

**ĐỀ THI HỌC KÌ II – Đề số 5****Môn: Toán - Lớp 11****BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM**
 **Mục tiêu**

- Ôn tập các kiến thức học kì 2 của chương trình sách giáo khoa Toán 11.
- Vận dụng linh hoạt lý thuyết đã học trong việc giải quyết các câu hỏi trắc nghiệm và tự luận Toán học.
- Tổng hợp kiến thức dạng hệ thống, dàn trải các kiến thức học kì 2 – chương trình Toán 11.


**HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT**  
**THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM**
**PHẦN I.**(Mỗi câu trả lời đúng thí sinh được **0,25 điểm**)

Câu	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Đáp án	C	C	A	A	B	C	D	A	B	B	C	B

**PHẦN II.**Diểm tối đa của 01 câu hỏi là **1 điểm**

- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 01 ý trong 1 câu hỏi được **0,1 điểm**.
- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 02 ý trong 1 câu hỏi được **0,25 điểm**.
- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 03 ý trong 1 câu hỏi được **0,50 điểm**.
- Thí sinh chỉ lựa chọn chính xác 04 ý trong 1 câu hỏi được **1 điểm**.

Câu 1	Câu 2	Câu 3	Câu 4
a) Đúng	a) Đúng	a) Sai	a) Sai
b) Đúng	b) Sai	b) Đúng	b) Đúng
c) Sai	c) Đúng	c) Đúng	c) Sai
d) Đúng	d) Sai	d) Đúng	d) Đúng

**PHẦN III.**

(Mỗi câu trả lời đúng thí sinh được **0,5 điểm**)

Câu	1	2	3	4	5	6
Đáp án	$\frac{2}{3}$	0	32	2	$\sqrt{2}$	$M(-1+\sqrt{3}; 2-\sqrt{3})$ , $M(-1-\sqrt{3}; 2+\sqrt{3})$

**Phần I. Câu trắc nghiệm nhiều phương án lựa chọn. Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 12. Mỗi câu hỏi thí sinh chỉ chọn một phương án.**

**Câu 1: (NB)** Cho các số thực  $a, b, \alpha (a > 0; b > 0)$ . Mệnh đề nào sau đây đúng?

A.  $(ab)^\alpha = a^\alpha \cdot b^\alpha$

B.  $(a-b)^\alpha = a^\alpha - b^\alpha$

C.  $\left(\frac{a}{b}\right)^\alpha = \frac{a^\alpha}{b^{-\alpha}}$

D.  $(a+b)^\alpha = a^\alpha + b^\alpha$

### Phương pháp

Sử dụng công thức tính lũy thừa

### Cách giải

$$(ab)^\alpha = a^\alpha \cdot b^\alpha$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^\alpha = \frac{a^\alpha}{b^\alpha}$$

### Đáp án A

**Câu 2: (TH)** Cho  $\log_a b = 3$  và  $\log_a c = 2$ . Tính  $P = \log_a (bc^2)$

A. 7.

B. 4.

C. -1.

D. 0.

### Phương pháp

Sử dụng công thức logarit

### Cách giải

$$P = \log_a (bc^2) = \log_a b + \log_a c^2 = \log_a b + 2 \log_a c = 3 + 2 \cdot 2 = 7$$

### Đáp án A

**Câu 3: (TH)** Cho hàm số  $f(x) = \ln(x^2 - 2x + 4)$ . Tìm các giá trị của  $x$  để  $f'(x) > 0$ .

A.  $x \neq 1$

B.  $x > 0$

C.  $x > 1$

D.  $\forall x$

### Phương pháp

Sử dụng công thức tính đạo hàm của hàm hợp

### Cách giải

$$f'(x) = [\ln(x^2 - 2x + 4)]' = \frac{(x^2 - 2x + 4)'}{x^2 - 2x + 4} = \frac{2x - 2}{x^2 - 2x + 4}$$

$$f'(x) > 0 \Leftrightarrow \frac{2x - 2}{x^2 - 2x + 4} > 0 \Leftrightarrow 2x - 2 > 0 \Leftrightarrow x > 1$$

### Đáp án C

**Câu 4: (NB)** Cho  $A, B$  là hai biến cố xung khắc. Đẳng thức nào sau đây đúng?

A.  $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$ .

B.  $P(A \cup B) = P(A) \cdot P(B)$ .

C.  $P(A \cup B) = P(A) - P(B)$ .

D.  $P(A \cap B) = P(A) + P(B)$ .

### Phương pháp

Sử dụng công thức cộng xác suất

### Cách giải

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B)$$

### Đáp án A

**Câu 5: (TH)** Gieo một con xúc xắc có sáu mặt, các mặt 1, 2, 3, 4 được sơn đỏ, mặt 5, 6 sơn xanh. Gọi A là biến cố được mặt số lẻ, B là biến cố được mặt sơn màu đỏ. Xác suất của  $A \cap B$  là:

A.  $\frac{1}{3}$ .

B.  $\frac{1}{4}$ .

C.  $\frac{2}{3}$ .

D.  $\frac{3}{4}$ .

### Phương pháp

Sử dụng quy tắc xác suất

### Cách giải

Biến cố  $A \cap B$  là :"Gieo được mặt xuất hiện số lẻ và sơn đỏ"  $\Rightarrow n(A \cap B) = 2$

$$\text{Vậy xác suất cần tính là } P(A \cap B) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

### Đáp án B

**Câu 6: (NB)** Cho hàm số  $y = f(x)$  có đồ thị (C) và đạo hàm  $f'(2) = 6$ . Hệ số góc của tiếp tuyến của (C) tại điểm  $M(2; f(2))$  bằng

A. 2

B. 3

C. 6

D. 12

### Phương pháp

Đạo hàm của hàm số  $y = f(x)$  tại điểm  $x_0$  là hệ số góc của tiếp tuyến với đồ thị (C) của hàm số tại điểm  $M_0(x_0; f(x_0))$

Khi đó phương trình tiếp tuyến của (C) tại điểm  $M_0$  là:  $y = f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$

### Cách giải

Hệ số góc của tiếp tuyến của (C) tại điểm  $M(2; f(2))$  là  $f'(2) = 6$ .

### Đáp án C

**Câu 7: (TH)** Cho hàm số  $f(x) = (x+1)^3$ . Giá trị của  $f''(1)$  bằng

- A. 12
- B. 6
- C. 24
- D. 4

### Phương pháp

Sử dụng công thức tính đạo hàm của hàm hợp

### Cách giải

$$f'(x) = [(x+1)^3]' = 3(x+1)'(x+1)^2 = 3(x+1)^2$$

$$f''(x) = [3(x+1)^2]' = 6(x+1)'(x+1) = 6(x+1)$$

$$f''(1) = 12$$

### Đáp án A

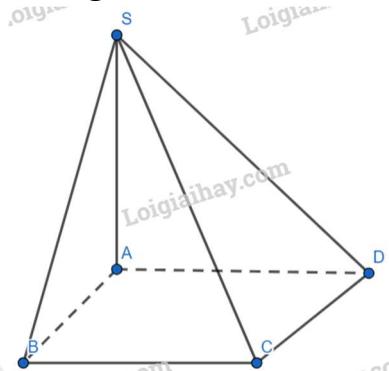
**Câu 8: (NB)** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có  $ABCD$  là hình chữ nhật và  $SA \perp (ABCD)$ . Mệnh đề nào dưới đây đúng?

- A.  $BC \perp (SAD)$ .
- B.  $AB \perp (SAD)$ .
- C.  $AC \perp (SAD)$ .
- D.  $BD \perp (SAD)$ .

### Phương pháp

Sử dụng định lý đường thẳng vuông góc với mặt phẳng

### Cách giải



a)  $\begin{cases} BC \parallel AD \\ BC \not\subset (SAD), AD \subset (SAD) \end{cases} \Rightarrow BC \perp (SAD)$

b)  $\begin{cases} AB \perp AD \\ AB \perp SA \\ AD, SA \subset (SAD) \end{cases} \Rightarrow AB \perp (SAD)$   
 $AD \cap SA$

### Đáp án B

**Câu 9: (TH)** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình vuông cạnh  $a$ ,  $SA \perp (ABCD)$  và  $SA = a$ . Góc giữa đường thẳng  $SB$  và mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng

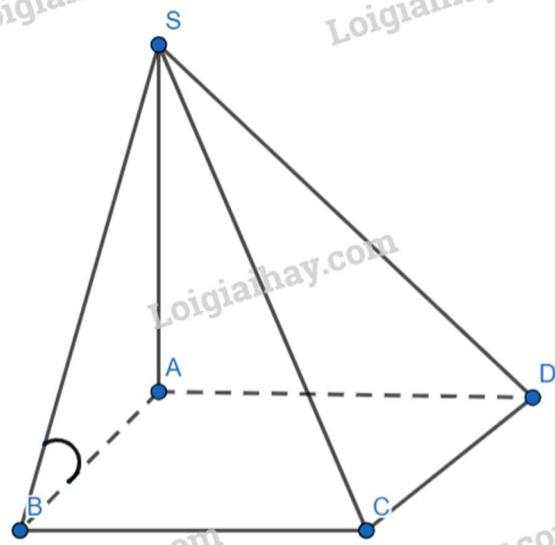
- A.  $45^\circ$ .

- B.  $90^\circ$ .  
C.  $30^\circ$ .  
D.  $60^\circ$ .

### Phương pháp

Sử dụng phương pháp xác định góc giữa đường thẳng và mặt phẳng

### Cách giải



Do  $SA \perp (ABCD)$

Nên  $AB$  là hình chiếu của  $SA$  lên  $mp(ABCD)$

Ta có:  $(SB, (ABCD)) = (SB, AB)$

Xét tam giác  $SAB$  vuông tại  $A$  ta có:

$$(SB, AB) = \widehat{SBA}$$

$$\tan \widehat{SBA} = \frac{SA}{AB} = \frac{a}{a} = 1 \Rightarrow \widehat{SBA} = 45^\circ$$

### Đáp án A

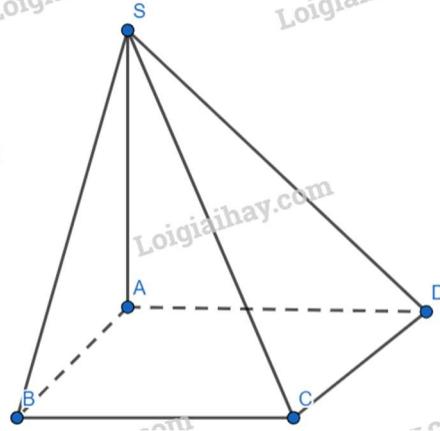
**Câu 10: (TH)** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật,  $SA \perp (ABCD)$ ,  $AB = a$  và  $SB = \sqrt{2}a$ . Khoảng cách từ điểm  $S$  đến mặt phẳng  $(ABCD)$  bằng

- A.  $a$ .  
B.  $\sqrt{2}a$ .  
C.  $2a$ .  
D.  $\sqrt{3}a$ .

### Phương pháp

Sử dụng công thức tính khoảng cách từ điểm đến mặt phẳng

### Cách giải



Do  $SA \perp (ABCD) \Rightarrow d(S, (ABCD)) = SA$

Tam giác  $SAB$  vuông tại  $A$  nên  $SA = \sqrt{SB^2 - AB^2} = a$

**Đáp án A**

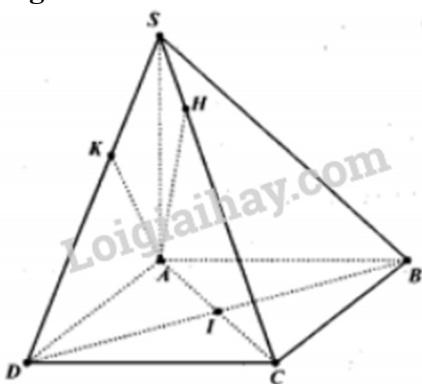
**Câu 11: (TH)** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật tâm  $I$ , cạnh bên  $SA$  vuông góc với đáy.  $H, K$  lần lượt là hình chiếu của  $A$  lên  $SC$ ,  $SD$ . Kí hiệu  $d(A, (SCD))$  là khoảng cách giữa điểm  $A$  và mặt phẳng  $(SCD)$ . Khẳng định nào sau đây đúng ?

- A.  $d(A, (SCD)) = AC$ .
- B.  $d(A, (SCD)) = AK$ .
- C.  $d(A, (SCD)) = AH$ .
- D.  $d(A, (SCD)) = AD$ .

**Phương pháp**

Sử dụng công thức tính khoảng cách từ điểm đến mặt phẳng

**Cách giải**



Ta có:

$$\begin{cases} DC \perp AD \\ DC \perp SA \\ AD, SA \subset (SAD) \end{cases} \Rightarrow DC \perp (SAD) \Rightarrow DC \perp AK$$

$$AD \cap SA$$

$$\begin{cases} AK \perp SD \\ AK \perp DC \\ SD, DC \subset (SDC) \end{cases} \Rightarrow AK \perp (SDC) \Rightarrow d(A, (SCD)) = AK$$

$$SD \cap DC$$

**Đáp án A**

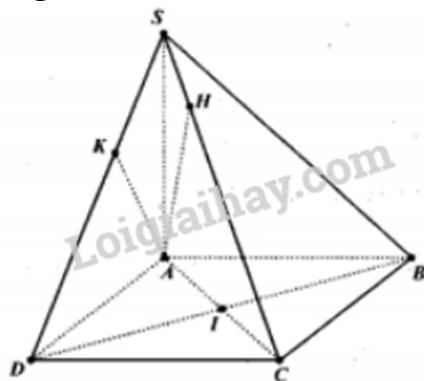
**Câu 12: (TH)** Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình chữ nhật tâm I, cạnh bên SA vuông góc với đáy. H,K lần lượt là hình chiếu của A lên SC, SD. Khẳng định nào sau đây đúng

- A.  $BD \perp (SAC)$
- B.  $AK \perp (SCD)$
- C.  $BC \perp (SAC)$
- D.  $AH \perp (SCD)$ .

### Phương pháp

Sử dụng định lý đường thẳng vuông góc với mặt phẳng

### Cách giải



$$\left\{ \begin{array}{l} DC \perp AD \\ DC \perp SA \\ AD, SA \subset (SAD) \\ AD \cap SA \end{array} \right. \Rightarrow DC \perp (SAD) \Rightarrow DC \perp AK$$

$$\left\{ \begin{array}{l} AK \perp SD \\ AK \perp DC \\ SD, DC \subset (SDC) \\ SD \cap DC \end{array} \right. \Rightarrow AK \perp (SDC)$$

### Đáp án B

**Phần II. Câu trắc nghiệm đúng sai.** Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 4. Trong mỗi ý a), b), c), d) ở mỗi câu, thí sinh chọn đúng hoặc sai.

**Câu 1:** Một chất điểm chuyển động có phương trình chuyển động là  $s = s(t) = t^2 - 2t$  (t được tính bằng giây, s được tính bằng mét)

- a) Đạo hàm của hàm số  $s(t)$  tại thời điểm  $t_0$  là:  $2t_0 - 2$
- b) Vận tốc tức thời của chuyển động tại thời điểm  $t = 5$  là  $8(m/s)$
- c) Vận tốc tức thời của chuyển động tại thời điểm  $t = 10$  là  $16(m/s)$
- d) Vận tốc trung bình của chất điểm trong khoảng thời gian từ  $t = 0$  tới  $t = 3s$  là  $5(m/s)$

### Phương pháp

Phương trình vận tốc của chất điểm:  $v(t) = s'(t)$

Phương trình gia tốc của chất điểm:  $a(t) = v'(t)$

### Cách giải

- a) Đạo hàm của hàm số  $s(t)$  tại thời điểm  $t_0$

Ta có:

$$f'(t_0) = \lim_{t \rightarrow t_0} \frac{f(t) - f(t_0)}{t - t_0} = \lim_{t \rightarrow t_0} \left( \frac{t^2 - 2t - (t_0^2 - 2t_0)}{t - t_0} \right)$$

$$= \lim_{t \rightarrow t_0} \left( \frac{(t - t_0)(t + t_0 - 2)}{t - t_0} \right) = \lim_{t \rightarrow t_0} (t + t_0 - 2) = 2t_0 - 2$$

b) Phương trình vận tốc của chất điểm là:  $v(t) = s' = s'(t) = 2t - 2$

Vận tốc tức thời của chuyển động tại thời điểm  $t = 5$  (s) là:  $v(5) = 2.5 - 2 = 8(m.s)$

c) Vận tốc tức thời của chuyển động tại thời điểm  $t = 10$  là  $v(10) = 2.10 - 2 = 18(m/s)$

d) Trong khoảng thời gian từ  $t = 0$  tới  $t = 3s$  thì chất điểm di chuyển được quãng đường:  $3^2 - 2.3 = 3(m)$

Suy ra vận tốc trung bình của chất điểm trong khoảng thời gian 3s kể từ thời điểm  $t = 0$  là:

$$\bar{v} = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{3 - 0}{3 - 0} = 1(m/s)$$

**Đáp án:**

- a) Đúng
- b) Đúng
- c) Sai
- d) Sai

**Câu 2:** Cho hàm số có đồ thị (C):  $y = f(x) = x^2 + x + 1$  (C)

a) Không tồn tại phương trình tiếp tuyến của (C) tại giao điểm của (C) với trục Ox

b) Phương trình tiếp tuyến của (C) tại giao điểm của (C) với trục Oy là  $y = x + 1$

c) Phương trình tiếp tuyến của (C) tại giao điểm của (C) tại giao điểm của (C) với đường thẳng  $y = x + 1$  là:

$$y = -3x + \frac{7}{3}$$

d) Phương trình tiếp tuyến của (C) biết hệ số góc của tiếp tuyến  $k = 3$  là  $y = -3x - 3$

**Phương pháp**

Bước 1: Gọi  $M(x_0; f(x_0))$  là tọa độ tiếp điểm của tiếp tuyến của (C) thì  $f(x_0) = k$

Bước 2: Giải phương trình  $f(x_0) = k$  với ẩn là  $x_0$ .

Bước 3: Phương trình tiếp tuyến của (C) có dạng  $y = k(x - x_0) + f(x_0)$ .

**Cách giải**

$$y' = f'(x) = (x^2 + x + 1)' = 2x + 1$$

**Đáp án**

a) Vì (C) không cắt Ox nên không tồn tại tiếp tuyến thỏa mãn yêu cầu bài toán

b) Tọa độ giao điểm của (C) với trục Oy là:  $(0; 1)$

Suy ra phương trình tiếp tuyến tại giao điểm (C) với trục Ox là:

$$y = y'(0)(x - 0) + 1 \Leftrightarrow y = x + 1$$

c) Tọa độ giao điểm của (C) với đường thẳng  $y = x + 1$  là nghiệm của phương trình :

$$x^2 + x + 1 = x + 1 \Leftrightarrow x^2 = 0 \Leftrightarrow x = 0$$

Phương trình tiếp tuyến tại điểm  $(0; 1)$  là  $y = x + 1$

d) Gọi  $M(a; b)$  là tiếp điểm của tiếp tuyến của đồ thị (C) với hệ số góc  $k = -3$

$$\Rightarrow y'(a) = -3 \Leftrightarrow 2a + 1 = -3 \Leftrightarrow a = -2$$

Suy ra phương trình tiếp tuyến với hệ số góc  $k = -3$  là  $y = -3(x + 2) + 3 \Leftrightarrow y = -3x - 3$

**Đáp án**

- e) Đúng

- f) Đúng  
g) Sai  
h) Đúng

**Câu 3:** Cho lăng trụ tứ giác  $ABCD.A'B'C'D'$ . Có đáy là hình vuông và cạnh bên bằng  $2a$ . Hình chiếu của  $A'$  trên mặt phẳng  $(ABCD)$  là trung điểm của cạnh  $AD$ , đường thẳng  $A'C$  hợp với mặt phẳng  $(ABCD)$  một góc  $45^\circ$ .

- a)  $A'H \perp AC$   
b)  $A'H \perp (BB'C'C)$   
c)  $(A'C, (ABCD)) = \widehat{A'CH}$   
d) Thể tích khối lăng trụ bằng  $4a^3\sqrt{5}$

#### Phương pháp

Sử dụng định lý đường thẳng vuông góc với mặt phẳng; góc giữa đường thẳng với mặt phẳng

#### Cách giải



- a)  $A'H \perp (ABCD) \Rightarrow A'H \perp AC$   
b)  $A'H$  không vuông góc  $(BB'C'C)$   
c) Ta có:  $A'H \perp (ABCD)$   
 $\Rightarrow HC$  là hình chiếu của  $A'C$  trên  $(ABCD)$   
 $\Rightarrow (A'C, (ABCD)) = (A'C, HC) = \widehat{HCA}' = 45^\circ$

Áp dụng định lý Pitago cho tam giác HDC vuông tại D ta có:

$$HC = \sqrt{HD^2 + DC^2} = \sqrt{a^2 + (2a)^2} = a\sqrt{5}$$

$$\Rightarrow A'H = HC \cdot \tan 45^\circ = a\sqrt{5}$$

$$\Rightarrow V_{ABCD.A'B'C'D'} = A'H \cdot S_{ABCD} = a\sqrt{5} \cdot (2a)^2 = 4a^3\sqrt{5}.$$

#### Đáp án

- a) Đúng  
b) Sai  
c) Đúng  
d) Đúng

**Câu 4:** Một chiếc máy có hai động cơ I và II hoạt động độc lập với nhau. Xác suất để động cơ I và động cơ II chạy tốt lần lượt là 0,8 và 0,7.

- a) Xác suất để cả hai động cơ đều chạy tốt là 0,56  
b) Xác suất để cả hai động cơ đều chạy không tốt là 0,06  
c) Xác suất để có ít nhất một động cơ chạy tốt là 0,06

**d)** Xác suất để chỉ có 1 động cơ chạy tốt 0,3

### Phương pháp

Sử dụng công thức nhân xác suất cho hai biến cố độc lập.

### Cách giải

Gọi A là biến cố động cơ I chạy tốt

B là biến cố động cơ II chạy tốt

Theo giả thiết:  $P(A) = 0,8; P(B) = 0,7$

$$\Rightarrow P(\bar{A}) = 1 - 0,8 = 0,2; P(\bar{B}) = 1 - 0,7 = 0,3$$

a) Gọi X là biến cố cả 2 động cơ cùng chạy tốt

Ta có  $X = A \cdot B$

Mà 2 biến cố A và B độc lập với nhau nên:

$$P(X) = P(A) \cdot P(B) = 0,8 \cdot 0,7 = 0,56$$

b) Gọi Y là biến cố cả 2 động cơ cùng không chạy tốt

Ta có:  $Y = \bar{A} \cdot \bar{B}$

Mà 2 biến cố  $\bar{A}$ ;  $\bar{B}$  độc lập với nhau nên:  $P(Y) = P(\bar{A}) \cdot P(\bar{B}) = 0,2 \cdot 0,3 = 0,06$

c) Ta có biến cố:  $\bar{Y}$  là ít nhất 1 động cơ chạy tốt

$$P(\bar{Y}) = 1 - P(Y) = 1 - 0,06 = 0,94$$

d) Gọi Z là biến cố chỉ có một động cơ chạy tốt

$$P(Z) = P(A) \cdot P(\bar{B}) + P(\bar{A}) \cdot P(B) = 0,8 \cdot 0,3 + 0,2 \cdot 0,7 = 0,38$$

### Đáp án

a) Đúng

b) Đúng

c) Sai

d) Sai

### Phần III. Câu trắc nghiệm trả lời ngắn.

Thí sinh trả lời từ câu 1 đến câu 6

**Câu 1.** Một chất điểm chuyển động có phương trình  $s(t) = t^3 - 3t^2 - 9t$  ( $t$  tính bằng giây,  $s$  tính bằng mét).

Tính gia tốc tức thời tại thời điểm  $t = 3s$ ?

### Phương pháp

Phương trình vận tốc của chất điểm:  $v(t) = s'(t)$

Phương trình gia tốc của chất điểm:  $a(t) = v'(t)$

### Cách giải

Ta có:  $a(t) = v'(t) = s''(t)$

$$s(t) = t^3 - 3t^2 - 9t \Rightarrow s'(t) = 3t^2 - 6t - 9 \Rightarrow s''(t) = 6t - 6$$

Vậy gia tốc tức thời tại thời điểm  $t = 3s$  là  $a(3) = 6 \cdot 3 - 6 = 12m/s^2$ .

### Đáp án

$12m/s^2$

**Câu 2.** Cho hàm số  $y = \frac{x^2 - x + 3}{x+1}$ , biết  $y' = \frac{ax^2 + bx + c}{(x+1)^2}$ . Tính  $a+b+c$ .

### Phương pháp

Sử dụng công thức tính đạo hàm của hàm hợp

### Cách giải

$$y = \frac{x^2 - x + 3}{x+1} \Rightarrow y' = \frac{x^2 + 2x - 4}{(x+1)^2}$$

Do đó:  $a + b + c = 1 + 2 - 4 = -1$ .

### Đáp án

-1

**Câu 3.** Tìm giới hạn  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{x}$

### Phương pháp

Sử dụng tính chất:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$

### Cách giải

Ta có:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} \left( 2 \cdot \frac{\sin 2x}{2x} \right) = \lim_{x \rightarrow 0} 2 \cdot \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{2x} = 2 \cdot 1 = 2$

### Đáp án

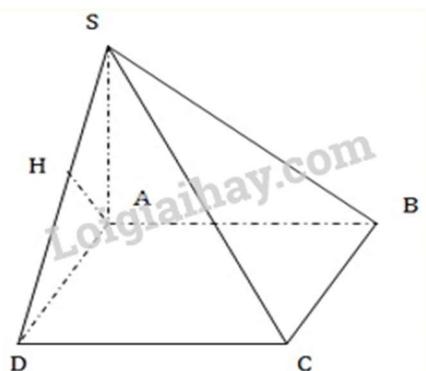
2

**Câu 4.** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình chữ nhật,  $AD = 2a, AB = 3a$ . Cạnh bên  $SA$  vuông góc với đáy,  $SA = 2a$ . Khoảng cách giữa hai đường thẳng  $AB$  và  $SD$  bằng

### Phương pháp

Sử dụng phương pháp xác định khoảng cách giữa hai đường thẳng

### Cách giải



Từ  $A$  kẻ  $AH \perp SD \Rightarrow AH$  là đường vuông góc chung

Chứng minh: Ta có  $AB \perp AH$  ( $Do\ AB \perp (SAD)$ ) và  $AH \perp SD \Rightarrow AH$  là đường vuông góc chung  
 $\Rightarrow d(AB, SD) = AH$ .

Tính  $AH$ :  $AH = \frac{AS \cdot AD}{\sqrt{AS^2 + AD^2}} = \frac{2a \cdot 2a}{\sqrt{(2a)^2 + (2a)^2}} = a\sqrt{2}$ .

### Đáp án

$a\sqrt{2}$

**Câu 5.** Cho hàm số  $f(x) = x(x-1)(x-2)\dots(x-1000)$ . Tính  $f'(0)$ .

### Phương pháp

Sử dụng phương pháp tính đạo hàm theo định nghĩa

### Cách giải

Theo định nghĩa đạo hàm của hàm số tại một điểm:

$$\begin{aligned}f'(0) &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - f(0)}{x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(x-1)(x-2)\dots(x-1000)}{x} \\&= \lim_{x \rightarrow 0} [(x-1)(x-2)\dots(x-1000)] = (-1) \cdot (-2) \cdot (-3) \dots (-1000) = 1000!\end{aligned}$$

Vậy  $f'(0) = 1000!$

### Đáp án

1000!

**Câu 6.** Tính diện tích của tam giác tạo bởi các trục tọa độ với tiếp tuyến của đồ thị hàm số  $y = \frac{2a^2}{x}$  ( $a$  là hằng số khác 0).

### Phương pháp

Lập phương trình diện tích tam giác và tính diện tích theo  $a$

### Cách giải

Tập xác định:  $D = \mathbb{R} \setminus \{0\}$ ,  $y' = -\frac{2a^2}{x^2}$ .

Tiết tuyến của đồ thị hàm số  $y = \frac{2a^2}{x}$  tại điểm  $\left(x_0; \frac{2a^2}{x_0}\right)$  là đường thẳng ( $d$ ) có dạng:

$$y = -\frac{2a^2}{x_0^2} \cdot (x - x_0) + \frac{2a^2}{x_0}, (x_0 \neq 0, a \neq 0).$$

+ Gọi  $A = d \cap Ox$ : Cho  $y = 0 \Rightarrow -\frac{2a^2}{x_0^2} \cdot (x - x_0) + \frac{2a^2}{x_0} = 0 \Leftrightarrow x - x_0 - x_0 = 0 \Leftrightarrow x = 2x_0 \Rightarrow A(2x_0; 0)$ .

+ Gọi  $B = d \cap Oy$ : Cho  $x = 0 \Rightarrow y = -\frac{2a^2}{x_0^2} \cdot (-x_0) + \frac{2a^2}{x_0} = \frac{2a^2}{x_0} + \frac{2a^2}{x_0} = \frac{4a^2}{x_0} \Rightarrow B\left(0; \frac{4a^2}{x_0}\right)$ .

+ Diện tích tam giác  $OAB$ :  $S = \frac{1}{2} OA \cdot OB = \frac{1}{2} \cdot |2x_0| \cdot \left|\frac{4a^2}{x_0}\right| = 4a^2$

### Đáp án

$4a^2$