

## ĐỀ THI HỌC KÌ I:

## ĐỀ SỐ 7

## MÔN: TOÁN - LỚP 7



BIÊN SOẠN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

**Phần I: Trắc nghiệm (3 điểm).** Hãy chọn phương án trả lời đúng và viết chữ cái đứng trước đáp án đó vào bài làm.

**Câu 1:** Số đối của  $\frac{-7}{12}$  là:

A.  $\frac{7}{12}$

B.  $\frac{7}{-12}$

C.  $\frac{12}{-7}$

D.  $\frac{12}{7}$

**Câu 2:** Chọn khẳng định đúng.

A.  $\frac{-37}{41} > \frac{23}{-17}$

B.  $\left(\frac{1}{3}\right)^{12} > \left(\frac{1}{3}\right)^{10}$

C.  $(2,5)^6 = (0,5)^{12}$

D.  $(2,5)^4 < (-2,5)^5$

**Câu 3:** Chọn đáp án sai. Nếu  $\sqrt{x} = \frac{2}{3}$  thì:

A.  $x = \left(-\frac{2}{3}\right)^2$

B.  $x = -\left(-\frac{2}{3}\right)^2$

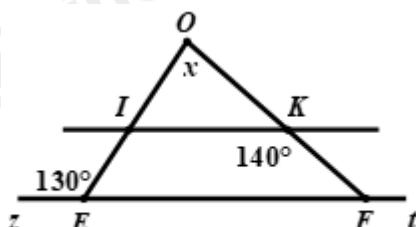
C.  $x = \frac{4}{9}$

D.  $x = \left(\frac{2}{3}\right)^2$

**Câu 4:** Trong các phát biểu sau, phát biểu nào sai?

- A. Giá trị tuyệt đối của một số thực là một số dương hoặc bằng 0.
- B. Hai số có giá trị tuyệt đối bằng nhau là hai số bằng nhau hoặc đối nhau.
- C. Hai số đối nhau có giá trị tuyệt đối bằng nhau.
- D. Giá trị tuyệt đối của một số thực luôn bằng chính nó.

**Câu 5:** Quan sát Hình 2, có  $IK // EF$ . Hãy tính giá trị của  $x$  ?



Hình 2

A.  $x = 70^\circ$

B.  $x = 110^\circ$

C.  $x = 120^\circ$

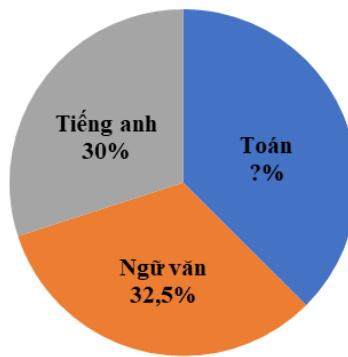
D.  $x = 90^\circ$

**Câu 6:**

Cho tam giác  $ABC$  có  $AB < AC$ . Tia phân giác của góc  $A$  cắt  $BC$  ở  $K$ . Từ  $B$  kẻ đường vuông góc với  $AK$  tại  $H$  cắt  $AC$  ở  $D$ . Chọn câu sai.

**A.  $HB = AD$** **B.  $HB = HD$** **C.  $AB = AD$** **D.  $ABH = ADH$** 

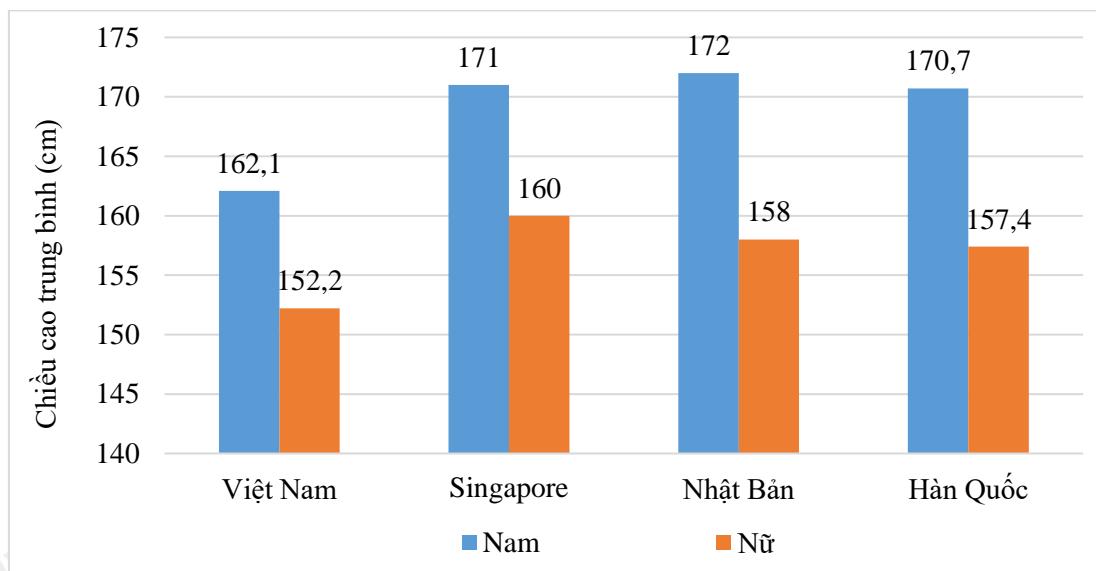
**Câu 7:** Số học sinh đăng ký học bổ trợ các Câu lạc bộ Toán, Ngữ văn, Tiếng anh của lớp 7 của một trường được biểu diễn qua biểu đồ hình quạt tròn như sau:



Tính số phần trăm học sinh đăng ký môn Toán là bao nhiêu?

**A. 40%****B. 37,5%****C. 30%****D. 35%**

**Câu 8:** Cho biểu đồ biểu diễn chiều cao trung bình của nam và nữ ở một số quốc gia châu Á:



Sự chênh lệch chiều cao giữa nam và nữ của nước nào là lớn nhất?

**A. Việt Nam****B. Singapore****C. Nhật Bản****D. Hàn Quốc**

**Câu 9:** Phát biểu định lí sau bằng lời:

$$\frac{\text{GT} \quad | \quad a // b, c \perp a}{\text{KL} \quad | \quad c \perp b}$$

**A.** Nếu một đường thẳng vuông góc với một trong hai đường thẳng song song thì nó vuông góc với đường thẳng kia.

**B.** Nếu một đường thẳng vuông góc với một trong hai đường thẳng song song thì nó song song với đường thẳng kia.

**C.** Nếu một đường thẳng vuông góc với một trong hai đường thẳng song song thì nó tạo với đường thẳng kia một góc  $60^\circ$ .

**D.** Cả A, B, C đều đúng.

**Câu 10:** Vẽ  $\angle xOy = 50^\circ$ . Vẽ tia  $Om$  là tia phân giác của góc  $xOy$ . Vẽ tia  $On$  là tia đối của tia  $Ox$ . Tính góc  $mOn$ .

A.  $\angle mOn = 125^\circ$

B.  $\angle mOn = 155^\circ$

C.  $\angle mOn = 160^\circ$

D.  $\angle mOn = 175^\circ$

## Phần II. Tự luận (7 điểm):

### Bài 1: (2,0 điểm)

Thực hiện phép tính:

a)  $\frac{7}{2} \cdot \frac{11}{6} - \frac{7}{2} \cdot \frac{5}{6}$

b)  $\sqrt{36} - 3 \cdot \sqrt{\frac{1}{4}} + \left| \frac{-3}{2} \right|$

c)  $\left( \frac{-1}{2} \right)^3 - \frac{7}{8} : \frac{7}{4} + \left| \frac{-9}{8} \right| + \sqrt{81}$

**Bài 2 (2,0 điểm).** Tìm  $x$ :

a)  $\frac{3}{5}x - \frac{6}{7} = \frac{1}{7}$

b)  $(2x - 1)^3 = 64$

c)  $2|x+1| - 0,5 = \sqrt{\frac{1}{9}}$

### Bài 3: (3,5 điểm)

Cho góc nhọn  $xOy$ , lấy điểm  $A$  trên tia  $Ox$  (điểm  $A$  khác  $O$ ) và điểm  $B$  trên tia  $Oy$  sao cho  $OA = OB$ . Gọi  $M$  là trung điểm của  $AB$ .

a) Chứng minh:  $\Delta OAM = \Delta OBM$

b) Trên tia  $OM$  lấy điểm  $H$  sao cho  $OM < OH$ . Chứng minh  $HA = HB$ .

c) Qua  $H$  kẻ đường thẳng song song với  $AB$  cắt  $Ox$  tại  $E$  cắt  $Oy$  tại  $K$ . Chứng minh  $OH$  là đường trung trực của  $EK$ .

d) Gọi giao điểm của  $AK$  và  $BE$  là  $N$ . Chứng minh ba điểm  $O, M, N$  thẳng hàng.

### Bài 4: (0,5 điểm)

Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức  $A = x^2 + 3\sqrt{x} - 2024$  với  $x \geq 0$ .

-----HẾT-----

## HƯỚNG DẪN GIẢI CHI TIẾT

THỰC HIỆN: BAN CHUYÊN MÔN LOIGIAIHAY.COM

**Phần I: Trắc nghiệm:**

1.A	2.A	3.B	4.D	5.D	6.A	7.B	8.C	9. A	10.B
-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	------	------

**Câu 1****Phương pháp:**

Số đối của số hữu tỉ  $a$  kí hiệu là  $-a$ .

**Cách giải:**

Số đối của  $\frac{-7}{12}$  là:  $-\left(\frac{-7}{12}\right) = \frac{7}{12}$

**Chọn A.****Câu 2****Phương pháp:**

Sử dụng phương pháp so sánh trung gian.

**Cách giải:**

$$+ \text{Ta có: } 37 < 41 \text{ nên } \frac{37}{41} < 1 \text{ suy ra } \frac{-37}{41} > -1 \quad (1)$$

$$23 > 17 \text{ nên } \frac{23}{17} > 1 \text{ suy ra } \frac{23}{17} < -1 \quad (2)$$

$$\text{Từ (1) và (2), suy ra } \frac{23}{17} < -1 < \frac{-37}{41}, \text{ do đó, } \frac{-37}{41} > \frac{23}{17}$$

Vậy đáp án A đúng.

**Chọn A.****Câu 3****Phương pháp:**

Căn bậc hai số học của số  $a$  không âm là số  $x$  không âm sao cho  $x^2 = a$ .

Sử dụng tính chất:  $x^2 = (-x)^2$

**Cách giải:**

$$\sqrt{\left(-\frac{2}{3}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{2}{3}\right)^2} = \sqrt{\frac{4}{9}} = \frac{2}{3} \text{ nên đáp án A,C,D đúng}$$

Do chỉ tồn tại căn bậc hai số học của một số không âm nên đáp án B sai.

**Chọn B.**

**Câu 4****Phương pháp:**

Vận dụng kiến thức giá trị tuyệt đối của một số thực, tìm phát biểu sai.

**Cách giải:**

Phát biểu A đúng vì giá trị tuyệt đối của một số thực là một số không âm.

Phát biểu B đúng vì hai số có giá trị tuyệt đối bằng nhau là hai số bằng nhau hoặc đối nhau.

Phát biểu C đúng vì hai số đối nhau có điểm biểu diễn cách đều điểm gốc 0 nên giá trị tuyệt đối của chúng bằng nhau.

Phát biểu D sai vì giá trị tuyệt đối của số âm là số đối của nó.

**Chọn D.****Câu 5****Phương pháp:**

Hai góc kề bù có tổng số đo bằng  $180^\circ$

Hai đường thẳng song song thì hai góc ở vị trí đồng vị bằng nhau.

Vận dụng định lý: Tổng ba góc trong một tam giác bằng  $180^\circ$ .

**Cách giải:**

\* Ta có:  $\angle zEO + \angle OEF = 180^\circ$  (hai góc kề bù)

$$\Rightarrow 130^\circ + \angle OEF = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle OEF = 180^\circ - 130^\circ$$

$$\Rightarrow \angle OEF = 50^\circ$$

\*  $IK // EF$  (giả thiết)  $\Rightarrow \angle OEF = \angle OIK$  (hai góc đồng vị) do đó,  $\angle OIK = 50^\circ$

\* Ta có:  $\angle IKO + \angle IKF = 180^\circ$  (hai góc kề bù)

$$\Rightarrow \angle IKO + 140^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \angle IKO = 180^\circ - 140^\circ$$

$$\Rightarrow \angle IKO = 40^\circ$$

\* Xét  $\Delta OIK$  có:  $\angle O + \angle OIK + \angle OKI = 180^\circ$  (định lí tổng ba góc trong một tam giác)

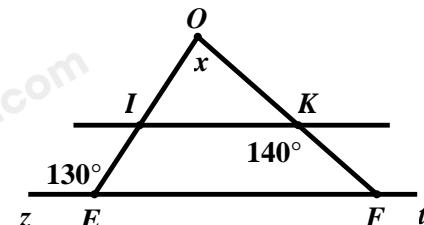
$$\Rightarrow x + 50^\circ + 40^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow x + 90^\circ = 180^\circ$$

$$\Rightarrow x = 180^\circ - 90^\circ$$

$$\Rightarrow x = 90^\circ$$

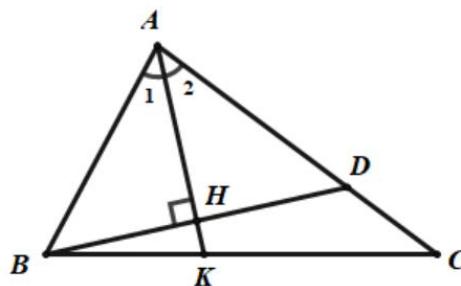
Vậy  $x = 90^\circ$

**Chọn D.****Câu 6****Phương pháp:****Hình 2**

+ Nếu một cạnh và hai góc kề của tam giác này bằng một cạnh và hai góc kề của tam giác kia thì hai tam giác đó bằng nhau.

+ Hai tam giác bằng nhau có các cặp cạnh, cặp góc tương ứng bằng nhau

**Cách giải:**



Vì  $AK$  là tia phân giác của  $\angle BAC$  nên  $\angle A_1 = \angle A_2$

Theo giả thiết ta có:  $BH \perp AK \Rightarrow \angle AHB = \angle AHD = 90^\circ$

Xét tam giác  $AHB$  và tam giác  $AHD$  có:

$$\angle A_1 = \angle A_2$$

$AH$  là cạnh chung

$$\angle AHB = \angle AHD = 90^\circ$$

Nên  $\Delta AHB = \Delta AHD$  (g.c.g)

Suy ra:  $HB = HD$  (hai cạnh tương ứng) nên **B** đúng

$AB = AD$  (hai cạnh tương ứng) nên **C** đúng

$\angle ABH = \angle ADH$  (hai góc tương ứng) nên **D** đúng

**Chọn A.**

**Câu 7**

**Phương pháp:**

Đọc và phân tích dữ liệu của biểu đồ hình quạt tròn.

**Cách giải:**

Số phần trăm học sinh đăng ký môn Toán là:  $100\% - 32,5\% - 30\% = 37,5\%$

**Chọn B.**

**Câu 8**

**Phương pháp:**

Sử dụng biểu đồ cột kép, quan sát và trả lời câu hỏi.

**Cách giải:**

\*) Chiều cao trung bình của nam:

Việt Nam: 162,1cm

Singapore: 171cm

Nhật Bản: 172cm

Hàn Quốc: 170,7cm

\*) Chiều cao trung bình của nữ:

Việt Nam: 152,2cm

Singapore: 160cm

Nhật Bản: 158cm

Hàn Quốc: 157,4cm

Sự chênh lệch chiều cao giữa nam và nữ ở Việt Nam là:

$$162,1 - 152,2 = 9,9 \text{ (cm)}$$

Sự chênh lệch chiều cao giữa nam và nữ ở Singapore là:

$$171 - 160 = 11 \text{ (cm)}$$

Sự chênh lệch chiều cao giữa nam và nữ ở Nhật Bản là:

$$172 - 158 = 14 \text{ (cm)}$$

Sự chênh lệch chiều cao giữa nam và nữ ở Hàn Quốc là:

$$170,7 - 157,4 = 13,3 \text{ (cm)}$$

Sự chênh lệch chiều cao giữa nam và nữ ở Nhật Bản là lớn nhất.

### **Chọn C.**

#### **Câu 9**

##### **Phương pháp:**

Định lí là một khẳng định được suy ra từ những khẳng định đúng đã biết. Mỗi định lí thường được phát biểu dưới dạng: Nếu ... thì ....

##### **Cách giải:**

Phát biểu định lí: Nếu một đường thẳng vuông góc với một trong hai đường thẳng song song thì nó vuông góc với đường thẳng kia.

### **Chọn A.**

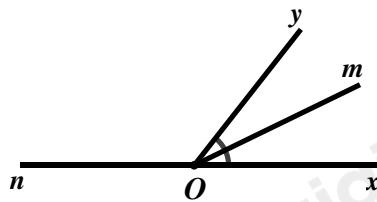
#### **Câu 10**

##### **Phương pháp**

$Oz$  là tia phân giác của  $\angle xOy$  thì ta có:  $\angle xOz = \angle zOy = \frac{\angle xOy}{2}$

$\angle xOz$  và  $\angle zOy$  là hai góc kề nhau thì ta có:  $\angle xOz + \angle zOy = \angle xOy$ .

$\angle xOz$  và  $\angle zOy$  là hai góc kề bù thì ta có:  $\angle xOy = \angle xOz + \angle zOy = 180^\circ$

**Cách giải:**

Vì  $Om$  là tia phân giác của  $\angle xOy$  nên  $\angle mOy = \frac{\angle xOy}{2} = \frac{50^0}{2} = 25^0$

Ta có:  $\angle nOy$  và  $\angle yOx$  là hai góc kề bù nên  $\angle nOy + \angle yOx = 180^0$

$$\Rightarrow \angle nOy + 50^0 = 180^0$$

$$\Rightarrow \angle nOy = 180^0 - 50^0 = 130^0$$

Ta có:  $\angle nOy$  và  $\angle yOm$  là hai góc kề nhau nên  $\angle nOy + \angle yOm = \angle nOm$

$$\Rightarrow 130^0 + 25^0 = 155^0 = \angle nOm$$

Vậy  $\angle mOn = 155^0$

**Chọn B.****Phần II. Tự luận (7 điểm):****Bài 1****Phương pháp:**

Thực hiện phép tính với số hữu tỉ, giá trị tuyệt đối của một số hữu tỉ.

**Cách giải:**

$$\begin{aligned} a) \quad & \frac{7}{2} \cdot \frac{11}{6} - \frac{7}{2} \cdot \frac{5}{6} \\ &= \frac{7}{2} \cdot \left( \frac{11}{6} + \frac{5}{6} \right) \\ &= \frac{7}{2} \cdot \frac{16}{6} \\ &= \frac{28}{3} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b) \quad & \sqrt{36} - 3 \cdot \sqrt{\frac{1}{4} + \left| \frac{-3}{2} \right|} \\ &= 6 - 3 \cdot \frac{1}{2} + \frac{3}{2} \\ &= 6 + \left( \frac{3}{2} - \frac{3}{2} \right) \\ &= 6 + 0 = 6 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} c) \quad & \left( \frac{-1}{2} \right)^3 - \frac{7}{8} : \frac{7}{4} + \left| \frac{-9}{8} \right| + \sqrt{81} \\ &= \frac{-1}{8} - \frac{7}{8} \cdot \frac{4}{7} + \frac{9}{8} + 9 \\ &= \left( -\frac{1}{8} + \frac{9}{8} \right) - \frac{1}{2} + 9 \\ &= 1 - \frac{1}{2} + 9 \\ &= \frac{1}{2} + 9 = \frac{19}{2} \end{aligned}$$

**Bài 2****Phương pháp:**

Thực hiện phép tính với số hữu tỉ, giá trị tuyệt đối của một số hữu tỉ.

**Cách giải:**

$$a) \frac{3}{5}x - \frac{6}{7} = \frac{1}{7}$$

$$\frac{3}{5}x = \frac{1}{7} + \frac{6}{7}$$

$$\frac{3}{5}x = \frac{7}{7} = 1$$

$$x = 1 : \frac{3}{5}$$

$$x = \frac{5}{3}$$

$$\text{Vậy } x = \frac{5}{3}$$

$$b) (2x-1)^3 = 64$$

$$(2x-1)^3 = 4^3$$

$$2x-1 = 4$$

$$2x = 4+1$$

$$2x = 5$$

$$x = \frac{5}{2}$$

$$\text{Vậy } x = \frac{5}{2}$$

$$c) 2|x+1| - 0,5 = \sqrt{\frac{1}{9}}$$

$$2|x+1| - \frac{1}{2} = \frac{1}{3}$$

$$2|x+1| = \frac{1}{3} + \frac{1}{2}$$

$$2|x+1| = \frac{2+3}{6} = \frac{5}{6}$$

$$|x+1| = \frac{5}{6} : 2$$

$$|x+1| = \frac{5}{12}$$

$$\text{Trường hợp 1: } x+1 = \frac{5}{12} \Rightarrow x = \frac{5}{12} - 1 = \frac{-7}{12}$$

$$\text{Trường hợp 2: } x+1 = \frac{-5}{12} \Rightarrow x = \frac{-5}{12} - 1 = \frac{-17}{12}$$

$$\text{Vậy } x = \frac{-7}{12}; x = \frac{-17}{12}$$

### Bài 3

**Phương pháp:**

$$a) \text{Chứng minh } \Delta OAM = \Delta OBM \text{ (c.c.c)}$$

$$b) \text{Chứng minh } \Delta OAH = \Delta OBH \text{ (c.g.c)} \Rightarrow HA = HB \text{ (hai cạnh tương ứng)}$$

$$c) \text{Chứng minh } \Delta OHK = \Delta OHE \text{ (c.g.c)}$$

Suy ra,  $HK = HE \Rightarrow H$  là trung điểm của  $EK$  (1)

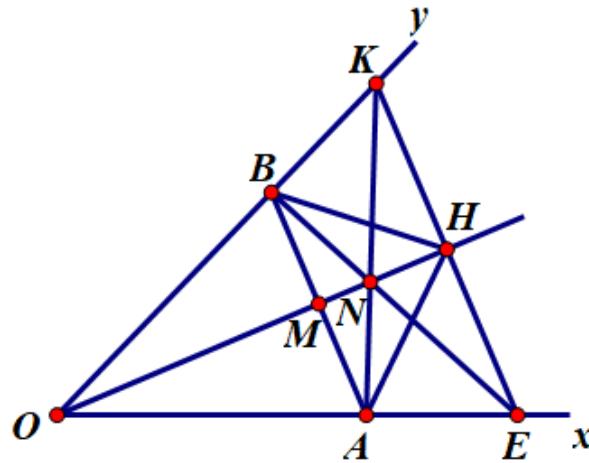
$$\angle OHK = \angle OHE \Rightarrow OH \perp EK \text{ tại } H \text{ (2)}$$

Từ (1) và (2), suy ra  $OH$  là đường trung trực của  $EK$ .

$$d) \text{Chứng minh } \Delta OAK = \Delta OBE \text{ (c.g.c)} \text{ từ đó chứng minh được } \angle NBK = \angle NAE$$

$$\text{Chứng minh } \Delta NBK = \Delta NHE \text{ (c.c.c)} \Rightarrow \angle NHK = \angle NHE \text{ từ đó chứng minh được } NH \perp EK \text{ tại } H$$

**Cách giải:**



a)  $M$  là trung điểm của  $AB \Rightarrow MA = MB$

Xét  $\Delta OAM$  và  $\Delta OBM$  có:

$$\left. \begin{array}{l} OM \text{ chung} \\ OA = OB \text{ (gt)} \\ MA = MB \text{ (cmt)} \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta OAM = \Delta OBM \text{ (c.c.c)}$$

b)  $\Delta OAM = \Delta OBM \text{ (cmt)} \Rightarrow \angle AOM = \angle BOM$  (hai góc tương ứng)

Xét  $\Delta OAH$  và  $\Delta OBH$  có:

$$\left. \begin{array}{l} OH \text{ chung} \\ \angle AOM = \angle BOM \text{ (cmt)} \\ OA = OB \text{ (gt)} \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta OAH = \Delta OBH \text{ (c.g.c)} \Rightarrow HA = HB \text{ (hai cạnh tương ứng)}$$

c) Ta có:  $OA = OB \text{ (gt)} \Rightarrow \Delta OAB$  cân tại  $O \Rightarrow \angle OAB = \angle OBA$

Vì  $AB \parallel EK$ , suy ra:  $\angle OBA = \angle OKE$  (hai góc ở vị trí đồng vị) và  $\angle OAB = \angle OEK$  (hai góc ở vị trí đồng vị)

Từ đó, suy ra  $\angle OKE = \angle OEK \Rightarrow \Delta OEK$  cân tại  $O \Rightarrow OK = OE$

Xét  $\Delta OHK$  và  $\Delta OHE$  có:

$$\left. \begin{array}{l} OK = OE \text{ (cmt)} \\ \angle KOH = \angle EOH \text{ (do } \angle BOM = \angle AOM \text{)} \\ OH \text{ chung} \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta OHK = \Delta OHE \text{ (c.g.c)}$$

Suy ra,

+  $HK = HE$  (hai cạnh tương ứng)  $\Rightarrow H$  là trung điểm của  $EK$  (1)

+  $\angle OHK = \angle OHE$  (hai góc tương ứng) mà  $\angle OHK + \angle OHE = 180^\circ$  nên  $\angle OHK = \angle OHE = \frac{180^\circ}{2} = 90^\circ$

, do đó  $OH \perp EK$  tại  $H$  (2)

Từ (1) và (2), suy ra  $OH$  là đường trung trực của  $EK$ .

d) Ta có:  $AE = OE - OA; BK = OK - OB$  mà  $OE = OK; OA = OB$

Suy ra,  $AE = BK$

Xét  $\Delta OAK$  và  $\Delta OBE$  có:

$$\left. \begin{array}{l} OA = OB \text{ (cmt)} \\ \angle O \text{ chung} \\ OK = OH \text{ (cmt)} \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta OAK = \Delta OBE \text{ (c.g.c)}$$

Suy ra,  $\angle OKA = \angle OEB$  và  $\angle OAH = \angle OBE$  (hai góc tương ứng)

Ta có:  $\left. \begin{array}{l} \angle NBK = 180^\circ - \angle OBE \\ \angle NAE = 180^\circ - \angle OAK \end{array} \right\}$

Do đó,  $\angle NBK = \angle NAE$

Xét  $\Delta NBK$  và  $\Delta NHE$  có:

$$\left. \begin{array}{l} \angle NBK = \angle NAE \text{ (cmt)} \\ BK = AE \text{ (cmt)} \\ \angle OKA = \angle OEB \text{ (cmt)} \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta NBK = \Delta NHE \text{ (c.c.c)} \Rightarrow \angle NHK = \angle NHE \text{ (hai góc tương ứng)}$$

Mà  $\angle NHK + \angle NHE = 180^\circ$

$$\Rightarrow \angle NHK = \angle NHE = \frac{180^\circ}{2} = 90^\circ$$

$\Rightarrow NH \perp EK$  tại  $H$  mà  $OH \perp EK$  tại  $H$

$\Rightarrow NH \equiv OH$

$\Rightarrow O, N, H$  thẳng hàng

$\Rightarrow O, M, H$  thẳng hàng.

#### Bài 4

##### Phương pháp:

Đánh giá các số hạng của tổng để tìm giá trị nhỏ nhất của  $A$ .

Chú ý:  $x^2 \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .

##### Cách giải:

Ta có:  $x^2 \geq 0; \sqrt{x} \geq 0$  với mọi số thực  $x \geq 0$  nên  $x^2 + 3\sqrt{x} \geq 0$  với mọi số thực  $x \geq 0$ .

Suy ra  $x^2 + 3\sqrt{x} - 2024 \geq -2024$  với mọi số thực  $x \geq 0$ . Hay  $A \geq -2024$  với mọi số thực  $x \geq 0$ .

Dấu “=” xảy ra  $\Leftrightarrow x = 0$ .

Vậy  $\min A = -2024 \Leftrightarrow x = 0$ .