

ĐỀ THI HỌC KÌ I – Đề số 7**Môn: Toán học - Lớp 10****Bộ sách Chân trời sáng tạo****BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM** **Mục tiêu**

- Ôn tập lý thuyết học kì I của chương trình sách giáo khoa Toán 10 – Chân trời sáng tạo.
- Vận dụng linh hoạt lý thuyết đã học trong việc giải quyết các câu hỏi trắc nghiệm, tự luận Toán học.
- Tổng hợp kiến thức dạng hệ thống, dần trải tất cả các chương học kì I – chương trình Toán 10.

Phần 1: Trắc nghiệm (6 điểm)**Câu 1:** Cho các phát biểu sau đây:

- (1) “17 là số nguyên tố”.
- (2) “Tam giác vuông có một đường trung tuyến bằng nửa cạnh huyền”.
- (3) “Các em C14 hãy cố gắng học tập thật tốt nhé!”
- (4) “Mọi hình chữ nhật đều nội tiếp được đường tròn”.

Hỏi có bao nhiêu phát biểu là mệnh đề?

- 4.
- 3.
- 2.
- 1.

Câu 2: Giả sử biết số đúng là 8217,3. Sai số tuyệt đối khi quy tròn số này đến hàng chục là:

- 7,3.
- 2,3.
- 0,3.
- 2,7.

Câu 3: Cho tam giác ABC có trung tuyến AM. Đặt $\vec{a} = \overrightarrow{AB}$, $\vec{b} = \overrightarrow{AM}$. Giả sử $\overrightarrow{AC} = x\vec{a} + y\vec{b}$, $x, y \in \mathbb{R}$. Tìm cặp số (x;y) tương ứng.

- (-1;-2).
- (1;2).
- (-1;2).
- (1;-2).

Câu 4: Lớp 10A có 37 học sinh, trong đó có 17 học sinh thích môn Văn, 19 học sinh thích môn Toán, 9 em không thích môn Văn và Toán. Số học sinh thích cả hai môn Văn và Toán là:

- 13.
- 8.

C. 6.

D. 2.

Câu 5: Tìm tập nghiệm của hệ bất phương trình
$$\begin{cases} 3x - 4 \geq 0 \\ \frac{x-1}{2} - x \geq -2 \end{cases}$$

A. $S = [3; +\infty)$.

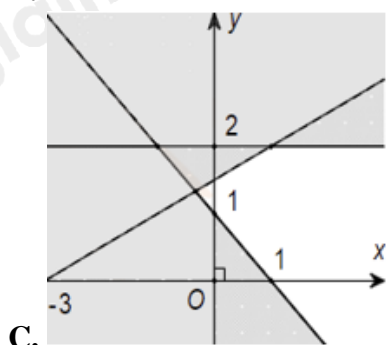
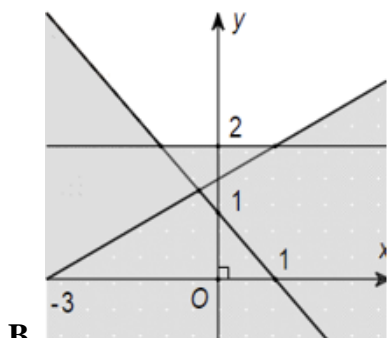
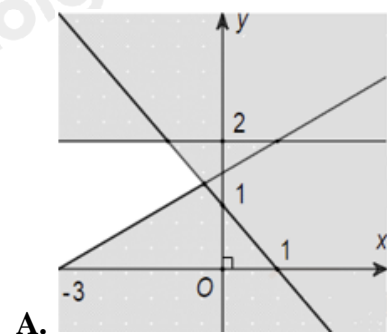
B. $S = \left[\frac{4}{3}; 3\right]$.

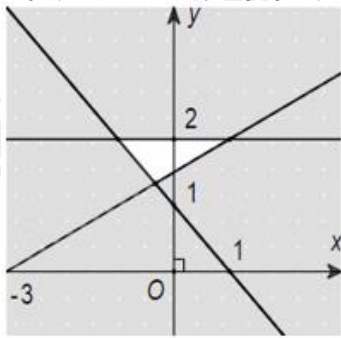
C. $S = \left[\frac{4}{3}; +\infty\right)$.

D. $S = \emptyset$.

Câu 6: Miền nghiệm của hệ bất phương trình
$$\begin{cases} x + y - 1 > 0 \\ y \geq 2 \\ -x + 2y > 3 \end{cases}$$
 là phần không tô đậm của hình vẽ nào trong các

hình vẽ sau:



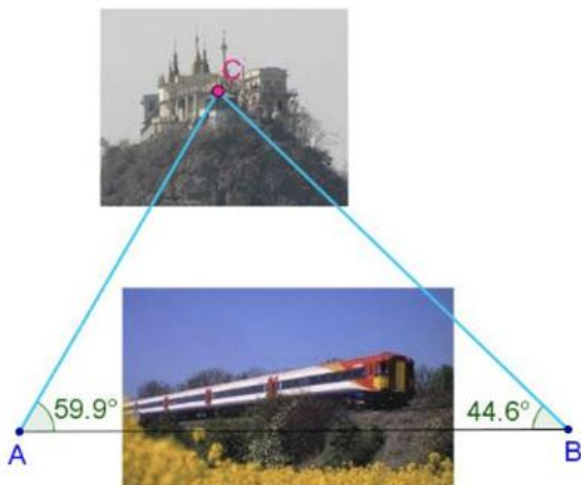


D.

Câu 7: Cho tam giác ABC có $AB = 9$, $AC = 18$ và $A = 60^\circ$. Bán kính R của đường tròn ngoại tiếp tam giác ABC là:

- A. 3.
- B. $9\sqrt{3}$.
- C. 9.
- D. 6.

Câu 8: Một người ngồi trên tàu hỏa đi từ ga A đến ga B. Khi đỗ tàu ở ga A, qua ống nhòm người đó nhìn thấy một tháp C. Hướng nhìn từ người đó đến tháp tạo với hướng đi của tàu một góc 60° . Khi tàu đỗ ở ga B, người đó nhìn lại vẫn thấy tháp C, hướng nhìn từ người đó đến tháp tạo với hướng ngược với hướng đi của tàu một góc 45° . Biết rằng đoạn đường tàu nối thẳng ga A với ga B dài 8km. Hỏi khoảng cách từ ga A đến tháp C gần nhất với số nào sau đây?



- A. 5,9.
- B. 5,86.
- C. 5,78.
- D. 5,8.

Câu 9: Biểu thức $\tan^2 x \sin^2 x - \tan^2 x + \sin^2 x$ có giá trị bằng

- A. -1.
- B. 0.
- C. 2.
- D. 1.

Câu 10: Gọi AN, CM là các đường trung tuyến của tam giác ABC. Đẳng thức nào sau đây đúng?

A. $\overline{AB} = \frac{2}{3}\overline{AN} + \frac{2}{3}\overline{CM}$.

B. $\overline{AB} = \frac{4}{3}\overline{AN} - \frac{2}{3}\overline{CM}$.

C. $\overline{AB} = \frac{4}{3}\overline{AN} + \frac{4}{3}\overline{CM}$.

D. $\overline{AB} = \frac{4}{3}\overline{AN} + \frac{2}{3}\overline{CM}$.

Câu 11: Điểm thi của 32 học sinh trong kì thi Tiếng Anh (thang điểm 100) như sau:

68	79	65	85	52	81	55	65	49	42	68	66	56	57	65	72
69	60	50	63	74	88	78	95	41	87	61	72	59	47	90	74

Độ lệch chuẩn là:

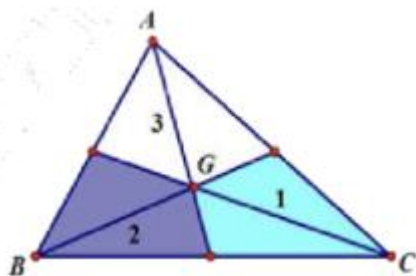
A. $s \approx 13,793$

B. $s \approx 19,973$

C. $s \approx 17,393$

D. $s \approx 13,933$

Câu 12: Gọi G là trọng tâm của tam giác ABC, nếu điểm M thỏa mãn hệ thức $\overline{MA} + \overline{MB} + 4\overline{MC} = \vec{0}$ thì vị trí của điểm M thuộc miền nào trong hình vẽ?



A. Miền 1.

B. Miền 2.

C. Miền 3.

D. Ở ngoài tam giác ABC.

Câu 13: Tập xác định của hàm số $y = \frac{\sqrt{2x+1}}{3-x}$ là:

A. $D = (3; +\infty)$.

B. $D = (-\infty; 3)$.

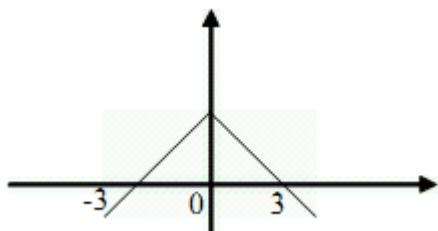
C. $D = \left[-\frac{1}{2}; +\infty\right) \setminus \{3\}$.

D. $D = \mathbb{R}$.

Câu 14: Trong tam giác ABC, hệ thức nào sau đây sai?

- A. $a = \frac{b \sin A}{\sin B}$.
- B. $b = R \cdot \tan B$.
- C. $\sin C = \frac{c \sin A}{a}$.
- D. $a = 2R \sin A$.

Câu 15: Cho đồ thị hàm số $y = f(x)$ như hình vẽ



Kết luận nào trong các kết luận sau là đúng?

- A. Hàm số đồng biến trên \mathbb{R} .
- B. Tập xác định $D = [-3; 3]$.
- C. Hàm số nghịch biến trên $(1; 2)$
- D. Cả ba đáp án đều sai.

Câu 16: Sản lượng lúa của 40 thửa ruộng thí nghiệm có cùng diện tích được trình bày trong bảng tần số sau đây: (đơn vị: tạ)

Sản lượng (x)	20	21	22	23	24
Tần số (n)	5	8	11	10	6

Phương sai là

- A. 1,24
- B. 1,54
- C. 22,1
- D. 4,70

Câu 17: Bảng biến thiên của hàm số $y = -x^2 + 2x - 1$ là:

A.

x	$-\infty$	1	$+\infty$
y	$-\infty$	0	$-\infty$

B.

x	$-\infty$	2	$+\infty$
y	$-\infty$	-1	$-\infty$

C.

x	$-\infty$	1	$+\infty$
y	$+\infty$	0	$+\infty$

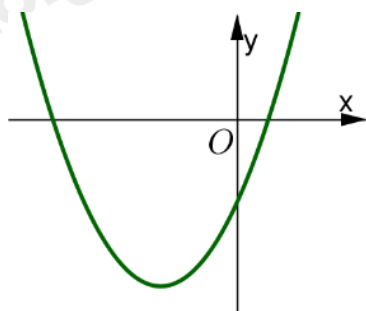
D.

x	$-\infty$	2	$+\infty$
y	$+\infty$	-1	$+\infty$

Câu 18: Cho hai tập hợp $X = \{1; 2; 3; 4\}$, $Y = \{1; 2\}$. Tập hợp $C_x Y$ là tập hợp nào sau đây?

- A. $\{3; 4\}$.
- B. $\{1; 2; 3; 4\}$.
- C. $\{1; 2\}$.
- D. \emptyset .

Câu 19: Cho hàm số $y = ax^2 + bx + c$ có đồ thị là parabol trong hình vẽ. Khẳng định nào sau đây là **đúng**?



- A. $a > 0; b > 0; c > 0$.
- B. $a > 0; b < 0; c > 0$.
- C. $a > 0; b < 0; c < 0$.
- D. $a > 0; b > 0; c < 0$.

Câu 20: Trong hệ bất phương trình $\begin{cases} x + 3y - 2 \geq 0 \\ 2x + y + 1 \leq 0 \end{cases}$. Trong các điểm sau, điểm nào thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình?

- A. A(0;1).
- B. C(1;3).
- C. B(-1;1).
- D. D(-1;0).

Câu 21: Tổng giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của hàm số $y = x^2 - 4x + 3$ trên đoạn $[-1; 4]$ là

- A. -1.
- B. 2.
- C. 7.
- D. 8.

Câu 22: Cho $\tan \alpha = -2$. Tính giá trị của biểu thức $P = \frac{2 \sin \alpha + 3 \cos \alpha}{3 \sin \alpha - 2 \cos \alpha}$.

A. $P = \frac{7}{4}$.

B. $P = -\frac{1}{8}$.

C. $P = -\frac{7}{4}$.

D. $P = \frac{1}{8}$.

Câu 23: Cho tam giác ABC có trung tuyến BM và trọng tâm G. Đặt $\vec{BC} = \vec{a}, \vec{BA} = \vec{b}$. Hãy phân tích vectơ \vec{BG} theo \vec{a} và \vec{b} .

A. $\vec{BG} = \frac{1}{3}\vec{a} + \frac{1}{3}\vec{b}$

B. $\vec{BG} = \frac{2}{3}\vec{a} + \frac{2}{3}\vec{b}$

C. $\vec{BG} = \frac{1}{3}\vec{a} + \frac{2}{3}\vec{b}$

D. $\vec{BG} = \frac{2}{3}\vec{a} + \frac{1}{3}\vec{b}$

Câu 24: Khẳng định nào sau đây là sai?

A. Ba điểm phân biệt A, B, C thẳng hàng khi và chỉ khi $\vec{AB} = k\vec{BC}, k \neq 0$.

B. Ba điểm phân biệt A, B, C thẳng hàng khi và chỉ khi $\vec{AC} = k\vec{BC}, k \neq 0$.

C. Ba điểm phân biệt A, B, C thẳng hàng khi và chỉ khi $\vec{AB} = k\vec{AC}, k \neq 0$.

D. Ba điểm phân biệt A,B,C thẳng hàng khi và chỉ khi $\vec{AB} = k\vec{AC}$.

Câu 25: Cho tam giác ABC biết $AB = 5, AC = 7, BC = 6$. Bán kính đường tròn nội tiếp tam giác xấp xỉ là:

A. 1,63

B. 1,71

C. 1,36

D. 1,06

Câu 26: Thực hiện đo chiều dài của bốn cây cầu, kết quả đo đạc nào trong các kết quả sau đây là chính xác nhất?

A. $15,34m \pm 0,01m$.

B. $1527,4m \pm 0,2m$.

C. $2135,8m \pm 0,5m$.

D. $63,47m \pm 0,15m$.

Câu 27: Khoảng tứ phân vị của mẫu số liệu 1 1 1 2 2 2 3 3 4 20 là:

A. 2.

B. 1.

C. 3.

D. 4.

Câu 28: Xác định parabol $y = ax^2 + bx + c$ biết (P) có đỉnh $I(2;0)$ và (P) cắt trục Oy tại điểm $M(0;-1)$.

A. (P): $y = -\frac{1}{4}x^2 - 3x - 1$

B. (P): $y = -\frac{1}{4}x^2 - x - 1$

C. (P): $y = -\frac{1}{4}x^2 + x - 1$

D. (P): $y = -\frac{1}{4}x^2 + 2x - 1$

Câu 29: Cho ba điểm không thẳng hàng A, B, C. Điều kiện cần và đủ để ba điểm A, B, C thỏa mãn điều kiện $(\overrightarrow{CA} + \overrightarrow{CB}) \cdot \overrightarrow{AB} = 0$ là:

A. ΔABC đều.

B. ΔABC cân tại C.

C. ΔABC vuông tại C.

D. ΔABC vuông cân tại C.

Câu 30: Cho tam giác ABC vuông cân tại A, cạnh $AC = a$. Tính $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$.

A. $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = \vec{0}$.

B. $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = a^2$.

C. $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 0$.

D. $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = \sqrt{2}a^2$.

Phần 2: Tự luận (4 điểm)

Câu 1:

a) Xác định hàm số $y = ax^2 + bx + c$ biết đồ thị của nó có đỉnh $I\left(\frac{3}{2}; \frac{1}{4}\right)$ và cắt trục hoành tại điểm có hoành độ bằng 2.

b) Xét sự biến thiên và vẽ đồ thị hàm số tìm được.

Câu 2: Cho tam giác ABC. Tìm tập hợp các điểm M thỏa mãn điều kiện $|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}| = |\overrightarrow{MA} - 3\overrightarrow{MC}|$.

Câu 3: Cho tam giác ABC có ba cạnh là a, b, c. Chứng minh rằng

$$\frac{a^2 + b^2 + c^2}{2abc} = \frac{\cos A}{a} + \frac{\cos B}{b} + \frac{\cos C}{c}.$$

----- Hết -----

**Phần 1: Trắc nghiệm (6 điểm)**

1.B	2.D	3.C	4.B	5.C	6.C	7.C	8.B	9.B	10.D
11.A	12.A	13.C	14.B	15.C	16.B	17.A	18.A	19.D	20.C
21.C	22.D	23.A	24.D	25.A	26.C	27.A	28.C	29.B	30.C

Câu 1 (NB):**Phương pháp:**

Mệnh đề là câu khẳng định có tính đúng hoặc sai.

Cách giải:

Câu (3) không phải là mệnh đề.

Chọn B.**Câu 2 (TH):****Phương pháp:**

Tìm số quy tròn a của $\bar{a} = 8217,3$ đến hàng chục.

Tính sai số tuyệt đối $\Delta = |\bar{a} - a|$.

Cách giải:

Quy tròn $\bar{a} = 8217,3$ đến hàng chục ta được số gần đúng $a = 8220$.

Vậy sai số tuyệt đối là: $\Delta = |\bar{a} - a| = 2,7$.

Chọn D.**Câu 3 (TH):****Phương pháp:**

Sử dụng công thức trung điểm: $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{2}(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC})$.

Cách giải:

Vì M là trung điểm của BC nên

$$\overrightarrow{AM} = \frac{1}{2}(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC})$$

$$\Leftrightarrow 2\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$$

$$\Leftrightarrow \overrightarrow{AC} = -\overrightarrow{AB} + 2\overrightarrow{AM}$$

$$\Rightarrow x = -1, y = 2.$$

Vậy cặp số $(x;y)$ cần tìm là $(-1;2)$.

Chọn C.

Câu 4 (TH):

Phương pháp:

Tính số HS thích học một trong hai môn.

Tính số HS thích học cả hai môn = Số HS thích môn Văn + số HS thích môn Toán – số HS thích một trong hai môn.

Cách giải:

Số học sinh thích môn Văn hoặc Toán là: $37 - 9 = 28$ (bạn).

Số học sinh thích cả hai môn Văn và Toán là: $(17 + 19) - 28 = 8$ (bạn).

Chọn B.

Câu 5 (TH):

Phương pháp:

Giải từng bất phương trình.

Lấy giao hai tập hợp nghiệm của hai bất phương trình.

Cách giải:

Giải từng bất phương trình:

$$3x - 4 \geq 0 \Leftrightarrow x \geq \frac{4}{3} \Rightarrow S_1 = \left[\frac{4}{3}; +\infty \right).$$

$$\frac{x-1}{2} - x \geq -2 \Leftrightarrow x - 1 - 2x \geq -2x \Leftrightarrow x \geq 1 \Rightarrow S_2 = [1; +\infty)..$$

$$\text{Vậy tập nghiệm của bất phương trình là } S = S_1 \cap S_2 = \left[\frac{4}{3}; +\infty \right).$$

Chọn C.

Câu 6 (TH):

Phương pháp:

Dựa vào các điểm thuộc miền nghiệm của bất phương trình.

Cách giải:

$$\text{Thay tọa độ điểm } (2;0) \text{ vào bất phương trình ta có: } \begin{cases} 0 + 2 - 1 > 0 \\ 2 \geq 2 \\ -0 + 2 \cdot 2 > 3 \end{cases} \text{ (đúng) nên điểm } (0;2) \text{ thuộc miền nghiệm}$$

của hệ bất phương trình đã cho.

Dựa vào các đáp án ta thấy chỉ có đáp án C thỏa mãn.

Chọn C.

Câu 7 (VD):**Phương pháp:**

Áp dụng định lí cosin trong tam giác ABC tính BC: $BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2AB.AC.\cos A$.

Sử dụng công thức tính diện tích tam giác: $S_{ABC} = \frac{1}{2}AB.AC.\sin A$.

Sử dụng công thức $S_{ABC} = \frac{AB.AC.BC}{4R}$, từ đó suy ra R.

Cách giải:

Áp dụng định lí cosin trong tam giác ABC ta có:

$$\begin{aligned} BC^2 &= AB^2 + AC^2 - 2AB.AC.\cos A \\ &= 9^2 + 18^2 - 2.9.8.\cos 60^\circ = 243 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow BC = 9\sqrt{3}$$

$$\text{Khi đó ta có: } S_{ABC} = \frac{1}{2}AB.AC.\sin A = \frac{1}{2}.9.18.\sin 60^\circ = \frac{81\sqrt{3}}{2}.$$

$$\text{Mà } S_{ABC} = \frac{AB.AC.BC}{4R} \Rightarrow R = \frac{AB.AC.BC}{4S_{ABC}} = \frac{9.18.9\sqrt{3}}{4 \cdot \frac{81\sqrt{3}}{2}} = 9.$$

Chọn C.

Câu 8 (TH):**Phương pháp:**

Sử dụng định lí Sin trong tam giác ABC ta có: $\frac{AB}{\sin C} = \frac{AC}{\sin B}$.

Cách giải:

Xét tam giác ABC ta có: $C = 180^\circ - (A + B) = 75^\circ$.

Sử dụng định lí Sin trong tam giác ABC ta có: $\frac{AB}{\sin C} = \frac{AC}{\sin B}$.

$$\Rightarrow AC = \frac{AB}{\sin C} \cdot \sin B = \frac{8}{\sin 75^\circ} \cdot \sin 45^\circ \approx 5,86.$$

Chọn B.

Câu 9 (TH):**Phương pháp:**

Sử dụng $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$, $\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$.

Cách giải:

Ta có:

$$\begin{aligned}
 & \tan^2 x \sin^2 x - \tan^2 x + \sin^2 x \\
 &= \tan^2 x (\sin^2 x - 1) + \sin^2 x \\
 &= \frac{\sin^2 x}{\cos^2 x} \cdot (-\cos^2 x) + \sin^2 x \\
 &= -\sin^2 x + \sin^2 x = 0.
 \end{aligned}$$

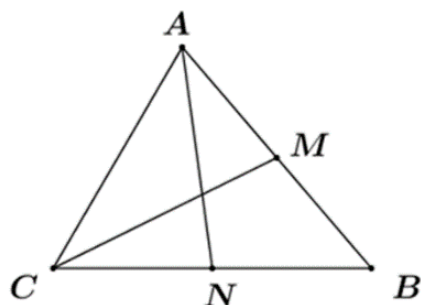
Chọn B.

Câu 10 (VD):

Phương pháp:

Sử dụng quy tắc ba điểm, phép nhân vectơ với một số.

Cách giải:



$$\begin{aligned}
 \overrightarrow{AB} &= 2\overrightarrow{AM} = 2(\overrightarrow{AN} + \overrightarrow{NC} + \overrightarrow{CM}) \\
 \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} &= 2\overrightarrow{AN} + \overrightarrow{BC} + 2\overrightarrow{CM} \\
 \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} &= 2\overrightarrow{AN} + 2\overrightarrow{CM} + (\overrightarrow{BM} - \overrightarrow{CM}) \\
 \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} &= 2\overrightarrow{AN} + 2\overrightarrow{CM} - \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{CM} \\
 \Leftrightarrow \frac{3}{2}\overrightarrow{AB} &= 2\overrightarrow{AN} + \overrightarrow{CM} \\
 \Leftrightarrow \overrightarrow{AB} &= \frac{4}{3}\overrightarrow{AN} + \frac{2}{3}\overrightarrow{CM}
 \end{aligned}$$

Chọn D.

Câu 11 (VD):

Phương pháp:

Áp dụng công thức tìm độ lệch chuẩn.

Cách giải:

Bảng phân bố tần số:

Lớp	Tần số	Giá trị đại diện
[40; 50)	4	45
[50; 60)	6	55
[60; 70)	10	65
[70; 80)	6	75
[80; 90)	4	85
[90; 100)	2	95
Tổng	$N = 32$	

Điểm trung bình: $\bar{x} = \frac{45.4 + 55.6 + 65.10 + 75.6 + 85.4 + 95.2}{32} = 66,875$ (điểm)

Phương sai: $s^2 = \frac{1}{32} [4.(45 - 66,875)^2 + 6.(55 - 66,875)^2 + \dots + 2.(95 - 66,875)^2] \approx 190,234$ (điểm)

Độ lệch chuẩn: $s = \sqrt{s^2} = \sqrt{190,234} \approx 13,793$ (điểm)

Chọn A.

Câu 12 (TH):

Phương pháp:

Cho tam giác ABC trọng tâm G và điểm M bất kì, ta có $\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} = 3\overrightarrow{MG}$.

Cách giải:

Theo bài ra ta có:

$$\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + 4\overrightarrow{MC} = \vec{0}$$

$$\Leftrightarrow (\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}) + 3\overrightarrow{MC} = \vec{0}$$

$$\Leftrightarrow 3\overrightarrow{MG} + 3\overrightarrow{MC} = \vec{0}$$

$$\Leftrightarrow \overrightarrow{MG} + \overrightarrow{MC} = \vec{0}$$

\Rightarrow M là trung điểm của GC.

Vậy M thuộc miền 1.

Chọn A.

Câu 13 (TH):

Phương pháp:

$$\sqrt{f(x)} \text{ xác định khi } f(x) \geq 0$$

$$\frac{1}{g(x)} \text{ xác định khi } g(x) \neq 0$$

Cách giải:

Hàm số $y = \frac{\sqrt{2x+1}}{3-x}$ xác định khi $\begin{cases} 2x+1 \geq 0 \\ 3-x \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq -\frac{1}{2} \\ x \neq 3 \end{cases}$

Vậy tập xác định $D = \left[-\frac{1}{2}; +\infty\right) \setminus \{3\}$

Chọn C.

Câu 14 (TH):

Phương pháp:

Sử dụng định lí Sin trong tam giác: $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R.$

Cách giải:

Sử dụng định lí Sin trong tam giác ta có:

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = \frac{b \sin A}{\sin B} \\ \sin c = \frac{c \sin A}{a} \\ a = 2R \sin A \end{cases}$$

Suy ra A, C, D đúng.

Chọn B.

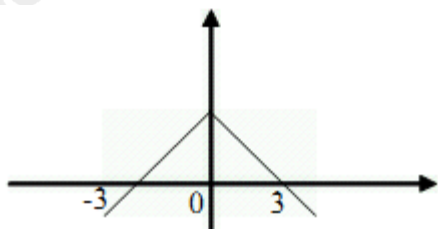
Câu 15 (NB):

Phương pháp:

Quan sát đồ thị và kết luận

Cách giải:

Quan sát đồ thị hàm số $y = f(x)$ ta thấy



Đồ thị kéo dài qua điểm $(-3;0)$ và $(3;0)$ nên tập xác định $D \neq [-3;3]$ (loại B).

Trên $(0;3)$: Đồ thị đi xuống từ trái qua phải \Rightarrow Hàm số nghịch biến trên $(0;3)$ (loại A)

\Rightarrow Hàm số nghịch biến trên $(1;2)$ vì $(1;2) \subset (0;3)$.

Chọn C.

Câu 16 (TH):**Phương pháp:**

Đối với bảng phân bố tần số, phương sai được tính theo công thức:

$$s^2 = \frac{1}{N} \left[n_1 (x_1 - \bar{x})^2 + n_2 (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + n_k (x_k - \bar{x})^2 \right]$$

Với $n_i; f_i$ lần lượt là tần số, tần suất của giá trị x_i .

Cách giải:

Bảng phân số tần số:

Sản lượng (x)	20	21	22	23	24	Tổng
Tần số (n)	5	8	11	10	6	$N = 40$

*) Sản lượng trung bình của 40 thửa ruộng là:

$$\bar{x} = \frac{20.5 + 21.8 + 22.11 + 23.10 + 24.6}{40} = 22,1 \text{ (tạ)}$$

*) Phương sai:

$$s^2 = \frac{1}{40} \left[5.(20 - 22,1)^2 + 8.(21 - 22,1)^2 + 11.(22 - 22,1)^2 + 10.(23 - 22,1)^2 + 6.(24 - 22,1)^2 \right] = 1,54 \text{ (tạ)}$$

Chọn B.

Câu 17 (TH):**Cách giải:**

Hàm số $y = -x^2 + 2x - 1$ có $a = -1, b = 2$

Vì $a = -1 < 0$, nên loại C và D.

Hoành độ đỉnh $-\frac{b}{2a} = -\frac{2}{2.(-1)} = 1$, tung độ đỉnh $y(1) = -1^2 + 2.1 - 1 = 0$

Chọn A.

Câu 18 (NB):**Phương pháp:**

$$C_X Y = X \setminus Y = \{x \in X \text{ và } x \notin Y\}.$$

Cách giải:

Ta có: $C_X Y = X \setminus Y = \{3; 4\}$.

Chọn A.

Câu 19 (NB):**Phương pháp:**

Quan sát đồ thị

Cách giải:

Vì Parabol hướng bề lõm lên trên nên $a > 0$.

Đồ thị hàm số cắt Oy tại điểm $(0; c)$ ở dưới $Ox \Rightarrow c < 0$ (Loại A, B).

Hoành độ đỉnh Parabol là $-\frac{b}{2a} < 0$, mà $a > 0 \Rightarrow b > 0$ (Loại C).

Chọn D.

Câu 20 (TH):

Phương pháp:

Thay trực tiếp tọa độ các điểm ở các đáp án vào hệ bất phương trình.

Cách giải:

Thay tọa độ điểm A(0;1) vào bất phương trình:
$$\begin{cases} 0+3.1-2 \geq 0 \\ 2.0+1+1 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 \geq 0 \\ 2 \leq 0 \end{cases} \text{ (sai)}$$

Thay tọa độ điểm C(1;3) vào bất phương trình:
$$\begin{cases} 1+3.3-2 \geq 0 \\ 2.1+3+1 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 8 \geq 0 \\ 6 \leq 0 \end{cases} \text{ (sai)}$$

Thay tọa độ điểm B(-1;1) vào bất phương trình:
$$\begin{cases} -1+3.1-2 \geq 0 \\ 2(-1)+1+1 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 0 \geq 0 \\ 0 \leq 0 \end{cases} \text{ (đúng)}$$

Thay tọa độ điểm D(-1;0) vào bất phương trình:
$$\begin{cases} -1+3.0-2 \geq 0 \\ 2(-1)+0+1 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -3 \geq 0 \\ -1 \leq 0 \end{cases} \text{ (sai)}$$

Vậy điểm B(-1;1) thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình.

Chọn C.

Câu 21 (VD):

Cách giải:

Hàm số $y = x^2 - 4x + 3$ có $a = 1 > 0, b = -4 \Rightarrow -\frac{b}{2a} = -\frac{-4}{2.1} = 2; y(2) = -1$.

$y(-1) = 8; y(4) = 3$

Ta có bảng biến thiên trên $[-1; 4]$ là:

x	$-\infty$	-1	2	4	$+\infty$
$f(x)$	$+\infty$	8	-1	3	$+\infty$

Từ bảng biến thiên suy ra:

Trên $[-1;4]$: Giá trị lớn nhất của hàm số bằng 8 và giá trị nhỏ nhất của hàm số bằng -1

Tổng giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất là $8+(-1)=7$.

Chọn C.

Câu 22 (VD):

Phương pháp:

Chia cả tử và mẫu biểu thức P cho $\cos \alpha$ và biểu diễn biểu thức P theo $\tan \alpha$.

Cách giải:

Vì $\tan \alpha = -2$ xác định nên $\cos \alpha \neq 0$.

Chia cả tử và mẫu của biểu thức P cho $\cos \alpha$ ta được:

$$P = \frac{2 \sin \alpha + 3 \cos \alpha}{3 \sin \alpha - 2 \cos \alpha} = \frac{2 \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} + 3}{3 \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} - 2}$$

$$= \frac{2 \tan \alpha + 3}{3 \tan \alpha - 2} = \frac{2 \cdot (-2) + 3}{3 \cdot (-2) - 2} = \frac{-1}{-8} = \frac{1}{8}.$$

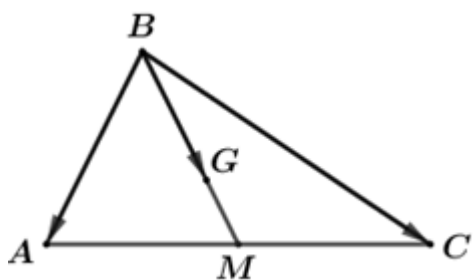
Chọn D.

Câu 23 (TH):

Phương pháp:

Áp dụng quy tắc cộng vectơ, quy tắc hình bình hành để biểu diễn vectơ.

Cách giải:



$$\overrightarrow{BM} = \frac{1}{2}(\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC}) = \frac{1}{2}\overrightarrow{BA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{BC}$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{BG} = \frac{2}{3}\overrightarrow{BM} = \frac{2}{3} \cdot \left(\frac{1}{2}\overrightarrow{BA} + \frac{1}{2}\overrightarrow{BC} \right) = \frac{1}{3}\overrightarrow{BA} + \frac{1}{3}\overrightarrow{BC}$$

Mặt khác, $\overrightarrow{BA} = \vec{a}, \overrightarrow{BC} = \vec{b}$ nên ta có: $\overrightarrow{BG} = \frac{1}{3}\vec{a} + \frac{1}{3}\vec{b}$

$$\text{Vậy } \overrightarrow{BG} = \frac{1}{3}\vec{a} + \frac{1}{3}\vec{b}.$$

Chọn A.

Câu 24 (NB):**Phương pháp:**

Áp dụng điều kiện để hai vecto cùng phương. Điều kiện cần và đủ để ba điểm thẳng hàng.

Cách giải:

Theo lý thuyết, ba điểm \$A, B, C\$ phân biệt thẳng hàng khi và chỉ khi tồn tại \$k\$ khác 0 sao cho $\overrightarrow{AB} = k\overrightarrow{AC}$.

Do vậy, khẳng định sai là: Ba điểm phân biệt \$A, B, C\$ thẳng hàng khi và chỉ khi $\overrightarrow{AB} = k\overrightarrow{AC}$.

Vì xảy ra trường hợp $k = 0$, khi đó $\overrightarrow{AB} = k\overrightarrow{AC} = 0 \cdot \overrightarrow{AC} = 0$ (vô lý)

Chọn D.**Câu 25 (NB):****Phương pháp:**

Dùng công thức diện tích $S = pr = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$

Cách giải:

$$S = pr = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$$

$$\Rightarrow r = \frac{\sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}}{p} = 1,63$$

với $p = \frac{a+b+c}{2} = 9$

Chọn A.**Câu 26 (TH):****Phương pháp:**

Tính sai số tương đối $\delta_a = \frac{\Delta_a}{|a|} \leq \frac{d}{|a|}$ trong mỗi đáp án. Sai số tương đối càng nhỏ thì kết quả đo được càng chính xác.

Cách giải:

Đáp án A: $\delta_a \leq \frac{0,01}{15,34} = 0,00065189\dots$

Đáp án B: $\delta_b \leq \frac{0,2}{127,4} = 0,00156985\dots$

Đáp án C: $\delta_c \leq \frac{0,5}{2135,8} = 0,00023410\dots$

Đáp án D: $\delta_d \leq \frac{0,15}{63,47} = 0,00236332\dots$

Ta thấy δ_c là nhỏ nhất trong các số trên. Vậy phép đo trong ý C có kết quả chính xác nhất.

Chọn C.

Câu 27 (TH):

Phương pháp:

Khoảng tứ phân vị, kí hiệu là Δ_Q , là hiệu số giữa tứ phân vị thứ ba và tứ phân vị thứ nhất, tức là:

$$\Delta_Q = Q_3 - Q_1$$

Cách giải:

Cỡ mẫu là $n = 10$ chẵn nên giá trị tứ phân vị thứ hai là $Q_2 = \frac{1}{2}(2 + 2) = 2$.

Tứ phân vị thứ nhất là trung vị của mẫu 1 1 1 2 2 . Do đó $Q_1 = 1$.

Tứ phân vị thứ ba là trung vị của mẫu 2 3 3 4 20. Do đó $Q_3 = 3$.

Vậy khoảng biến thiên của mẫu số liệu là: $\Delta_Q = Q_3 - Q_1 = 3 - 1 = 2$.

Chọn A.

Câu 28 (VD):

Phương pháp:

Parabol (P): $y = ax^2 + bx + c$ có đỉnh $I\left(-\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a}\right)$ và cắt Oy tại (0;c).

Cách giải:

Ta có (P) cắt Oy tại điểm $M(0; -1)$ suy ra $y(0) = -1 \Leftrightarrow c = -1$

$$\text{Lại có: đỉnh } I(2;0) \Rightarrow \begin{cases} -\frac{b}{2a} = 2 \\ a \cdot 2^2 + b \cdot 2 + c = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = -4a \\ 4a + 2b - 1 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -\frac{1}{4} \\ b = 1 \end{cases}$$

Vậy parabol đó là (P): $y = -\frac{1}{4}x^2 + x - 1$

Chọn C.

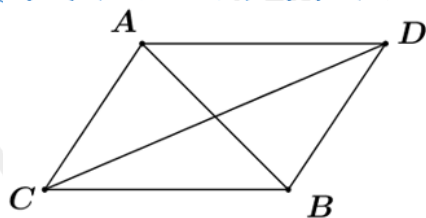
Câu 29 (TH):

Phương pháp:

Sử dụng quy tắc hình bình hành.

Sử dụng: hai vectơ vuông góc với nhau thì tích vô hướng bằng 0.

Cách giải:



Lấy D sao cho ACBD là hình bình hành, khi đó ta có: $\vec{CA} + \vec{CB} = \vec{CD}$.

Theo bài ra ta có: $(\vec{CA} + \vec{CB}) \cdot \vec{AB} = 0 \Leftrightarrow \vec{CD} \cdot \vec{AB} = 0 \Rightarrow CD \perp AB$.

Hình bình hành ACBD có hai đường chéo vuông góc nên là hình thoi, do đó $CA = CB$.

Vậy tam giác ABC cân tại C.

Chọn B.

Câu 30 (NB):

Phương pháp:

Sử dụng định nghĩa tích vô hướng của hai vectơ: $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$.

Cách giải:

Vì tam giác ABC vuông cân tại A nên $AB \perp AC$.

Vậy $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = 0$.

Chọn C.

Phần 2: Tự luận (4 điểm)

Câu 1 (VD):

Phương pháp:

a) Hàm số $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$ có đỉnh $I\left(-\frac{b}{2a}; \frac{-\Delta}{4a}\right)$

b) Sự biến thiên

		$a > 0$	
x	$-\infty$	$-\frac{b}{2a}$	$+\infty$
y	$+\infty$	$-\frac{b^2 - 4ac}{4a}$	$+\infty$

		$a < 0$	
x	$-\infty$	$-\frac{b}{2a}$	$+\infty$
y	$+\infty$	$-\frac{b^2 - 4ac}{4a}$	$+\infty$

* Vẽ đồ thị

+ Đỉnh $I\left(-\frac{b}{2a}; \frac{-\Delta}{4a}\right)$

+ Trục đối xứng $x = -\frac{b}{2a}$

+ Giao với các trục (nếu có)

+ Lấy các điểm thuộc đồ thị (đối xứng nhau qua trục đối xứng).

Cách giải:

a) Ta có: Parabol cắt trục hoành tại điểm có hoành độ bằng 2 nên $y(2) = 0 \Leftrightarrow 4a + 2b + c = 0$

Đồ thị của nó có đỉnh $I\left(\frac{3}{2}; \frac{1}{4}\right)$ nên
$$\begin{cases} -\frac{b}{2a} = \frac{3}{2} \\ \left(\frac{3}{2}\right)^2 a + \frac{3}{2}b + c = \frac{1}{4} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3a + b = 0 \\ 9a + 6b + 4c = 1 \end{cases}$$

Kết hợp, ta được hệ
$$\begin{cases} 3a + b = 0 \\ 9a + 6b + 4c = 1 \\ 4a + 2b + c = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = -1 \\ b = 3 \\ c = -2 \end{cases}$$

Vậy parabol đó là $y = -x^2 + 3x - 2$

b) Hàm số $y = -x^2 + 3x - 2$ có $a = -1 < 0$ và đỉnh là $I\left(\frac{3}{2}; \frac{1}{4}\right)$

Ta có bảng biến thiên:

x	$-\infty$	$\frac{3}{2}$	$+\infty$
y	$-\infty$	$\frac{1}{4}$	$-\infty$

Hàm số đồng biến trên $(-\infty; \frac{3}{2})$ và nghịch biến trên $(\frac{3}{2}; +\infty)$

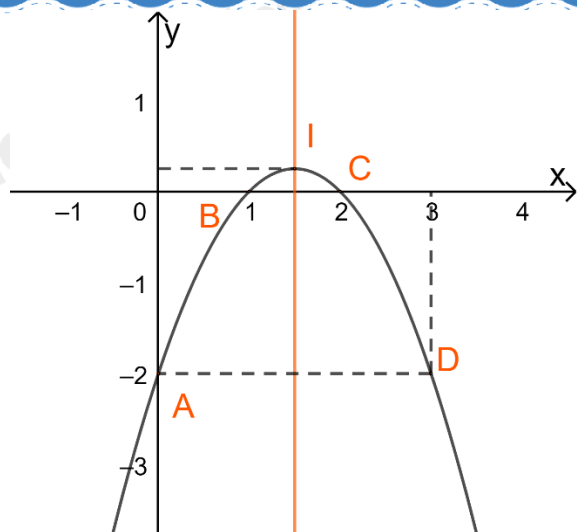
* Vẽ đồ thị hàm số

Đỉnh $I\left(\frac{3}{2}; \frac{1}{4}\right)$

Trục đối xứng $x = \frac{3}{2}$

Cắt trục tung tại $A(0; -2)$ và cắt Ox tại $B(1; 0)$ và $C(2; 0)$

Lấy $D(3; -2)$ thuộc (P), đối xứng với $A(0; -2)$ qua trục đối xứng



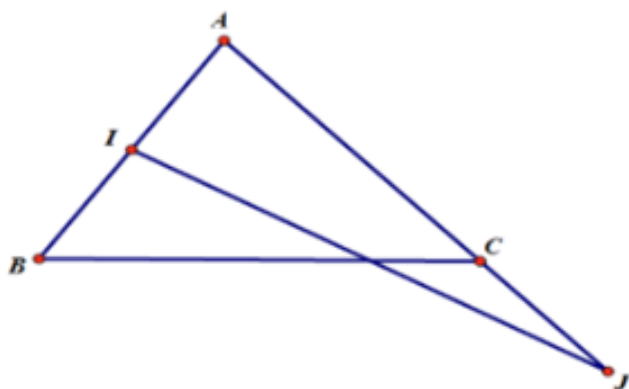
Câu 2 (VD):

Phương pháp:

Gọi I là trung điểm của AB, J là điểm nằm trên đường thẳng AC thỏa mãn điều kiện $\vec{JA} = 3\vec{JC}$
 $\Leftrightarrow \vec{JA} - 3\vec{JC} = \vec{0}$

Đưa đẳng thức đã cho về dạng $MI = MJ$, sử dụng công thức trung điểm, quy tắc ba điểm. Từ đó suy ra tập hợp điểm M.

Cách giải:



Gọi I là trung điểm của AB, J là điểm nằm trên đường thẳng AC thỏa mãn điều kiện $\vec{JA} = 3\vec{JC}$
 $\Leftrightarrow \vec{JA} - 3\vec{JC} = \vec{0}$

Khi đó ta có:

$$\begin{aligned} |\vec{MA} + \vec{MB}| &= |\vec{MA} - 3\vec{MC}| \\ \Leftrightarrow |2\vec{MI}| &= |\vec{MJ} + \vec{JA} - 3(\vec{MJ} + \vec{JC})| \\ \Leftrightarrow |2\vec{MI}| &= |-2\vec{MJ} + (\vec{JA} - 3\vec{JC})| \\ \Leftrightarrow |2\vec{MI}| &= |-2\vec{MJ}| \\ \Leftrightarrow MI &= MJ \end{aligned}$$

Vậy tập hợp các điểm M là đường trung trực của IJ.

Câu 3 (VDC):**Phương pháp:**

Sử dụng $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CA} = \vec{0}$, bình phương hai vế, sử dụng khái niệm tích vô hướng của 2 vectơ.

Cách giải:

Ta có:

$$\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CA} = \vec{0}$$

$$\Rightarrow (\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CA})^2 = 0$$

$$\Leftrightarrow \overrightarrow{AB}^2 + \overrightarrow{BC}^2 + \overrightarrow{CA}^2 + 2\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} + 2\overrightarrow{BC} \cdot \overrightarrow{CA} + 2\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{AB} = 0$$

$$\Leftrightarrow a^2 + b^2 + c^2 = 2\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC} + 2\overrightarrow{CB} \cdot \overrightarrow{CA} + 2\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{AC}$$

$$\Leftrightarrow a^2 + b^2 + c^2 = 2ac \cos B + 2bc \cos A + 2ab \cos C$$

$$\Leftrightarrow \frac{a^2 + b^2 + c^2}{2abc} = \frac{\cos A}{a} + \frac{\cos B}{b} + \frac{\cos C}{c} \text{ (dpcm)}.$$

Mặt khác, theo định lí cosin trong tam giác ABC ta có:

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$$

$$\Leftrightarrow a^2 = 5a^2 - 2bc \cos A$$

$$\Leftrightarrow 2bc \cos A = 4a^2$$

$$\Leftrightarrow bc = \frac{2a^2}{\cos A} = \frac{2a^2}{\cos \alpha}$$

$$\text{Vậy } S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} bc \sin A = \frac{1}{2} \frac{2a^2}{2 \cos \alpha} \sin \alpha = a^2 \tan \alpha.$$