẳng

**Cách giải**



$$\begin{cases} BC \perp AB \\ BC \perp SA \text{ (Do } SA \perp (ABCD)) \\ AB, SA \subset (SAB) \\ AB \cap SA \end{cases} \Rightarrow BC \perp (SAB)$$

$\Rightarrow BC \perp SB$

$SA \perp (ABCD) \Rightarrow SA \perp AB$

Ta có:  $\begin{cases} (SBC) \cap (ABCD) = BC \\ SB \subset (SBC), SB \perp BC \\ AB \subset (ABCD), AB \perp BC \end{cases} \Rightarrow ((SBC), (ABCD)) = (SB, AB)$

Do  $SA \perp (ABCD) \Rightarrow SA \perp AB$ . Xét tam giác SAB vuông tại A có:

$$\tan(SB, AB) = \tan \widehat{SBA} = \frac{SA}{AB} = \frac{a\sqrt{2}}{a} = \sqrt{2}$$

**Đáp án**

$\sqrt{2}$

**Câu 6.** Cho hàm số  $y = \frac{2x-1}{x+1}$ . Tìm tọa độ điểm M thuộc đồ thị sao cho khoảng cách từ điểm  $I(-1;2)$  tới tiếp tuyến của đồ thị tại M là lớn nhất.

**Phương pháp**

Lập biểu thức tính khoảng cách từ điểm  $I(-1;2)$  tới tiếp tuyến của đồ thị

Sử dụng BĐT Cauchy để tìm giá trị lớn nhất của biểu thức

**Cách giải**

$$M(x_0; 2 - \frac{3}{x_0 + 1}) \in (C)$$

Giả sử . PTTT của (C) tại M là:

$$y = \frac{3}{(x_0 + 1)^2} (x - x_0) + 2 - \frac{3}{x_0 + 1} \quad (\Delta)$$

$$(\Delta): \frac{3}{(x_0+1)^2}x - y + \left[ \frac{3x_0}{(x_0+1)^2} + 2 - \frac{3}{x_0+1} \right] = 0$$

$$(\Delta): \frac{3}{(x_0+1)^2}x - y + 2 - \frac{3}{(x_0+1)^2} = 0$$

$$d(I, \Delta) = \frac{\left| \frac{3}{(x_0+1)^2}x_0 - \left(2 - \frac{3}{x_0+1}\right) + 2 - \frac{3}{(x_0+1)^2} \right|}{\sqrt{\frac{9}{(x_0+1)^4} + 1}} = \frac{6|x_0+1|}{\sqrt{9 + (x_0+1)^4}} = \frac{6}{\sqrt{\frac{9}{(x_0+1)^2} + (x_0+1)^2}}$$

Hay

Áp dụng BĐT Cauchy:  $\frac{9}{(x_0+1)^2} + (x_0+1)^2 \geq 2\sqrt{9} = 6 \Rightarrow d \leq \sqrt{6}$

Dấu “=” xảy ra khi  $\frac{9}{(x_0+1)^2} = (x_0+1)^2 \Leftrightarrow x_0 = -1 \pm \sqrt{3}$

Vậy có hai điểm cần tìm là  $M(-1 + \sqrt{3}; 2 - \sqrt{3})$  hoặc  $M(-1 - \sqrt{3}; 2 + \sqrt{3})$

**Đáp án**

$M(-1 + \sqrt{3}; 2 - \sqrt{3})$  hoặc  $M(-1 - \sqrt{3}; 2 + \sqrt{3})$